# 고등학교 수학,

# 개념을 정확히 이해하고 문제 유형을 익히면 성적을 올릴 수 있습니다.

수학은 공식만 암기하면서 공부하면 성적이 오르지 않습니다.

개념과 연계된 문제 유형들은 단계별 문제를 통해서 익혀야 합니다.

자이스토리는 새 교육과정에 맞게 최신 학교시험과 학력평가 문제를 철저히 분석해 촘촘하게 유형을 분류하고 개념을 적용시키는 유형 훈련으로 수학 실력을 탄탄하게 올릴 수 있게 만들었습니다.

또한, 자이스토리만의 명쾌한 문제 분석과 풍부한 보충 첨삭 해설은 문제를 풀어가면서 동시에 개념과 유형을 자연스럽게 익힐 수 있도록 도와줍니다.

특별한 사람만이 수학을 좋아하고 잘하는 것이 아닙니다. 개념을 바르게 이해하고, 쉬운 문제부터 단계를 밟아 기본을 다지면 수학은 어느새 재미있는 과목이 되어 있을 것입니다.

어떤 목표를 달성하는 데 가장 중요한 것은 자신감이라고 하지요? 해낼 수 있다는 자신감을 갖고 자이스토리와 함께 하면 수학 1 등급을 반드시 이룰 수 있습니다.

- 대한민국 No.1 수능문제집 자이스토리 -



# 학교시험 1등급 완성 학습 계획표 [35일]

Day	문항 번호	틀린 문제 / 헷갈리는 문제 번호 적기	날짜		복습 날짜	
1	<b>A</b> 01~70		월	일	월	일
2	71~128		월	일	월	일
3	129~158		월	일	월	일
4	<b>B</b> 01~75		월	일	월	일
5	76~125		월	일	월	일
6	126~165		월	일	월	일
7	<b>C</b> 01~85		월	일	월	일
8	86~130		월	일	월	일
9	<b>D</b> 01~82		월	일	월	일
10	83~145		월	일	월	일
11	<b>E</b> 01~57		월	일	월	일
12	58~110		월	일	월	일
13	111~144		월	일	월	일
14	<b>F</b> 01~80		월	일	월	일
15	81~144		월	일	월	일
16	145~180		월	일	월	일
17	<b>G</b> 01~72		월	일	월	일
18	73~153		월	일	월	일
19	154~196		월	일	월	일
20	<b>H</b> 01~62		월	일	월	일
21	63~100		월	일	월	일
22	I 01~83		월	일	월	일
23	84~137		월	일	월	일
24	138~187		월	일	월	일
25	<b>J</b> 01~50		월	일	월	일
26	51~81		월	일	월	일
27	<b>K</b> 01~80		월	일	월	일
28	81~135		월	일	월	일
29	136~168		월	일	월	일
30	<b>L</b> 01~85		 월	일	월	일
31	86~136		월	일	월	일
32	137~179		월	일	월	일
33	모의 A~D		월	일	월	일
34	모의 E~H		월	일	월	일
35	모의 I~L		월	일	월	일

• 나는 대학교 학과학번이	된다.
----------------	-----

<sup>•</sup> 磨斧作針 (마부작침) - 도끼를 갈아 비늘을 만든다. (아무리 어려운 일이라도 끈기 있게 노력하면 이룰 수 있음을 비유하는 말)

# 집필진 · 감수진 선생님들



🦓 자이스토리는 내신 + 수능 준비를 가장 효과적으로 할 수 있도록 수능, 모의평가, 학력평가 기출문제를 개념별, 유형별, 난이도별로 수록하였습니다. 그리고 명강의로 소문난 학교·학원 선생님들께서 명쾌한 해설을 입체 첨삭으로 집필하셨습니다.

### [ 집필진 ]

**김덕환** 대전 대성여자고등학교 전경준 서울 풍문고등학교 [다른 풀이 집필] 배수나 가인아카데미 전주홍 서울 압구정 Yestudy 김리안 이종석 일등급 수학 저자 최대철 서울 인창고등학교 김예진 송유헌 제주 GTS Math 홍지어 부산대학교 수학 박사과정 김 준 신건률 대치 다원교육 홍지우 안양 부흥고등학교 신은소 **장영화** 제주 제로링수학교실 수경 수학 컨텐츠 연구소 유대호 장철희 서울 보성고등학교 유재영 평택 비전고등학교 이보형 성남 매쓰코드학원

이세복 고양 퍼스널수학 강 현 경주 비상아이비츠 강현학원 전승환 안양 공즐학원 인천 수리안학원 대구 수투수학학원 정경애 경남 수학 전문컨설턴트 정석균 천안 힐베르트 수학과학학원 채송화 인천 쭌에듀학원 부산 채송화수학 서울 펜타곤학원 개념&문제 풀이 평촌 플랜지에듀 강의 선생님

유튜브 채널

셀프수학



### [특별 감수진]

고호섭 보성 벌교고등학교 **김우영** 광주 김우영수학학원 문윤정 대구 정동고등학교 이선혜 광주 서석고등학교 문윤정 권정철 부산 가야고등학교 김정태 서울 미래산업과학고등학교 장광덕 대구 정동고등학교 화성 동탄의수학학원 양유식 세종 정석학원 김대식 하남 하남고등학교 **김정환** 안양 신성고등학교 장용준 의정부 상우고등학교 조현정 김미연 광명 충현고등학교 김진회 윤규환 인천 인천외국어고등학교 광주 광주석산고등학교 서울 동덕여자고등학교 **김보원** 서울 동일여자고등학교 김현주 포항 유성여자고등학교 윤미령 안산 미령수학 하재철 당진 송악고등학교 김성미 서울 에이원매쓰 남광현 서울 수학의힘(강동본원) 이나라 이천 양정여자고등학교

#### [ 감수진 ]

강수미 세종 청람수학전문학원 김태성 광주 김태성수학 심혜림 성주 별고을교육원 임정수 서울 (성북)시그마수학학원 강유식 김현석 서울 1타수학목동관학원 안형진 전주 혁신청람수학 장지원 부산 해신수학학원 대전 연세제일학원 강지민 함안 명덕고등학교 김형진 서울 (마포)예일학원 양지현 성남 (분당)일비충천수학학원 장혜림 인천 외풀수학 강현아 서울 (대치)매쓰테라피 김호승 성남 (분당)수학의아침 양창진 의정부 수학의숲학원 장혜민 성남 우주수학학원 김호원 어흥범 전찬용 공이란 전주 세움입시학원 성남 (분당)원수학학원 광주 수바시&매쓰피아 부산 (개금)페르마학원 구무회 청주 엑스텐수학학원 김훤재 서울 반포파인만고등관 오정민 인천 갈루아수학학원 전호완 성남 숭신여자고등학교 기미나 인천 기쌤수학 남궁준 수원 새봄수학 윤동빈 춘천 페르마학원 정재웅 부산 수학1번가 김경미 춘천 페르마석사본원 마계춘 광주 어썸수학학원 윤세진 창원 매쓰플랜수학학원 정재훈 용인 시너지수학학원 문정탁 대구 STM수학학원 서울 꿈이룬수학전문학원 조우영 부산 위드유수학학원 김동현 서울 (성북)대치이상학원 이경환 김미나 고양 효수학학원 서울 (목동)씨앤씨 민태흠 성남 생각하는수학공간학원 이경효 최성문 서울 파이온수학학원 김미희 인천 희수학 박기두 서울 목동종로학원 이나영 창원 티오피에듀정상학원 최수민 서울 완벽한수학학원 김민서 박동민 이상아 안산 수풀림수학학원 울산 동지수학과학전문학원 서울 (위례)솔수학 최에나 광주 티오티수학학원 김병수 안양 (평촌)인재와고수 박성찬 수원 성찬쌤's 수학의공간 이성준 인천 지담수학학원 최인구 서울 강북제일학원 김보미 고양 유투엠향동캠퍼스 박성찬 수원 성찬쌤's 수학의공간 이세복 고양 퍼스널수학 최정곤 서울 깊은생각 이수동 김성현 서울 하이탑수학 박 찬 제주 찬수학학원 부천 E&T수학전문학원 최진규 성남 (분당)TSM수학학원 김양준 박현준 이수연 황선아 양산 이름학원 서울 절대수학학원 수원 매향여자정보고등학교 서울 큐수학 김영대 이산 탑씨크리트배방학원 박현철 진천 셀마현수학학원 이수현 대구 구정남수학학원 [My Top Secret 집필] 김용희 인천 수학의성지 배홍규 대구 매쓰피아수학학원 이승주 인천 명신여자고등학교 곽지훈 서울대 수학교육과 백은지 김윤혜 대전 슬기로운수학학원 부산 백퍼센트수학학원 이준석 서울 이준석수학 김진형 서울대 약학과 김장훈 제주 프로젝트M수학학원 서동원 대전 수학의중심학원 이진형 안동 성희여자고등학교 문지원 서욱대 의예간 김재훈 세종 최고수학학원 서영덕 진주 탑앤탑학원 이창현 서울 미래탐구메인수학센터 석민준 서울대 첨단융합학과 김재훈 세종 최고수학학원 서영준 대전 힐탑학원 이태형 서울 (목동)고대수학학원 장현준 서강대 수학과 소윤영 김정인 양주 옥정고등학교 광주 (상무)플라톤학원 이현석 서울 이현석수학학원 정서린 서울대 약학과 김지연 손승태 이현호 정호재 서울 아드폰테스 구리 인창고등학교 고양 스카이맥스수학 서울대 경제학부 김지현 대전 파스칼대덕학원 신선학 울산 신쌤플러스수학전문학원 이효진 서울 올토수학학원 조선하 서울대 자유전공학부 김철준 파주 (운정)명인학원 심재현 용인 웨이메이커수학학원 이훈관 광주 일품수학학원 황대윤 서울대 수리과학부

