



[해설편]

I 유리수와 순환소수

01 유리수와 순환소수	05
❖ 대단원 만점 문제	08

II 식의 계산

02 지수법칙과 식의 계산	09
❖ 대단원 만점 문제	11

III 일차부등식과 연립일차방정식

03 일차부등식	12
04 일차부등식의 활용	15
05 연립일차방정식	17
06 연립방정식의 활용	21
❖ 대단원 만점 문제	25

IV 일차함수와 그래프

07 일차함수의 그래프와 활용	26
08 일차함수와 일차방정식의 관계	32
❖ 대단원 만점 문제	35

특별 부록

단원별 테스트 (학교시험 대비)

01 유리수와 순환소수	37
02 지수법칙과 식의 계산	38
03 일차부등식	39
04 일차부등식의 활용	40
05 연립일차방정식	41
06 연립방정식의 활용	42
07 일차함수의 그래프와 활용	44
08 일차함수와 일차방정식의 관계	45

I

유리수와 순환소수

01

유리수와 순환소수

01

③

02

□, ▢

03

⑤

04

①, ④

05

$\frac{60}{33}, \frac{45}{140}, \pi$

06

①, ④

07

(1) 5, 5, 65, 0.65 (2) $2^3, 2^3, 24, 0.024$
(3) 2, 2, 14, 0.14

08

419

09

③

10

①

11

14개

12

8

13

119

14

567

15

②

16

②, ③

17

15

18

8

19

①

20

87

21

(가) 12.343434... (나) 1234.343434...
(다) 1222 (라) $\frac{611}{495}$

22

(1) 1, 999 (2) 32, 990

23

②

24

(1) 1.23, $1.\dot{2}\dot{3}$, $1.2\dot{3}$
(2) 0.042, $0.0\dot{4}\dot{2}$, $0.04\dot{2}$, $0.0\dot{4}\dot{2}$

25

④

26

3.25

27

③

28

7

29

33

30

$x=93$

31

④

32

$\frac{3}{11}$

33

151

34

49

35

②

36

155

❖ 대단원 만점 문제

01

$\frac{9}{45}$

02

84

03

①

04

①, ④

05

⑤

06

$2.4\dot{6}$

07

$\frac{80}{9}$

08

①

II

식의 계산

02

지수법칙과 식의 계산

01

⑤

02

⑤

03

19

04

$\frac{2}{3}$

05

①

06

⑤

07

12

08

①

09

③

10

④

11

①, ②

12

④

13

④

14

⑤

15

⑤

16

⑤

17

$5x+10$

18

②

19

⑤

20

⑤

21

$4a^2+4ab-6b^2$

22

-10

23

②

24

②

25

5

26

(1) $S=2\pi r^2+2\pi rh$ (2) 4

27

11

28

-1

❖ 대단원 만점 문제

01

④

02

12

03

④

04

④

05

$x+2y$

06

8

07

-1

08

②

III

일차부등식과 연립일차방정식

03

일차부등식

01

④

02

④

03

$3x-2\leq 4$

04

⑤

05

①, ③

06

④

07

④

08

⑤

09

$a=-2, b=1$

10

②

11

⑤

12

2개

13

(1) $x<-\frac{2}{3}$ (2) $x\geq -18$

14

(1) $x>-4$ (2) $x>0$ (3) $x\leq \frac{4}{13}$

15

①

16

②

17

$11\leq a<16$

18

①, ④

19

⑤

20

①

21

$\frac{2}{7}$

22

$x<\frac{1}{4}$

23

$x>-8$

24

$a=-\frac{1}{2}, b=3$

04

일차부등식의 활용

01

4

02

13

03

17

04

⑤

05

①

06

7장

07

6개월 후

08

22000원

09

12

10

4 km

11

시속 4.8 km

12

①

13

②

14

6표

15

25명

16

2명

17

①

18

11표

05

연립일차방정식

01

④

02

3개

03

$4x+5y=90$

04

④

05

③

06

①

07

(1) $x=1, y=0$ (2) $x=1, y=4$

08 (1) $x=-1, y=1$ (2) $x=2, y=1$

09 $x=1, y=1$ 10 $x=-1, y=3$ 11 ④

12 $x=3, y=5$ 13 $x=2, y=-1$

14 $x=-7, y=5$ 15 ② 16 ④ 17 ②

18 -2 19 ⑤ 20 ② 21 -3 22 ①

23 (1) 해가 무수히 많다. (2) 해가 없다.