# **ॐ** 차 례 [총 160개 유형]

# Ⅱ 다항식

▲ 다항	식의 연산 – 12개 유형		E 이차방정식 - 15개 유형	
개념 :	스토리 / 개념 확인 문제	10	개념 스토리 / 개념 확인 문제	104
내신+	-학평 유형 스토리	13	내신+학평 유형 스토리	107
서술형	형 스토리	30	서술형 스토리	123
1등급	구고난도 스토리	31	1등급 고난도 스토리	124
B 항등	식과 나머지정리 - 13개 유형		F 이치방정식과 이치함수 - 10개 유형	
개념 :	스토리 / 개념 확인 문제	34	개념 스토리 / 개념 확인 문제	128
내신+	-학평 유형 스토리	36	내신+학평 유형 스토리	132
서술형	형 스토리	54	서술형 스토리	154
1등급	<mark>구 고난도 스토리</mark>	56	1등급 고난도 스토리	156
C 인수	<b>분해</b> - 13개 유형		G 여러 가지 방정식 - 17개 유형	
개념 :	스토리 / 개념 확인 문제	62	개념 스토리 / 개념 확인 문제	166
내신+	-학평 유형 스토리	64	내신+학평 유형 스토리	170
서술형	형 스토리	78	서술형 스토리	194
1등급	· 고난도 스토리	79	1등급 고난도 스토리	196
			<b>├ 부등식</b> - 13개 유형	
			개념 스토리 / 개념 확인 문제	200
			내신+학평 유형 스토리	202
	방정식과 부등식		서술형 스토리	212
			1등급 고난도 스토리	213
D 복소	<b>수</b> – 12개 유형			
개년	스토리 / 개념 확인 문제	82	<b>┃ 이차부등식 -</b> 17개 유형	
	— 고디 / 겜 릭근 근게 -학평 유형 스토리		개념 스토리 / 개념 확인 문제	216
	ㅋᆼ i i o ============================ 형 스토리		내신+학평 유형 스토리	220
	; 고난도 스토리		서술형 스토리	240
	- <b>ㅡ_ㅡ                                  </b>		1등급 고난도 스토리	242

# Ⅲ 순열과 조합

# J 경우의 수 − 8개 유형 개념 스토리 / 개념 확인 문제 ......248 ₭ 순열과 조합 - 14개 유형 개념 스토리 / 개념 확인 문제 ......266 내신+학평 유형 스토리 ......270

사 다하시이 여사

# Special 내신+학평 대비 단원별 모의고사

A 4044 CC	322
B 항등식과 나머지정리	324
C 인 <del>수분</del> 해	326
D 복소수	328
E 이차방정식	330
F 이차방정식과 이차함수	332
G 여러 가지 방정식	334
<b>├</b> 부등식	336
Ⅰ 이차부등식	338
<b>」</b> 경우의 수	340
K 순열과 조합	342
┃ 행렬과 그 연산	3/./.

# 행렬

## L 행렬과 그 연산 − 16개 유형

개념 스토리 / 개념 확인 문제	294
내신+학평 유형 스토리	298
서술형 스토리	316
1등급 고난도 스토리	318
돗아리 소개 / 서울대 달리샤	320

# 빠른 정답 찾기

개념&문제 풀이 강의 선생님 유튜브 채널

셀프수학





# 유형별 문제와 1등급 대비 문제 훈련으로 내신 1등급 완성



# 1 개념 스토리+개념 확인 문제

공통수학1에서 꼭 알아야 하는 중요한 교과서 개념을 쉽게 이해되도록 설명하였습니다. 또한, 개념과 공식을 확실히 자신의 것으로 만들 수 있는 개념 확인 문제를 함께 수록했습니다.

● 중요도 ♥♥♥ : 시험에 자주 나오는 개념과 유형의 중요 정도 제시

• 개념 확인 문제 : 개념 하나하나에 대한 맞춤 문제로 구성



● QR 코드 :



수학 전문 강사의 생생한 개념 강의를 통해 완벽한 개념 학습을 할 수 있도록 하였습니다.

### 3 서술형 스토리 - 단계별 문제해결 방법 제시

학교시험에서 출제되는 다양한 서술형 문제를 단계적으로 풀어 나가는 과정을 제시하여 서술형 문제에 대한 자신감을 얻을 수 있게 구성하였습니다.



### 4 단워별 모의고사 - 내신+학평 대비와 단원 실력 최종 점검

중간, 기말 학교 시험에 대비할 수 있는 단원별 모의고사를 통해 자신의 실력을 체크하고, 부족한 부분은 보충할 수 있습니다. ★주요 문항 동영상 강의 제공



## 2 내신 + 학평 유형 스토리

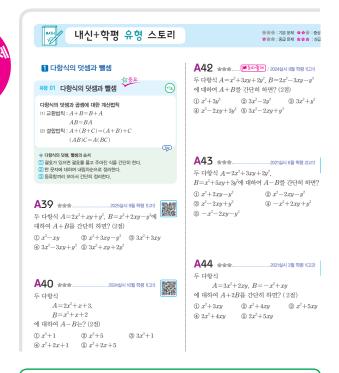
개념에 따른 유형을 자세히 공부할 수 있도록 학교 시험이나 학력평가에서 출제되었던 문제들을 촘촘하게 세분화하여 개념순, 난이도 순으로 수록하였습니다.

- 유형 정리: 시험에서 출제되었던 모든 유형을 제시하여 효과적이고 완벽한 유형 분석을 할 수 있도록 하였습니다.
- tip: 유형에 따라 한 번 더 상기해야 할 개념과 접근법을 제시하였습니다.

● QR 코드 :



유형별 핵심 문제와 혼자 풀기 어려운 문제의 풀이 과정을 동영상 강의를 통해 한 번 더 학습할 수 있도록 하였습니다.



난이도: ※※※ - 기본 문제, ※※※ - 중급 문제
 ※※※ - 중상급 문제, ※※※ - 상급 문제

- 출처표시 : 수능, 평가원 대비연도, 학력평가 실시연도
  - 2026대비 수능(나) 22번 : 2025년 11월에 실시한 수능
  - 2025실시 6월 학평 16(고1): 2025년 6월에 실시한 학력평가
  - 2024실시 3월 학평 10(고2): 2024년 3월에 실시한 학력평가
  - 표시 없는 문제 : 기출 변형 문제
- ▶️화다☆제 : 내신, 학평에서 가장 출제율이 높은 문제
- ☼ 남형 : 최근 내신+학평에서 출제되는 새로운 유형의 문제
- 짤 : 유형 학습을 위해 꼭 확인 해야 하는 문제
- ॐ 3월 : 시험에 반드시 출제되는 중요 유형 체크
- (고난도): 여러 개념을 복합적으로 묻는 고난도 유형



# 5 1등급 고난도 스토리 - 2등급 대비+1등급 대비

1등급을 가르는 변별력 있는 고난도 문제를 난이도 순으로 배열하여 종합적인 사고력과 응용력을 길러서 반드시 수학 1등급을 달성할 수 있도록 구성했습니다.

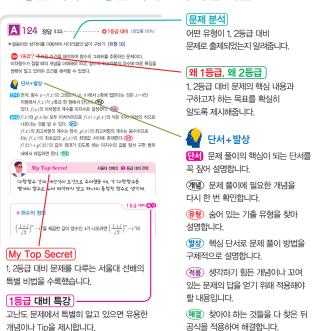
#### 최고

☆ 1등급 대비: 정답률이 20% 이하인 문제로, 1등급을 가르는 최고난도

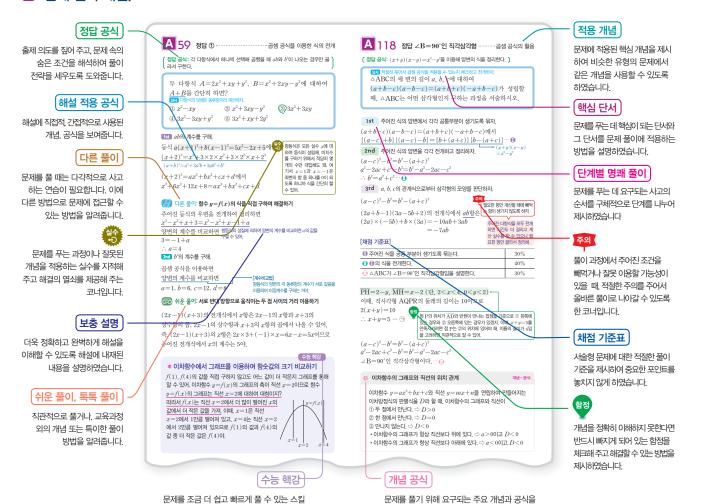
◆ 2등급 대비 : 정답률이 21%~35%인 문제로, 1, 2등급으로 발돋움하는 데 도움이 되는 최상급 문제



## 1등급 대비 · 2등급 대비문제 특별 해설



## 7 입체 첨삭 해설!



정리하였습니다.

등을 자세히 설명하였습니다.



## **1** 개념 이해와 개념 확인 문제 [414제]

각 단원에서 배울 개념 중 중요한 것들을 자세히 설명하고 개념 하나하나에 대한 맞춤 문제를 수록하였습니다.

### 2 최신 10개년 학력평가 기출 문제 전 문항 수록 [새교육과정 2003제]

- 2022~2025 고1, 고2 3월 학력평가 전 문항 수록 (292제)
- 새교육과정에 맞는 2015~2021 학력평가 우수 문항 선별 수록 (407제)
- 새교육과정 완벽 대비를 위한 유형별 내신 기출 변형 문제 수록 (599제)
- 필수 유형 완전 학습-내신+학평 유형 스토리 [160 유형, 문제 1194제]

# -★ 내신 1등급을 위한 내신 기출 변형 문제 추가 수록 -

## 1. 내신 1등급을 위해 160개 문제 유형으로 세분화

수학 개념을 쉽고 빠르게 이해하는 가장 좋은 학습법은 문제 유형을 세분화해서 공부하는 것입니다. 학교 시험은 다양한 유형에서 고르게 출제되기 때문에, 유형을 세분화해서 충분히 연습해야 합니다.

## 2. 160개 유형 연습을 위한 기출 문제 + 내신 기출 변형 문제 수록

학력평가는 특별한 유형에서 많이 출제되기 때문에 어떤 유형은 기출 문제가 과하게 많고, 어떤 유형은 기출 문제가 부족합니다. 그래서 160개 유형에 맞는 내신 기출 변형 문제를 보충 수록해서 1등급을 위한 완벽한 학습이 되도록 하였습니다.

### ❸ 서술형 단계별 훈련을 위한 내신 기출 변형 문제 서술형 스토리 [서술형 93제]

각 단워 중 서술형 출제 방식에 적합하고 출제 비율이 높은 내신 기출 변형 서술형 문제를 구성하였습니다.

4 내신+학평 대비 단원별 모의고사 [기출 문제+기출 변형 문제 170제]

### [공통수학1 문항 구성표]

시행연도	고1 3월 학력평가	고1 6월 학력평가	고1 9월 학력평가	고1 11월 학력평가	고2 3월 학력평가	연도별 문항 수
2025	0	30	30	0	15	75
2024	0	30	17	14	11	72
2023	0	30	17	13	13	73
2022	0	30	16	14	12	72
2021	0	30	20	14	13	77
2020	4	30	16	13	12	71
2019	5	28	14	14	23	84
2018	0	26	16	9	7	58
2017	1	15	8	4	6	34
2016	4	19	5	1	5	34
2015	2	12	7	5	6	32
내신 기출 변형 문제	599					
기본 개념, 서술형 문제	기본 개념, 서술형 문제 507					
		총 수록 등	 			2003

■ 내신 기출 변형 문제: 160개 유형 예상 문제 수록

■ 학평 기출: 2025~2022 학평 전부 수록, 2021~2015(7개년) 학평 선별



### ★유형 차례 ·

유형 01 다항식의 덧셈과 뺄셈

유형 02 다항식의 연산의 실생활에의 활용

유형 03 다항식의 전개식에서의 계수 찾기

유형 04 곱셈 공식을 이용한 식의 전개

유형 05 치환을 이용한 식의 전개

유형 06 곱셈 공식의 변형

 $-(x\pm y)^2$ ,  $(x\pm y)^3$  이용

유형 07 곱셈 공식의 변형  $-x\pm\frac{1}{r}$  이용

유형 08 곱셈 공식의 변형

 $-a^2+b^2+c^2$ ,  $a^3+b^3+c^3$ 이용

유형 09 곱셈 공식의 활용 - 수의 계산

유형 11 다항식의 나눗셈 - 몫과 나머지

유형 **12** 다항식의 나눗셈 - A = BQ + R (고난도)

부호에 주의하여 곱셈 공식을 적용한다.



#### ♥ 단원 학습 목표

- 중학교 과정에서 학습한 다항식의 뜻과 간단한 다항식을 계산하는 방법으로부터 두 개 이상의 문자를 포함한 복잡한 다항식의 사칙연산을 할 수 있다.
- 중학교에서 학습한 지수법칙을 바탕으로, 단항식의 곱셈으로부터 삼차식과 항이 3개인 곱셈 공식을 알고, 이를 다항식의 연산에 활용할 수 있다.

## \* 자주 출제되는 필수 개념 학습법

- 다항식의 연산에서는 주어진 식을 먼저 간단히 한 후 다항식을 대입하여 계산한다. 이때, 괄호로 묶어서 대입하면 실수를 줄일 수 있는데, 괄호를 풀 때 괄호 앞의 부호에 주의한다.
- 곱셈 공식 또는 곱셈 공식의 변형을 통해 식의 값을 묻는 문제가 자주 출제되므로 반드시 정리해두도록 한다.
- (다항식) ÷ (다항식)은 각 다항식을 내림차순으로 정리한 후 자연수의 나눗셈과 같은 방법으로 계산한다.

# \* 자주 출제되는 개념+공식 ·

- 1 자주 쓰이는 곱셈 공식
  - (1)  $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$  $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
  - (2)  $(a+b)(a^2-ab+b^2)=a^3+b^3$

$$(a-b)(a^2+ab+b^2)=a^3-b^3$$

- (3)  $(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$
- 2 다항식 A를 다항식  $B(B \neq 0)$ 로 나눌 때의 몫을 Q, 나머지를 R라 하면

A=BQ+R(단, (R의 차수)<(B의 차수))





중요도 😭 🔾 🤇

# 개념 스토리 -

# 1 다항식의 덧셈과 뺄셈 -유형 01

# (1) 다항식의 정리 방법 <sup>0</sup>

- ① 내림차순 : 한 문자에 대하여 차수가 높은 항부터 낮은 항의 순서로 나타내는 것
- ② 오름차순: 한 문자에 대하여 차수가 낮은 항부터 높은 항의 순서로 나타내는 것 예) 다항식  $x^2+3xy-y^2-2x+5y+4$ 에 대하여
  - ① x에 대하여 내림차순으로 정리:  $x^2 + (3y-2)x y^2 + 5y + 4$
  - ② x에 대하여 오름차순으로 정리:  $-y^2 + 5y + 4 + (3y 2)x + x^2$

#### (2) 다항식의 덧셈과 뺄셈

교환법칙과 결합법칙을 이용하여 동류항끼리 모아서 정리한 후 계산한다.

- ① 괄호가 있는 경우 괄호를 푼다. 다항식에서 문자와 차수가 같은 항
- ② 뺄셈은 빼는 식의 각 항의 부호를 바꾸어 더한다

# (3) 다항식의 덧셈에 대한 성질

다항식 A. B. C에 대하여

- ① 교환법칙 : A + B = B + A
- ② 결합법칙 : (A+B)+C=A+(B+C)

# 2 다항식의 곱셈 - 유형 02~05

- (1) 다항식의 곱셈: 지수법칙과 분배법칙을 이용하여 식을 전개한 다음 동류항끼리 모아 서 정리한다.
  - \* \* 지수법칙 : m. n이 자연수일 때

$$(2)(a^m)^n=a^m$$

$$(ab)^m = a^m b^m$$

④ 
$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$$
 (단,  $b \neq 0$ )

④ 
$$\left(\frac{\boldsymbol{a}}{\boldsymbol{b}}\right)^{m} = \frac{\boldsymbol{a}^{m}}{\boldsymbol{b}^{m}}$$
 (단,  $b \neq 0$ ) ⑤  $\boldsymbol{a}^{m} \div \boldsymbol{a}^{n} = \begin{cases} \boldsymbol{a}^{m-n} & (m > n) \\ 1 & (m = n) \\ \frac{1}{\boldsymbol{a}^{n-m}} & (m < n) \end{cases}$ 

#### 1 다항식의 정리 방법

다항식을 한 문자에 대하여 내림차순 이나 오름차순으로 정리할 때, 기준이 되는 문자를 제외한 나머지 문자는 상 수로 생각한다.

#### 종류항

특정한 문자에 대하여 차수가 같은 항

**3** all 
$$x^2 - (y^2 - 2x + y)$$
  
=  $x^2 - y^2 + 2x - y$ 

- (A+B)+C와 A+(B+C)의결과가 같으므로 이를 보통 괄호없이 A+B+C로 나타낸다.
- ⑤ 다항식의 곱셈에서는 다음과 같은 지수법칙을 이용한다.  $x^{m}x^{n}=x^{m+n}$  (단, m, n은 자연수)

**6** (AB)C와 A(BC)의 결과가

같으므로 이를 보통 괄호없이

ABC로 나타낸다.

### (2) 다항식의 곱셈에 대한 성질

다항식 A. B. C에 대하여

- ① 교환법칙 : AB = BA
- ② 결합법칙 :  $(AB)C = A(BC)^{\bullet}$
- ③ 분배법칙 : A(B+C)=AB+AC. (A+B)C=AC+BC

## (3) 곱셈공식

① 
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$
.  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ 

②  $(a-b)(a+b)=a^2-b^2$ 

0|0|

 $(3)(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ 

배웠던 공식

- $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x+bd$
- (5)  $(x+a)(x+b)(x+c) = x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$
- (6)  $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ ,  $(a-b)^3 = a^3 3a^2b + 3ab^2 b^3$
- $(a+b)(a^2-ab+b^2)=a^3+b^3$   $(a-b)(a^2+ab+b^2)=a^3-b^3$
- (8)  $(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$
- $(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca) = a^3+b^3+c^3-3abc$
- $(a^2+ab+b^2)(a^2-ab+b^2)=a^4+a^2b^2+b^4$

새로 배우는 공식

 $(a-b)^3$  $=\{a+(-b)\}^3$  $=a^3+3a^2(-b)+3a(-b)^2+(-b)^3$  $=a^3-3a^2b+3ab^2-b^3$ 





[A01~A02] 다항식  $7x^2 - x^4 - 6 + x$ 을 다음과 같이 정리하 시오.

A01 x에 대한 내림차순

**A02** x에 대한 오름차순

[A03~A06] 다음을 계산하시오.

**A03** 
$$(9x^2-4xy+6x)+(7xy-x-3x^2)$$

**A04** 
$$(-3x^3-6x^2-11)-(-4+8x^2+2x^3)$$

**A05** 
$$(4x^2+xy)+(y^2-xy)-(2y^2-5x^2)$$

**A06** 
$$(5-4x^3)-(3x^2+2x^3)+(6x^2-x)$$

[A07~A09] 두 다항식  $A=x^3-3x^2+2x+4$ ,  $B=-2x^3+4x^2-x$ 에 대하여 다음을 계산하시오.

 $\triangle$ 07 A+B

**A08** 3A - 2B

A09 B-2(A-B)

# 2 다항식의 곱셈

[A10~A13] 다음 식을 간단히 하시오.

 $\triangle 10 - 2ax^2 \times 5a^2x$ 

**A**11  $(3x^2y)^2 \times (-xy^2)^3$ 

**A12**  $(-a^3b^2)^3 \div (-2a^2b^4)^2$ 

**A13**  $(x^2y^3)^3 \times (-x^3)^2 \div (-xy^2)^4$ 

[A14~A17] 다음 식을 전개하시오.

$$A143x(2x^2-3x+4)$$

**A15** 
$$-y(5x^2+3x)+2x(y^2-y)$$

$$\triangle 16 (a^2+b)(a^2-2b-3)$$

$$\triangle 17 (a^2-2a+6)(a+1)-3(a+4)$$

[A 18~A 30] 곱셈 공식을 이용하여 다음 식을 전개하시오.

$$A18 (3x+1)^2$$

**A19** 
$$(2x-y)^2$$

**A20** 
$$(4x+y)(4x-y)$$

$$\triangle 21 (x+2)(x+5)$$

$$\triangle 22 (2x-5)(3x+2)$$

$$\triangle$$
93  $(x+1)(x+3)(x+6)$ 

**A24** 
$$(x+2)^3$$

**A25** 
$$(x-1)^3$$

**A26** 
$$(x+2)(x^2-2x+4)$$

$$\triangle$$
**97**  $(2a-1)(4a^2+2a+1)$ 

**A28** 
$$(a-2b+c)^2$$

**A29** 
$$(x^2+2xy+4y^2)(x^2-2xy+4y^2)$$

**A30** 
$$(a+b-c)(a^2+b^2+c^2-ab+bc+ca)$$



# **3** 곱셈 공식의 변형 - 유형 06~10

- (1)  $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab=(a-b)^2+2ab$
- (2)  $a^3+b^3=(a+b)^3-3ab(a+b)$ ,  $a^3-b^3=(a-b)^3+3ab(a-b)$
- (3)  $a^2+b^2+c^2=(a+b+c)^2-2(ab+bc+ca)$
- (4)  $a^3+b^3+c^3=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)+3abc$
- $^{\bullet}$  (1), (2)에 a 대신 x, b 대신  $\frac{1}{x}$ 을 대입하면 다음과 같다.