24 5 25 4 26 10 27 13 28 8

06 연립일차방정식의 활용

01 6 02 15 03 ① 04 ① 05 ②

06 ⑤ 07 9개 08 ② 09 15일 10 ③

11 24 cm^2 12 35 13 ⑤ 14 25개

15 45 16 ④ 17 100 g 18 360 g 19 3 km

20 10분 21 ③ 22 ② 23 ① 24 ⑤

25 ④ 26 ③ 27 3 28 ⑤ 29 ②

30 300명 31 4회 32 32점 33 20 34 206명

35 ⑤ 36 18 km

❖ 대단원 만점 문제

01 ①, ② 02 3 03 ② 04 ②

05 ④ 06 ② 07 -4 08 5 09 ②

10 8일 11 ② 12 ①

IV 일차함수와 그래프

07 일차함수의 그래프와 활용

01 ③ 02 ⑤ 03 ② 04 ① 05 -2

06 1 07 ③ 08 $y=20-2x$

09 ③ 10 ② 11 ① 12 ③, ④

13 ②, ③ 14 2 15 1 16 -8 17 -6

18 $(3, 0)$ 19 $\frac{11}{2}$ 20 1 21 -99

22 ② 23 $\frac{2}{3} \leq a \leq 5$ 24 $-\frac{11}{4}$

25 $a > 0, b < 0$ 26 -1 27 제1사분면

28 $\frac{2}{3} < k < 3$ 29 ② 30 제2사분면

31 -10 32 제2사분면 33 ④, ⑤

34 ② 35 ⑤ 36 ②

37 (1) $y=-0.006x+20 (x \geq 0)$ (2) 17°C

38 -6 39 (1) $y=0.1x+15 (0 \leq x \leq 100)$

(2) 50 g 40 $y=300-20x (0 \leq x \leq 15)$ 41 ②

42 (1) 20 cm (2) 2분 30초 43 4 cm

44 15초 후 45 5

46 (1)
$$\begin{cases} y=\frac{1}{15}x & (0 \leq x \leq 30) \\ y=2+\frac{1}{5}(x-30) & (30 \leq x \leq 55) \end{cases}$$
 (2) 5 km

47 ③ 48 (1) $(1, 1)$ (2) $-1 < m < 0$

08 일차함수와 일차방정식의 관계

01 ③ 02 ④ 03 (1) $x=-5$ (2) $y=3$

(3) $(-5, 3)$ 04 2

05 (1) 제3사분면 (2) 제3, 4사분면 06 ④

07 (1) $y=2x-5$ (2) $y=-3x+4$ 08 ⑤

09 ④ 10 $y=\frac{1}{2}x+4$ 11 $y=\frac{3}{2}x$

12 33 13 $y=\frac{2}{3}x+2$

14 $y=-x+9$ 또는 $y=x+5$ 15 $y=\frac{3}{5}x-\frac{7}{10}$

16 $y=-\frac{4}{3}x+6$ 17 ② 18 -2

19 $y=-1$ 20 -2 21 3 22 12

23 10 24 $-\frac{2}{3}$ 25 2 26 $\frac{16}{25}$

❖ 대단원 만점 문제

01 ③, ⑤ 02 -10 또는 10 03 ①

04 (1) $0 \leq x \leq 8$ (2) $y=-6x+30 (0 \leq x \leq 5)$

(3) $y=10x-50 (5 \leq x \leq 8)$

**특별
부록** 단원별 테스트 (학교시험 대비)

01 유리수와 순환소수

- 01 ②, ⑤ 02 ③, ⑤ 03 ③ 04 ③ 05 18
06 19 07 10 08 ② 09 30 10 198

02 지수법칙과 식의 계산

- 01 ⑤ 02 ④ 03 256 04 ⑤ 05 ②
06 ③ 07 ⑤ 08 4
09 (1) $-2A+2B$ (2) $8x^2-6xy+6y^2$ 10 4

03 일차부등식

- 01 ④ 02 ④ 03 ⑤ 04 ④ 05 ②
06 $-\frac{18}{5}$ 07 $x < 5$ 08 $2 \leq a < 3$
09 $x \leq -3$ 10 3

04 일차부등식의 활용

- 01 9 02 33 03 $x > 4$ 04 9 05 27명
06 7개 07 ① 08 1200원 09 120 g
10 750 m

05 연립일차방정식

- 01 ②, ③ 02 ② 03 2 04 ② 05 ①
06 1 07 15 08 13 09 ④ 10 -1

06 연립일차방정식의 활용

- 01 17, 4 02 210 03 15 km 04 15
05 18일 06 990 m 07 25살 08 86점
09 2배 10 A 소금물 : 11 %, B 소금물 : 5 %

07 일차함수의 그래프와 활용

- 01 1 02 -1 03 $\frac{1}{3} \leq a \leq \frac{5}{4}$ 04 $\frac{3}{4}$
05 ④ 06 ③ 07 $\frac{3}{4}$ 08 -2
09 (1) 550 m (2) 분속 100 m 10 14

08 일차함수와 일차방정식의 관계

- 01 ①, ⑤ 02 4개 03 ④ 04 1 05 ②
06 $\frac{7}{6}$ 07 13 08 ⑤ 09 ③
10 $y = \frac{1}{5}x + 3$

I 유리수와 순환소수



01 유리수와 순환소수

문제편
8P

01 답 ③

- ① $b=0$ 일 때는 분수 $\frac{a}{b}$ 가 정의될 수 없다.
- ② 모든 정수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ④ 분수인 $\frac{20}{4}$ 은 5로 정수이다.
- ⑤ 0은 정수로 유리수이다.

02 답 □, ▢

정수가 아닌 유리수는 기약분수나 소수이므로 □. $\frac{7}{4}$, ▢. 3.14이다.