(1) 
$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2$$

$$(2) \ x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right), \qquad x^3 - \frac{1}{x^3} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^3 + 3\left(x - \frac{$$

# 

(1) 다항식의 나<u>눗셈</u>

각 다항식을 내림차순으로 정리한 후 자연수의 나눗셈과 같은 방법으로 계산한다. <sup>©</sup>

(2) 다항식의 나눗셈에 대한 등식

다항식 A를 다항식  $B(B\neq 0)$ 로 나눌 때의 몫을 Q. 나머지를 R라 하면 A = BQ + R (단. (R의 차수)<(B의 차수))

특히. R=0. 즉 A=BQ이면 A는 B로 나누어떨어진다고 한다.

예) 다항식 f(x)를  $x^2+2$ 로 나눈 몫이 x-1, 나머지가 7이면  $f(x) = (x^2+2)(x-1)+7$ 

- $(a+b)^2$  − 2ab =  $(a-b)^2$  + 2ab 에서  $(a-b)^2 = (a+b)^2 - 4ab$
- 9 다항식의 나눗셈을 할 때에는 차수에 맞춰서 계산한다.

이때, 해당하는 차수의 항이 없으면 그 자리를 비워둔다.

예)  $(2x^2+4)\div(x-1)$ 의 계산

$$\begin{array}{r}
2x+2 \\
x-1) 2x^2 +4 \\
2x^2-2x \\
2x+4 \\
2x-2 \\
6
\end{array}$$

⑩ 예)  $(2x^2+3x+4)\div(x-1)$ 의 계산

$$\begin{array}{c}
2x+5 & \leftarrow \mathbb{R} \\
x-1) \overline{2x^2+3x+4} & \leftarrow \\
\underline{2x^2-2x} & \leftarrow (x-1) \times 2x \\
\underline{5x+4} & \leftarrow \\
\underline{5x-5} & \leftarrow (x-1) \times 5 \\
9 & \leftarrow \text{LHD}
\end{array}$$

# 개념 확인 문제

# 3 곱셈 공식의 변형

- **△31** a+b=3, ab=-2일 때, 다음 식의 값을 구하시오. (1)  $a^2 + b^2$ (2)  $a^3 + b^3$
- $\triangle$  39 a-b=1, ab=4일 때, 다음 식의 값을 구하시오. (1)  $a^2 + b^2$ (2)  $a^3 - b^3$
- **A33**  $x + \frac{1}{x} = 3$ 일 때,  $x^2 + \frac{1}{x^2}$ 의 값을 구하시오.
- A34 a+b+c=1, ab+bc+ca=-14, abc=-24일 때,  $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하시오

# 4 다항식의 나눗셈

[A35~A36] 다음 식을 계산하시오.

 $\triangle$  35  $(6x^3+15x^2-3x)\div 3x$ 

 $\triangle$  36  $(4a^2b^3+8a^3b-10ab^2)\div 2ab$ 

[A37~A38] 다음 나눗셈의 몫과 나머지를 구하시오.

 $\triangle$  37  $(x^3+4x^2-5)\div(x-2)$ 

 $\triangle$  38  $(2x^3-x^2-6x+1)\div(x+1)$ 



# 내신+학평 유형 스토리

%%%: 기본 문제 \*\*\* %: 중상급 문제 ☆☆☆: 중급 문제 ☆☆☆ : 상급 문제

# 11 다항식의 덧셈과 뺄셈



# 유형 01 다항식의 덧셈과 뺄셈

# (11<u>\*</u>)

## 다항식의 덧셈과 곱셈에 대한 계산법칙

- (1) 교환법칙 : A + B = B + A
  - AB=BA
- (2) 결합법칙 : A+(B+C)=(A+B)+C(AB)C = A(BC)



- ➡ 다항식의 덧셈. 뺄셈의 순서
- 1 괄호가 있으면 괄호를 풀고 주어진 식을 간단히 한다.
- 2 한 문자에 대하여 내림차순으로 정리한다.
- ③ 동류항끼리 모아서 간단히 정리한다.



**A39** %%% 2025실시 9월 학평 1(고1)



두 다항식  $A=2x^2+xy+y^2$ .  $B=x^2+2xy-y^2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면? (2점)

- (1)  $x^2 xy$  (2)  $x^2 + 3xy y^2$  (3)  $3x^2 + 3xy$
- $4 3x^2 3xy + y^2$   $5 3x^2 + xy + 2y^2$





**A40** %%% 2024실시 10월 학평 1(고1)



두 다항식

 $A = 2x^2 + x + 3$ 

$$B = x^2 + x + 2$$

에 대하여 A-B는? (2점)

- ①  $x^2+1$  ②  $x^2+5$
- (3)  $3x^2+1$
- $\bigcirc (x^2+2x+1)$   $\bigcirc (x^2+2x+5)$



**소식 1** %%% 2025실시 3월 학평 1(고2)



두 다항식

 $A = x^2 + 2xy - 2y^2$ ,  $B = x^2 + 3xy + 2y^2$ 

에 대하여 A+B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $x^2 + 4xy + y^2$  ②  $x^2 + 5xy$
- (3)  $2x^2 + 5xy y^2$
- (4)  $2x^2 + 5xy$  (5)  $2x^2 + 6xy$

A42 %%% (조리) / 2024실시 9월 학평 1(고1)



두 다항식  $A=x^2+3xy+2y^2$ ,  $B=2x^2-3xy-y^2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $x^2 + 3y^2$  ②  $3x^2 2y^2$  ③  $3x^2 + y^2$

- (4)  $x^2 2xy + 3y^2$  (5)  $3x^2 2xy + y^2$

# A43 %% % 2021실시 6월 학평 2(고1)



두 다항식  $A = 2x^2 + 3xy + 2y^2$ .

 $B=x^2+5xy+3y^2$ 에 대하여 A-B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $x^2 + 2xy y^2$  ②  $x^2 2xy y^2$
- (3)  $x^2 2xy + y^2$
- $(4) x^2 + 2xy + y^2$
- (5)  $-x^2-2xy-y^2$



두 다항식

 $A = 3x^2 + 2xy$ ,  $B = -x^2 + xy$ 

- 에 대하여 A+2B를 간단히 하면? (2점)
- ①  $x^2 + 3xy$  ②  $x^2 + 4xy$  ③  $x^2 + 5xy$

- (4)  $2x^2 + 4xy$
- (5)  $2x^2 + 5xy$

**445** %%% 2020실시 11월 학평 1(고1)



두 다항식

$$A = x^2 + y^2 - 1$$
,  $B = 2x^2 - y^2 + 3$ 

에 대하여 A+B는? (2점)

- ①  $2x^2+1$
- ②  $2x^2+2$ 
  - (3)  $3x^2 + 1$
- (4)  $3x^2 + 2$
- (5)  $3x^2 + 3$

두 다항식

$$A = x^2 - xy + y^2$$
,  $B = x^2 + xy - y^2$ 

- 에 대하여 A+B는? (2점)
- ①  $2x^2$  ②  $2y^2$
- 32xy

- (4)  $x^2 + y^2$
- ⑤  $2x^2 + xy$

두 다항식

$$A=2x^2-3xy, B=x^2-4xy-y^2$$

에 대하여 A-B를 간단히 하면? (2점)

- (1)  $x^2 + xy$
- ②  $x^2 + 2xy$
- $(3) x^2 xy + y^2$
- (4)  $x^2 + xy + y^2$
- (5)  $x^2 + 2xy + y^2$

두 다항식

$$A = xy + x - 1, B = xy - x + 2$$

에 대하여 A + B는? (2점)

- ① xy+1
- ② xy+2 ③ 2xy+1
- $\bigcirc 2xy + 2$
- ⑤ 2xy+3



두 다항식

$$A = 3x^2 - 2xy + y^2$$
,  $B = x^2 + xy - y^2$ 

에 대하여 A-B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $2x^2 3xy$
- ②  $2x^2 3xy + y^2$
- (3)  $2x^2 3xy + 2y^2$  (4)  $2x^2 xy + y^2$
- (5)  $2x^2 xy + 2y^2$

두 다항식

 $A = x^2 - 2xy + y^2$ .  $B = 3xy - y^2$ 

에 대하여 A+B는? (2점)

- ①  $x^2 xy$  ②  $x^2 + xy$  ③  $x^2 + 2xy$
- (4)  $2x^2 xy$  (5)  $2x^2 + xy$



두 다항식  $A=4x^2+2x-1$ .  $B=x^2+x-3$ 에 대하여 A-2B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $x^2 + 2$
- ②  $x^2+5$  ③  $2x^2+5$
- (a)  $x^2 x + 4$  (b)  $2x^2 x + 4$



두 다항식  $A=x^2-2xy+y^2$ ,  $B=x^2+2xy+y^2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면? (2점)

- ①  $x^2+y^2$  ②  $2x^2+2y^2$  ③  $3x^2+3y^2$
- (3)  $2x^2-2xy+2y^2$  (5)  $2x^2+2xy+2y^2$

A53 %%% 2019실시 9월 학평 1(고1)

두 다항식  $A=x^2+5x+4$ ,  $B=x^2+2$ 에 대하여 A - B는? (2점)

- ① 5x-2 ② 5x+2 ③  $x^2+5x$
- (4)  $x^2+5x-2$  (5)  $x^2+5x+2$

# A146 \*\*\*



$$x = \frac{-1+\sqrt{3}}{2}$$
,  $y = \frac{-1-\sqrt{3}}{2}$ 일 때,

 $x^6 + x^2 - y^6 - y^2$ 의 값을 구하는 과정을 서술하시오. (10점)

- **1st** 주어진 식을 x+y, xy 등이 나오는 식으로 정리해보자.
- **2nd** x+y, x-y, xy,  $x^2+y^2$ 의 값을 계산하자.
- 3rd 앞에서 구한 값들을 대입하여 주어진 식의 값을 구하자.

# A147 \*\*\*

실수 a, b, c에 대하여  $a+b+c=\sqrt{3}$ ,  $a^2+b^2+c^2=5$ ,  $a^3+b^3+c^3=3\sqrt{3}$ 일 때, abc의 값을 구하는 과정을 서술하시오. (10점)

- 1st ab+bc+ca의 값을 구하자.
- **2nd**  $a^3 + b^3 + c^3$ 과 abc가 있는 곱셈 공식을 떠올리자.
- **3rd** *abc*의 값을 구하자.

# A148 \*\*\*

세 다항식

 $A = (x+3y)(x^2-3xy+9y^2), B=x^3-5x+1,$  $C=2x^3-5x+27y^3-5$ 

에 대하여 2(A+B)-3(C+B)를 간단히 나타내는 과정을 서술하시오. (10점)

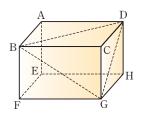
# A149 \*\*\*



 $\triangle$ ABC의 세 변의 길이 a, b, c에 대하여 (a+b-c)(a-b-c)=(a+b+c)(-a+b-c) 가 성립할 때,  $\triangle$ ABC는 어떤 삼각형인지 구하는 과정을 서술하시오. (10점)

# A150 \*\*\*

오른쪽 그림과 같은 직육면체의 겉넓이가 46이고, △BGD의 세 변의 길이의 제곱의 합이 108일 때, 이 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합을 구하는 과정을 서술하시오. (10점)





# 1등급 고난도 스토리

## 최고

♦ 1등급 대비 문제는 Pass 하셔도 됩니다.

# A151 🗘 2등급 대비

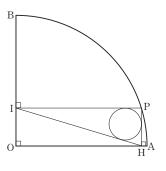


a+b=-1,  $a^2+b^2=2$ 일 때,  $a^7+b^7+a^4b^3+a^3b^4$ 의 값을 구하시오. (4점)

# e96174.5

A153 �2등급 대비 ....... 2020실시 11월 학평 19(고1)

그림과 같이 중심이 O, 반지름의 길이가 4이고 중심각의 크기가  $90^{\circ}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 두 선분 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 H, I라 하자. 삼각형 PIH에 내접하는 원의 넓이가  $\frac{\pi}{4}$ 일때,  $\overline{PH}^3 + \overline{PI}^3$ 의 값은? (단, 점 P는 점 A도 아니고 점 B도 아니다.) (4점)



- ① 56
- $2 \frac{115}{2}$
- ③ 59

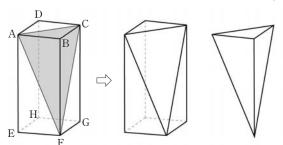
- $4 \frac{121}{2}$
- (5) 62

**▲ 152 ☆ 2등급 대비** ....... 2023실시 11월 학평 28(고1)



그림과 같이 직육면체 ABCD-EFGH에서 단면 AFC가 생기도록 사면체 F-ABC를 잘라내었다. 입체도형 ACD-EFGH의 모든 모서리의 길이의 합을  $l_1$ , 겉넓이를  $S_1$ 이라 하고, 사면체 F-ABC의 모든 모서리의 길이의 합을  $l_2$ , 겉넓이를  $S_2$ 라 하자.  $l_1-l_2=28$ ,  $S_1-S_2=61$ 일 때,  $\overline{AC}^2+\overline{CF}^2+\overline{FA}^2$ 의 값을 구하시오.

(4점)



# A154 ♀ 2등급 대비



 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 일 때,  $x^5 + \frac{1}{x^5}$ 의 값을 구하시오.

(4점)



# 내신+학평대비 단워별 모의고사

# ▲ 다항식의 연산

- 문항 수 15개 ■ 배점 45점
- 제한시간 40분

A01 \*\*\*

두 다항식

 $A = x^2 + xy$ ,  $B = x^2 + 7xy$ 

에 대하여 A + B는? (2점)

- ①  $x^2 + 2xy$  ②  $x^2 + 4xy$
- (3)  $2x^2 + 4xy$
- $(4) 2x^2 + 8xy$   $(5) 3x^2 + 2xy$

두 다항식  $A=2x^2+3xy+1$ .  $B=2x^2+2xy-3$ 에 대하여 A - B는? (2점)

- ① xy+4
- ② xy+2
- ③ *xy*

- $\bigcirc (4) xy 2$
- ⑤ xy-4

# A03 \*\*\*

두 다항식  $A=2x^3+x^2-3x+2$ .  $B=x^3-3x^2+2$ 에 대하여 (3A+B)-(A+2B)를 계산하면? (2점)

- ①  $2x^3 5x^2 3x 2$  ②  $2x^3 + 5x^2 5x + 2$
- $3x^3-5x^2-2x-2$
- (4)  $3x^3 + 5x^2 4x 2$
- (5)  $3x^3 + 5x^2 6x + 2$

# A04 \*\*\*

 $(1+x+x^2+\cdots+x^{2018})^2$ 의 전개식에서  $x^4$ 의 계수는? (3점)

- 4
- $\bigcirc 2$  5
- ③6

- (4) 7
- **(5)** 8

# A05 \*\*\*

 $(x+y-2z)^2$ 을 바르게 전개한 것은? (3점)

- (1)  $x^2+y^2+4z^2+2xy+4yz+4zx$
- ②  $x^2 + y^2 + 4z^2 + 2xy 4yz + 4zx$
- $(3) x^2 + y^2 + 4z^2 + 2xy 4yz 4zx$
- 4  $x^2 + y^2 4z^2 + 2xy + 4yz + 4zx$
- (5)  $x^2+y^2-4z^2+2xy-4yz+4zx$

# A06 \*\*\*



a+3b+2c=13, 3ab+6bc+2ca=20일 때.  $a^2+9b^2+4c^2$ 의 값은? (3점)

- ① 127
- ② 129
- ③ 131

(3) 8

- (4) 133
- © 135

A07 \*\*\*

a-b=-3,  $a^3-b^3=9$ 일 때,  $a^2-ab+b^2$ 의 값은? (3점)

- 1 1
- **②** 5
- **4**) 12 (5) 15

 $x^2+3x+1=0$ 일 때,  $x^5+\frac{1}{x^5}$ 의 값은? (3점)

- $\bigcirc 1 115$
- 2 117 3 119
- (4) -121 (5) -123



# 💸 차 례

# 빠른 정답 찾기.....2

다항식	
A 다항식의 연산	8
B 항등식과 나머지정리	39
C 인 <del>수분</del> 해	88
Ⅲ 방정식과 부등식	
D 복소수	116
E 이치방정식	149
F 이차방정식과 이차함수	186
G 여러 가지 방정식	265
₩ 부등식	326
【 이차부등식	350
Ⅲ 순열과 조합	
J 경우의 수	405
<b>K</b> 순열과 조합	430
₩ 행렬	.=-
┗ 행렬과 그 연산	472

# Special

# 내신+학평 대비 단원별 모의고사

▲ 다항식의 연산	515
B 항등식과 나머지정리	518
<b>C</b> 인수분해	522
D 복소수	525
E 이차방정식	529
F 이차방정식과 이차함수	533
<b>G</b> 여러 가지 방정식	537
<b>H</b> 부등식	541
Ⅱ 이차부등식	545
<b>J</b> 경우의 수	549
<b>K</b> 순열과 조합	553
_ 행렬과 그 연산	556



A 39 정답 ③ · · · · · · · 다항식의 연신

정답 공식: 덧셈에 대한 교환법칙과 결합법칙을 이용하여 동류항끼리 모아서 정리 한 후 계산한다.

두 다항식  $A=2x^2+xy+y^2$ ,  $B=x^2+2xy-y^2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면?

단서 다항식의 덧셈은 동류항끼리 계산하자.

① 
$$x^2-xy$$

② 
$$x^2 + 3xy - y^2$$

$$3x^2 + 3xy$$

$$4 3x^2 - 3xy + y^2$$

$$(5) 3x^2 + xy + 2y^2$$

[1st] 동류항끼리 계산하여 A+B를 간단히 해.

$$A+B=(2x^2+xy+y^2)+(x^2+2xy-y^2) \ =\underbrace{(2x^2+x^2)+(xy+2xy)+(y^2-y^2)}_{$$
다항식의 덧셈과 뺄셈은 동류항끼리만 가능해.

(정답 공식: 두 다항식 A, B를 대입하여 동류항끼리 모아서 계산한다.)

두 다항식

$$A = 2x^2 + x + 3$$
,  $B = x^2 + x + 2$ 

에 대하여 A-B는?

 $oldsymbol{\mathsf{EM}}$  주어진 두 다항식을 A-B에 대입하여 동류항끼리 모아서 계신해.

$$x^2+1$$

② 
$$x^2 + 5$$

$$3x^2+1$$

$$(4) x^2 + 2x + 1$$

$$(5) x^2 + 2x + 5$$

 $oxed{1st}$  두 다항식 A, B를 A-B에 대입하여 동류항끼리 모아서 계산해.

두 다항식  $A=2x^2+x+3$ ,  $B=x^2+x+2$ 에서 자수가 같은 항이야.

$$\frac{A-B=(2x^2+x+3)-(x^2+x+2)}{=(2x^2-x^2)+(x-x)+(3-2)}$$
 한 분배법칙을 이용하여 
$$\frac{-(x^2+x+2)=-x^2-x-2}{=x^2+1}$$
 와 같이 계산해.

# 

(정답 공식: 동류항끼리 모아서 정리한 후 계산한다. )

두 다항식

$$A = x^2 + 2xy - 2y^2$$
,  $B = x^2 + 3xy + 2y^2$ 

에 대하여 A+B를 간단히 하면?

단서 다항식의 덧셈은 동류항끼리 계산하자.

① 
$$x^2 + 4xy + y^2$$

② 
$$x^2 + 5xy$$

$$32x^2 + 5xy - y^2$$

 $(4)2x^2 + 5xy$ 

$$(5) 2x^2 + 6xy$$

1st A + B를 구해.

$$A+B=(x^2+2xy-2y^2)+(x^2+3xy+2y^2) \ = \underbrace{(x^2+x^2)+(2xy+3xy)+(-2y^2+2y^2)}_{$$
 다형식의 덧셈과 뺄셈은 동류함까리만 가능해. 
$$=2x^2+5xy$$

**정답 공식**: 덧셈에 대한 교환법칙과 결합법칙을 이용하여 동류항끼리 모아서 정리한 후 계산한다.

두 다항식  $A=x^2+3xy+2y^2$ ,  $B=2x^2-3xy-y^2$ 에 대하여 A+B를 간단히 하면?

단체 다항식의 덧셈은 동류항끼리 계산하자.

① 
$$x^2 + 3y^2$$

② 
$$3x^2 - 2y^2$$

$$3x^2+y^2$$

$$(4) x^2 - 2xy + 3y^2$$

$$(5) 3x^2 - 2xy + y^2$$

[1st] 동류항끼리 계산하여 A+B를 간단히 해.

A+B에서 A, B를 x, y에 대한 다항식으로 나타내면  $A+B=(x^2+3xy+2y^2)+(2x^2-3xy-y^2)$ 이다.

2nd 동류항끼리 계산하여 답을 구하자.

이때, 동류항끼리 묶어서 계산하면

$$A+B=\underbrace{(1+2)x^2+(3-3)xy+(2-1)y^2=3x^2+y^2}_{$$
이때  $xy$ 항의 계수가  $y$ 이면 그 항은  $y$ 이 되니 사라져.

(정답 공식: 문자와 차수가 같은 항끼리 계산하여 식을 간단히 한다.)

두 다항식  $A=2x^2+3xy+2y^2$ ,  $B=x^2+5xy+3y^2$ 에 대하여

A-B를 간단히 하면?

단서 동류항끼리 모아서 식을 간단히 해

① 
$$x^2 + 2xy - y^2$$

$$(2)x^2 - 2xy - y^2$$

$$3x^2-2xy+y^2$$

$$(4)$$
  $-x^2+2xy+y^2$ 

$$5 - x^2 - 2xy - y^2$$

1st A-B를 간단히 해.

$$A-B=(2x^2+3xy+2y^2) - (x^2+5xy+3y^2)$$
 분배법칙을 이용하여 식을 전개해. 
$$=2x^2+3xy+2y^2-x^2-5xy-3y^2$$
 교환법칙을 이용해서 동류항끼리 
$$=2x^2-x^2+3xy-5xy+2y^2-3y^2$$
 모은 거야. 
$$=(2-1)x^2+(3-5)xy+(2-3)y^2$$
 
$$=x^2-2xy-y^2$$

(정답 공식: 동류항끼리 모아서 동류항의 계수의 덧셈으로 계산한다.)

두 다항식

$$A = 3x^2 + 2xy$$
,  $B = -x^2 + xy$ 

에 대하여 A+2B를 간단히 하면?

단서 두 다항식의 동류항을 찾아서 계산해.

①  $x^2 + 3xy$ 

$$2x^2 + 4xy$$

$$(4) 2x^2 + 4xy$$

$$(5) 2x^2 + 5xy$$

1st 두 다항식의 덧셈과 실수배를 계산하자.

$$A+2B=(3x^2+2xy)+2(-x^2+xy)$$
  $=3x^2+2xy-2x^2+2xy$   $=x^2+4xy$   $x^2$ 한까리,  $xy$ 한까리 정리해, 즉,  $3x^2-2x^2=(3-2)x^2=x^2$ 이고  $2xy+2xy=(2+2)xy=4xy$ 이는

#### 1st $\overline{BH} = x$ 를 구하자.

두 삼각형 AHC, CHB가 서로 닮음이므로

∠CAH=90°-∠ACH, ∠BCH=90°-∠ACH에서  $\overline{AH} : \overline{CH} = \overline{CH} : \overline{BH}$ ∠CAH=∠BCH0|□ ∠AHC=∠CHB=90°0|□□  $\therefore \overline{CH}^z = \overline{AH} \times \overline{BH}$ A A 닮음이야

이때,  $\overline{CH}$ =1이고 삼각형 ABC의 넓이는  $\frac{4}{3}$ 이므로

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{CH} = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times 1 = \frac{4}{3} \text{ and } ABC = \frac{4}{3} \text{$$

$$\overline{AB} = \frac{8}{3}$$

$$\overline{BH} = x$$
이고  $\overline{AH} = \overline{AB} - \overline{BH} = \frac{8}{3} - x$ 이므로

$$\overline{CH}^2 = \overline{AH} \times \overline{BH}$$
에서

$$1^2 = \left(\frac{8}{3} - x\right)x$$
,  $\frac{3x^2 - 8x + 3 = 0}{\Box 0$  이처방정식의 찍수 근의 공식을 이용해.

$$\therefore x = \frac{4 \pm \sqrt{7}}{3}$$

그런데 
$$0< x<1$$
이므로  $x=\frac{4-\sqrt{7}}{3}$  …  $\bigcirc$ 

### **2nd** $\bigcirc$ 을 이용하여 다항식 $3x^3 - 5x^2 + 4x + 7$ 을 간단히 하자.

 $3x^3 - 5x^2 + 4x + 7$ 을 다항식  $3x^2 - 8x + 3$ 으로 나누면 몫은 x + 1이고 나머지는 9x+4이다. 다항식 A를 다항식  $B(B \pm 0)$ 로 나누었을 때의 몫을 Q. 나머지를 R라 하면 A = BQ + R (단, (R의 차수)<(B의 차수)이다.

$$3x^3 - 5x^2 + 4x + 7 = (3x^2 - 8x + 3)(x+1) + 9x + 4$$

이때, 
$$3x^2 - 8x + 3 = 0$$
이므로

$$3x^3 - 5x^2 + 4x + 7 = 9x + 4 \cdots \bigcirc$$

#### 3rd 구하는 값을 구하자.

따라서 ① ②에 의하여 구하는 값은

$$9x+4=9\times\frac{4-\sqrt{7}}{3}+4=16-3\sqrt{7}$$
이다.

# 서술형 스토리

# $\mathsf{A}$ $\mathsf{146}$ 정답 $-\frac{19\sqrt{3}}{4}$ .......곱셈 공식의 변형

정답 공식:  $x^2 = X$ ,  $y^2 = Y$ 로 치환해 주어진 식을 정리하고, X, Y의 값을 구해 대입하다.

$$x=rac{-1+\sqrt{3}}{2},\ y=rac{-1-\sqrt{3}}{2}$$
일 때,  $x^6+x^2-y^6-y^2$ 의 값을 구하는 과정을 서술하시오.

### 1st 주어진 식을 x+y, xy 등이 나오는 식으로 정리해보자.

$$x^6+x^2-y^6-y^2$$
 주어진 두 수  $x,y$ 는  $\sqrt{3}$  앞에 있는 부호만 다르므로  $x+y$ 와  $xy$ 를 구하기가 쉬워.

$$= (x^6 - y^6) + (x^2 - y^2)$$

 $=(x^2-y^2)(x^4+x^2y^2+y^4)+(x^2-y^2)$ 

$$=(x^2-y^2)(x^4+x^2y^2+y^4+1)$$

 $= (x+y)(x-y)\{(x^2+y^2)^2 - x^2y^2 + 1\} \cdots \bigcirc \cdots \bigcirc$ 

### **2nd** $x+y, x-y, xy, x^2+y^2$ 의 값을 계산하자.

$$x+y=\frac{-1+\sqrt{3}}{2}+\frac{-1-\sqrt{3}}{2}=-1$$

$$x-y=\frac{-1+\sqrt{3}}{2}-\frac{-1-\sqrt{3}}{2}=\sqrt{3}$$

$$xy = \frac{(-1+\sqrt{3})(-1-\sqrt{3})}{2\times 2} = \frac{1-3}{4} = -\frac{1}{2}$$

$$x^2+y^2=(x+y)^2-2xy=1-2\left(-\frac{1}{2}\right)=2\cdots$$

### 3rd 앞에서 구한 값들을 대입하여 주어진 식의 값을 구하자.

따라서 ③에 이 값들을 대입하면 구하는 식의 값은

$$(-1) \times \sqrt{3} \times \left(2^2 - \frac{1}{4} + 1\right) = -\frac{19\sqrt{3}}{4} \cdots$$

#### [채점 기준표]

❶ 주어진 식을 정리한다.	30%
	40%
⑩ 1 의 식에 10를 대입하여 주어진 식의 값을 구한다.	30%

# 

정답 공식:  $a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$ 이므로 ` a+b+c와  $a^2+b^2+c^2$ 에서 ab+bc+ca의 값을 구해서, abc의 값을 구한다.

# 단서 $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$ 의 인수분해 공식을 기억하자.

실수 a, b, c에 대하여  $a+b+c=\sqrt{3}$ ,  $a^2+b^2+c^2=5$ ,

 $a^3 + b^3 + c^3 = 3\sqrt{3}$ 일 때. abc의 값을 구하는 과정을 서술하시오.

#### **1st** ab+bc+ca의 값을 구하자.

 $a+b+c=\sqrt{3}$ 의 양변을 제곱하면  $a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)=3$  $a^2+b^2+c^2=5$ 이므로

5+2(ab+bc+ca)=3  $\therefore ab+bc+ca=-1\cdots$ 

**2nd**  $a^3 + b^3 + c^3$ 과 abc가 있는 곱셈 공식을 떠올리자.

 $a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$ 

 $a^3+b^3+c^3=3\sqrt{3}$ 이므로

 $\rightarrow a+b+c, a^2+b^2+c^2, a^3+b^3+c^3$ 의 값 이 주어졌으니까 이 등식을 이용하면 abc 의 값을 구하기 쉬워.

**3rd** *abc*의 값을 구하자.

 $3\sqrt{3} - 3abc = \sqrt{3} \cdot \{5 - (-1)\}$  $3abc = -3\sqrt{3}$   $\therefore abc = -\sqrt{3} \cdots \bigcirc$ 

# [채점 기준표]

● ab+bc+ca의 값을 구한다.	40%
<b>1</b> $a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$ 를 이용하여 $abc$ 의 값을 구한다.	60%

# $m{A}$ $m{148}$ 정답 $-5x^3 - 27y^3 + 20x + 14 \cdot$ 다항식의 덧셈과 뺄셈

( 정답 공식: A를 곱셈 공식을 이용해 전개한 후, A, B, C를 대입해 정리한다. )

단서 1 무조건 전개하지 말고 곱셈 공식을 적용할 수 있는지 체크하자. 세 다항식  $A=(x+3y)(x^2-3xy+9y^2)$ ,  $B=x^3-5x+1$ ,  $C=2x^3-5x+27y^3-5$ 에 대하여 2(A+B)-3(C+B)를 간단히 나타내는 과정을 서술하시오.  $\frac{\text{CM2}}{A, B, C}$  대일하여 정리하자.

#### **1st** 2(A+B)-3(C+B)를 전개하여 간단히 나타내자.

 $A = (x+3y)(x^2-3xy+9y^2) = x^3+27y^3 \cdots$ 

2(A+B)-3(C+B)  $\frac{(x+3y)\{x^2-x\cdot 3y+(3y)^2\}=x^3+(3y)^3$ 임을 이용한 거야.

2(A+B) - 3(C+B) =2A + 2B - 3C - 3B 주어진 식을 먼저 간단히 정리하면  $=2A-B-3C\cdots$ 

계산 과정에서 실수를 줄일 수 있어.

**2nd** 앞에서 구한 식에 A, B, C의 식을 대입하자.

$$=2(x^3+27y^3)-(x^3-5x+1)-3(2x^3-5x+27y^3-5)$$

$$=2x^3+54y^3-x^3+5x-1-6x^3+15x-81y^3+15$$

3rd 내림차순으로 정리해보자.

 $=-5x^3-27y^3+20x+14\cdots$ 

#### [채점 기준표]

lacksquare $A$ 를 곱셈 공식을 이용하여 정리한다.	20%
(1) 2(A+B) - 3(C+B) 를 정리한다.	30%
<ul><li>● ● 의 식에 A, B, C를 대입하여 정리한다.</li></ul>	50%

# $oldsymbol{\mathsf{A}}$ $oldsymbol{\mathsf{149}}$ 정답 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 $\cdots$ 곱셈 공식의 활용

( 정답 공식:  $(x+y)(x-y)=x^2-y^2$ 을 이용해 양변의 식을 정리한다. )

단체 적절히 묶어서 곱셈 공식을 적용할 수 있는지 체크하고 전개하자.  $\triangle$ ABC의 세 변의 길이 a, b, c에 대하여 (a+b-c)(a-b-c)=(a+b+c)(-a+b-c)가 성립할 때, △ABC는 어떤 삼각형인지 구하는 과정을 서술하시오.

1st 주어진 식의 양변에서 각각 공통부분이 생기도록 묶자.

$$\begin{array}{l} (a+b-c)(a-b-c) = (a+b+c)(-a+b-c) & \text{ and } \\ \underline{\{(a-c)+b\}\{(a-c)-b\} = \{b+(a+c)\}\{b-(a+c)\}} & \text{ and } \end{array}$$

2nd 주어진 식의 양변을 각각 전개하고 정리하자.

$$(a-c)^2 - b^2 = b^2 - (a+c)^2$$

$$a^2 - 2ac + c^2 - b^2 = b^2 - a^2 - 2ac - c^2$$

$$\therefore \underline{b^2 = a^2 + \underline{c}^2 \cdots \blacksquare}$$



**3rd** a, b, c의 관계식으로부터 삼각형의 모양을 판단하자.

따라서  $\triangle ABC$ 는 b를 빗변으로 하는 직각삼각형이므로 ∠B=90°인 직각삼각형이다.… ⑩

#### [채점 기준표]

❶ 주어진 식을 공통 부분이 생기도록 묶는다.	30%
❶ ●의 식을 전개한다.	40%
<ul><li> △ABC가 ∠B=90°인 직각삼각형임을 설명한다.</li></ul>	30%

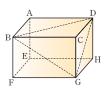
## ☆ 자주 쓰이는 곱셈 공식

- $(1)(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$
- $(a+b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a+b)$  $(a-b)^3 = a^3 - b^3 - 3ab(a-b)$
- $(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$

# 150 정답 40 ...... 곱셈 공식의 활용

정답 공식: 세 변의 길이가 각각 a, b, c인 직육면체의 겉넓이는 2(ab+bc+ca)이고,  $\triangle \mathrm{BGD}$ 의 각 변의 길이의 제곱은  $a^2+b^2$ ,  $b^2+c^2$ ,  $c^2+a^2$ 이다.

오른쪽 그림과 같은 직육면체의 겉넓이 가 46이고, △BGD의 세 변의 길이의 제곱의 합이 108일 때, 이 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합을 구하는 과정



을 서술하시오. 전체 직육면체의 가로의 길이, 세로의 길이, 높이를 각각 문자로 나타내보자.

 $\overline{AD} = a$ ,  $\overline{AB} = b$ ,  $\overline{AE} = c$ 라 하고, 겉넓이가 46임을 이용하여 ab+bc+ca의 값을 구하자.

직육면체의 가로의 길이, 세로의 길이, 높이를 각각 a, b, c라 하면 겉넓 이가 46이므로 → 직육면체는 마주보는 면끼리 서로 같으니까 2를 곱한 거야. 2(ab+bc+ca)=46

 $\therefore ab+bc+ca=23\cdots$ 

**2nd** 세 변의 길이의 제곱의 합에서  $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하자.

또, △BGD의 세 변의 길이의 제곱의 합이 108이므로

 $(\sqrt{a^2+b^2})^2+(\sqrt{b^2+c^2})^2+(\sqrt{c^2+a^2})^2=108$ 

 $a^2+b^2+b^2+c^2+c^2+a^2=108$ 

 $a^2 + b^2 + c^2 = 54 \cdots$ 

 $(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$ 

 $(a+b+c)^2 = 54+2\cdot 23=100$  $\therefore a+b+c=10 \ (\because a+b+c>0)$ 

길이는 0보다 큰 값만 가지므로 제곱의 형태를 풀 때 주의해.

**3rd** 위에서 구한 값을 이용하여 모든 모서리의 길이의 합 4(a+b+c)를 구하자.

따라서 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합은 4×10=40이다. … 🕕

a, b, c가 각각 4개씩이므로 4(a+b+c)가 돼.

#### [채점 기준표]

① 직육면체의 세 모서리의 길이를 각각 $a, b, c$ 라 놓고 겉넓이를 구하는 식을 이용하여 $ab+bc+ca$ 의 값을 구한다.	30%
① $\triangle { m BGD}$ 의 세 모서리의 길이의 제곱의 합을 구하는 식을 이용하여 $a^2+b^2+c^2$ 의 값을 구한다.	30%
● 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합을 구한다.	40%

# 1등급 고난도 스토리

**151 정답** - 35/4 ····· **☆2등급 대비** [정답률 33%]

(정답 공식: 공통인수끼리 묶어 주어진 식을 정리한다.)

a+b=-1,  $a^2+b^2=2$ 일 때,  $a^7+b^7+a^4b^3+a^3b^4$ 의 값을 구 단서 적절히 묶어서 인수분해가 되도록 하자. 하시오

1st 구해야 하는 식을 정리해서 어떤 값을 찾아야 하는지 파악해.

 $a^{7}+b^{7}+a^{4}b^{3}+a^{3}b^{4}=a^{4}(a^{3}+b^{3})+b^{4}(a^{3}+b^{3})$ 

 $=(a^3+b^3)(a^4+b^4)$ 

a와 b의 차수가 서로 대칭으로 같으니까  $a^4$ 과  $b^4$ 으로 묶으면

 $X^2+Y^2=(X+Y)^2-2XY$ 에서

 $X=a^2$ ,  $Y=b^2$ 을 대입한 거야.

2nd 주어진 조건으로부터 ab의 값을 구할 수 있지? 공통인수가 보여.

 $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$ 에서  $2=(-1)^2-2ab$ 

 $\therefore ab = -\frac{1}{2}$ 

 $a^3+b^3=(a+b)^3-3ab(a+b)$ 

기주어진 조건을 이용할 수 있

 $a^3 + b^3$ ,  $a^4 + b^4$ 의 값을 이용하여 구해야 하는 식의 값을 계산해.

$$\therefore a^7 + b^7 + a^4 b^3 + a^3 b^4 = (a^4 + b^4)(a^3 + b^3) = \frac{7}{2} \cdot \left(-\frac{5}{2}\right) = -\frac{35}{4}$$



# My Top Secret

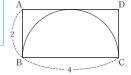
서울대 선배의 🚺 등급 대비 전략

 $a^{3}+b^{3}$ 은  $(a+b)^{3}-3ab(a+b)$ 로 나타낼 수 있지만  $(a+b)(a^2-ab+b^2)$ 으로도 나타낼 수 있어. 같은 식이라도 서로 다른 공식으로 표현할 수 있기 때문에 다양한 곱셈 공식을 제대로 알고 있는 것이 중요해!

# A 157 정답 ②······ ☆1등급대비 [정답률 27%]

\* 곱셈 공식을 이용하여 도형의 넓이 구하기 [유형 10]

단서1 PQ와 PR를 문자로 나타내자. ◄ 그림과 같이  $\overline{AB}=2$ ,  $\overline{BC}=4$ 인 직 사각형과 선분 BC를 지름으로 하 는 반원이 있다. 호 BC 위의 한 점



P에서 선분 AB에 내린 수선의 발을 Q, 선분 AD에 내린 수선의 발을 R

라고 할 때, 직사각형 AQPR의 둘레의 길이는 10이다. 직사각형 AQPR의 넓이는? (단, 점 P는 직사각형 ABCD의 내부에 있다.) 전체2 둘레의 길이도 문자로 나타내자.

1) 4



 $4\frac{11}{2}$ 

2 1등급 ? 조건을 만족시키는 직사각형의 넓이를 구하는 문제이다.

이를 위해서는 점 P의 위치를 따져보고 직사각형의 각 변의 길이를 문자로 나타내어 도형을 이용해 식을 세울 수 있어야 한다.



## 단서+발상

 $ule{EM1}$  점  $\mathrm{P}$ 가 반원과 직사각형의 접점의 왼쪽에 위치하면  $\overline{\mathrm{PR}} < \overline{\mathrm{AB}} = 2$ 이고  $\overline{PQ}$ < $\overline{BM}$ =2이므로 직사각형 AQPR의 둘레의 길이는

 $2(\overline{RP}+\overline{PQ})$ <8로 10이 될 수 없다.  $(\overline{MB})$ 

따라서 점 P는 반원과 직사각형의 접점의 오른쪽에 위치하므로  $\overline{PQ} = x$ ,  $\overline{PR} = y$ 라 할 때, 0 < y < 2이고, 2 < x < 4이다. 빨상

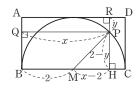
[단서2] 직사각형 AQPR의 둘레의 길이가 10이고 직사각형의 둘레의 길이는  $2 \times \{($ 가로의 길이) + (세로의 길이 $)\}$ 이므로 2(x+y) = 10이라는 식을 얻을 수 있다. 🤏

x와 y를 각각 구하는 것보다 곱셈 공식을 활용하여 x+y와 xy를 구하는 것이 간단하다.

핵심 정답 공식:  $\overline{\mathrm{PQ}} = x$ ,  $\overline{\mathrm{PR}} = y$ 라 할 때, 직사각형  $\mathrm{AQPR}$ 의 둘레의 길이 조건에서 x, y의 관계식을 하나 얻고, P가 반원 위의 점이라는 조건에서 또 하나의 관계식을 얻는다.

#### ----- [문제 풀이 순서]

1st 주어진 그림에 사각형 AQPR를 나타내 봐.



직사각형 AQPR의 넓이를 구하는 것이므로  $\overline{PQ} = x$ ,  $\overline{\mathrm{PR}} = y$ 라 놓은 거야.

그림과 같이 호 BC 위에 점 P를 잡고  $\overline{PQ} = x$ ,  $\overline{PR} = y$ 라 하자. 또, 점 P에서 선분 BC에 내린 수선의 발을 H, 선분 BC의 중점을 M이 라 하면

### PH=2-y, MH=x-2 (단, 2 < x < 4, 0 < y < 2) <

이때, 직사각형 AQPR의 둘레의 길이는 10이므로

2(x+y)=10 $\therefore x+y=5 \cdots \bigcirc$ 



점 P의 위치가  $\overline{\mathrm{AD}}$ 와 반원이 만나는 접점을 기준으로 ① 왼쪽에 있는 경우와 ② 오른쪽에 있는 경우가 있겠지. 이때, x+y=5를 만족시키려면 점 P는 ②의 위치에 있어야 해. 지름의 길이가 4임 을 고려하면 직관적으로 알 수 있어.

2nd 직각삼각형 PMH에서 피타고라스 정리를 이용하자.

직각삼각형 PMH에서 피타고라스 정리에 의해

 $(\underline{2-y})^2+(x-2)^2=4$   $\overline{PH}^2+\overline{MH}^2=\overline{PM}^2$ 

 $x^2+y^2-4(x+y)+4=0$ 

 $(x+y)^2-2xy-4(x+y)+4=0$  ... (2)

- 곱셈 공식의 변형  $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$ 를 ⑤을 ⓒ에 대입하면 이용한 거야.

25-2xy-20+4=0, 2xy=9

한편, 직사각형  $\operatorname{AQPR}$ 의 넓이는 xy이므로

1등급 대비 🚉

#### \* 원의 성질을 이용하여 직각삼각형 만들기

문제에서 원이 나오면 원의 중심과 원 위의 점을 연결한 선분은 원의 반지름이 됨을 활용할 수 있어. 이를 활용하여 이 문제에서는 점 P와 원의 중심 M을 연결한 후, 점 P에서 선분 BC에 수선의 발을 내려 직각삼각형을 만든 뒤 피타고라스 정리를 이용했어.



### My Top Secret

서울대 선배의 🕕 등급 대비 전략

1, 2등급을 가르는 대비 문제들을 풀다보면 원과 관련된 유형이 자주 출제되는 걸 알 수 있을 거야.

이때, 문제에 원이 나오면 제일 먼저 해야 할 것은

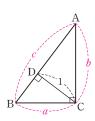
"원의 중심과 반지름의 길이를 찾는 것!" 이라고 말해주고 싶어. 원에 대해 활용되는 성질은 대단히 많아. 원의 중심과 현 사이의 관계, 원과 접선, 원주각과 중심각의 크기, 삼각형의 내접원과 외접원 등등… 이렇게 중요한 성질들의 기본 핵심은 원의 중심과 반지름에서 나온다는 것을 기억하도록 해!

# A 158 정답 ③ ······ ☆1등급 대비 [정답률 20%]

\* 곱셈 공식을 활용하여 변의 길이 구하기 [유형 10]

∠C=90°인 직각삼각형 ABC가 있다. 그림과 같이 점 D는 꼭짓점 C에서 선분 AB에 내린 수선의 발이고  $\overline{\text{CD}}$ =1이다. 삼각형 ABC의 둘레의 길이가 5일 때, 선분 AB의 길이는?

탄사2 a+b+c=50분



①  $\frac{7}{4}$ 

# **□ 178 정답 4** ..... **☆1등급 대비** [정답률 18%]

정답 공식: 
$$A\binom{a}{b} = \binom{p}{q}$$
,  $A\binom{c}{d} = \binom{r}{s}$ 이면  $mA\binom{a}{b} + nA\binom{c}{d} = m\binom{p}{q} + n\binom{r}{s} = \binom{mp+nr}{mq+ns}$ 

이차정사각행렬 A가

$$A\binom{2}{1} = \binom{4}{3}, A\binom{1}{1} = \binom{2}{2}$$

를 만족시킬 때, 다음 성질을 이용하여 행렬 A의 모든 성분의 한윽 구하시오

$$\frac{A\binom{a}{b} = \binom{p}{q}, \ A\binom{c}{d} = \binom{r}{s}}{\text{old}}$$
 전 행렬  $A$ 를 구하기 위해서는 
$$\frac{A\binom{a}{b} = \binom{p}{d}}{d} = \binom{p}{q} = r$$
가 성립한다.  $\binom{a}{b} = r$  만들어야해.

1st 주어진 성질을 이용하여 구해야 하는 행렬을 찾아.

주어진 성질 '
$$A\binom{a}{b} = \binom{p}{a}$$
,  $A\binom{c}{d} = \binom{r}{s}$ 이면

$$A\begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} p & r \\ q & s \end{pmatrix}$$
가 성립한다.'를 이용하여

행렬 A를 구하기 위해서는

$$\begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix}$$
= $E$ 로 만들어  $A\begin{pmatrix} a & c \\ b & d \end{pmatrix}$ = $AE$ = $A$ 로 계산해야 한다.

따라서 주어진 행렬을 이용하여 두 행렬  $Aig(egin{smallmatrix}1\\0\end{pmatrix}$ ,  $Aig(egin{smallmatrix}0\\1\end{pmatrix}$ 을 만들면 된다.

2nd 행렬 A의 모든 성분의 합을 구해.

$$\underbrace{A{\binom{2}{1}}\!-\!A{\binom{1}{1}}}_{=}\!=\!\binom{4}{3}\!-\!\binom{2}{2}\text{MA}$$

 $m{2\choose 1}+n{1\choose 1}={1\choose 0}$ 을 만족시키는 m, n의 값을 구하면  $m=1,\,n=-1$ 

$$A\binom{1}{0} = \binom{2}{1} \cdots \bigcirc$$

$$A\binom{0}{1} = \binom{0}{1} \cdots \bigcirc$$

①, ②과 문제의 행렬의 성질에 의해

$$A\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
, 즉  $A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ 이다.

따라서 행렬 A의 모든 성분의 합은

2+0+1+1=4이다.

### ☆ 행렬의 실수배에 대한 성질

개념 • 공식

두 행렬 A, B가 같은 꼴이고, k, l이 실수일 때,

- $\bigcirc$  (kl)A=k(lA)
- $(2)(k+l)A = kA + lA \cdot k(A+B) = kA + kB$
- 31A = A, (-1)A = -A
- @0A=0, kO=0

179 정답 @ ······ ☆1등급 대비 [정답률 17%]

(정답 공식: 주어진 조건으로 참임을 증명하거나 반례를 찾아 거짓임을 증명한다.)

두 자연보호구역  $P_1$ ,  $P_2$ 에서

두 종류의 동물  $q_1$ ,  $q_2$ 의 서식 여부를 조사하여

 $q_i$ 가  $P_i$ 구역에 살고 있으면  $a_{ij}=1$ ,

 $q_i$ 가  $P_i$ 구역에 살고 있지 않으면  $a_{ii}=0$ 

 $(i,j{=}1,2)$  모든 성분이 0 또는 10 0 또는

인 행렬  $A=\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix}$ 를 만들었다.  $A^2=\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 일 때,

[보기]에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

-----[보기] ---

 $\neg$ .  $q_1$ 은  $P_1$ ,  $P_2$  중 어느 한 구역에서만 살고 있다.

 $L. P_1$ 구역에는  $q_1, q_2$  중 어느 한 종류만 살고 있다.

 $\Gamma$ .  $P_2$ 구역에는  $q_1$ ,  $q_2$  모두 살고 있다.

② ¬. L

③ 7. ⊏

**(4)**L, E

5 7, L. C

 $A^2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 과 행렬 A의 모든 성분이 0 또는 1임을 이용해.

 $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ 라 하면  $\frac{a,\,b,\,c,\,d}{q_i$ 가  $P_j$ 구역에 살고 있으면  $a_{ij} = 1$ ,  $q_i$ 가  $P_j$ 구역에 살고 있지 않으면  $a_{ij} = 0$   $(i,\,j = 1,\,2)$ 

 $A^2 = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = \underbrace{\begin{pmatrix} a^2 + bc & b(a+d) \\ c(a+d) & bc + d^2 \end{pmatrix}}_{\text{성분이 각각 같이야 해.}} \text{에서}$ 

b(a+d)=2가 되려면 a=1, b=1, d=1이어야 하고

c(a+d)=2c=0이 되려면 c=0이어야 한다.

$$\therefore A = \underbrace{\binom{a \quad b}{c \quad d}}_{a_{11} = a_{12} = a_{22} = 1, a_{21} = 0}^{\left(1 \quad 1\right)}$$

2nd 행렬 A의 성분의 의미를 해석하여 [보기]의 진위를 판별해.

행렬 A의 제 1열의 두 성분  $a_{11}$ =1,  $a_{21}$ =0이므로

 $P_1$ 구역에는  $q_1$ 만 살고 있고.

행렬 A의 제 2열의 성분이 모두 1이므로

 $P_{2}$ 구역에는  $q_{1}, q_{2}$  둘 다 살고 있다.

 $\neg . q_1$ 은  $P_1$ ,  $P_2$  두 구역에 모두 살고 있다. (거짓)

 $\cup$ ,  $P_1$  구역에는  $q_1$ 만 살고 있다. (참)

 $C. P_2$  구역에는  $q_1, q_2$  모두 살고 있다. (참)

따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ이다.