03 답 ⑤

정수를 자연수로 나누면 그 값은 항상 유리수이다.
⑤ 순환하지 않는 무한소수는 유리수가 아니다.

04 답 ①, ④

- ① $\frac{1}{5}=0.2$, $\frac{3}{4}=0.75$ ② $\frac{5}{6}=0.8333\cdots$, $\frac{18}{60}=\frac{3}{10}=0.3$
- ③ $\frac{42}{3^2 \times 5 \times 7}=\frac{2}{3 \times 5}=\frac{2}{15}=0.1333\cdots$
- ④ $\frac{0}{\pi}=0$ 은 유리수이다.
- ⑤ $\frac{\pi}{6}$ 는 유리수가 아니다. $\frac{\pi}{6}$ 가 유리수라면 $\frac{\pi}{6} \times 6 = \pi$ 도 유리수인데 이는 모순이다. 따라서 $\frac{\pi}{6}$ 는 무리수이다.

05 답 $\frac{60}{33}$, $\frac{45}{140}$, π

보기의 수를 소수로 나타내면 다음과 같다.

$$\frac{3}{15}=0.2, \frac{9}{40}=0.225, \frac{60}{33}=1.818181\cdots, \frac{7}{28}=0.25, \\ \frac{45}{140}=0.32142857142857\cdots, \pi=3.1415926535897\cdots$$

따라서 무한소수는 $\frac{60}{33}$, $\frac{45}{140}$, π 이다.

06 답 ①, ④

- ① $\frac{21}{140}=0.15$ (유한소수) ② $\frac{7}{84}=0.08333\cdots$ (무한소수)
- ③ $\frac{3}{180}=0.01666\cdots$ (무한소수) ④ $\frac{5}{32}=0.15625$ (유한소수)
- ⑤ $\frac{3}{225}=0.01333\cdots$ (무한소수)

07 답 (1) 5, 5, 65, 0.65 (2) 2^3 , 2^3 , 24, 0.024 (3) 2, 2, 14, 0.14

08 답 419

$$\frac{156}{375}=\frac{2^2 \times 13}{5^3}=\frac{2^2 \times 13 \times 2^3}{5^3 \times 2^3}=\frac{416}{10^3}=\frac{4160}{10^4}=\cdots$$

따라서 $a+n$ 의 최솟값은 $a=416$, $n=3$ 일 때, $a+n=419$ 이다.

09 답 ③

$$\frac{3}{12}=\frac{1}{4}=\frac{1}{2^2}=\frac{5^2}{2^2 \times 5^2}=\frac{25}{10^2} \quad \therefore \langle 3, 12 \rangle = 5^2 = 25$$

$$\frac{7}{50}=\frac{7}{2 \times 5^2}=\frac{7 \times 2}{2 \times 5^2 \times 2}=\frac{14}{10^2} \quad \therefore \langle 7, 50 \rangle = 2$$

$$\therefore \langle 3, 12 \rangle + \langle 7, 50 \rangle = 25 + 2 = 27$$

10 답 ①

- ① $\frac{3}{15}=\frac{1}{5}$ ② $\frac{5}{12}=\frac{5}{2^2 \times 3}$
- ③ $\frac{11}{230}=\frac{11}{2 \times 5 \times 23}$ ④ $\frac{4}{2^3 \times 3^2}=\frac{1}{2 \times 3^2}$
- ⑤ $\frac{3^3}{2^2 \times 3 \times 5 \times 11}=\frac{3^2}{2^2 \times 5 \times 11}$

따라서 기약분수로 고쳤을 때, 분모의 소인수가 2나 5뿐인 것은 ①이다.

11 답 14개

분모의 소인수가 2나 5뿐이어야 하므로 소인수가 2나 5뿐인 100 이하의 자연수를 구하면 다음과 같다.

2	5	$5^2=25$
$2^2=4$	$2 \times 5=10$	$2 \times 5^2=50$
$2^3=8$	$2^2 \times 5=20$	$2^2 \times 5^2=100$
$2^4=16$	$2^3 \times 5=40$	
$2^5=32$	$2^4 \times 5=80$	
$2^6=64$		

따라서 주어진 분수 중 유한소수로 나타낼 수 있는 수는 14개이다.

12 답 8

$$\frac{1}{5} < \frac{2}{a} < \frac{1}{3} \text{에서 } \frac{2}{10} < \frac{2}{a} < \frac{2}{6} \quad \therefore 6 < a < 10$$

따라서 가능한 자연수 a 의 값은 7, 8, 9이고, $\frac{2}{a}$ 가 유한소수이므로 $a=8$ 이다.

13 답 119

$$\frac{x}{450}=\frac{x}{3^2 \times 5^2 \times 2} \text{가 유한소수이므로 } x \text{는 } 9 \text{의 배수이다.}$$

또, $\frac{x}{3^2 \times 5^2 \times 2}=\frac{8}{y}$ 인 기약분수의 분자에 8이 있고 분모의 2가 약분되어야 하므로 x 는 16의 배수이다.

따라서 x 는 144의 배수이고, 200 이하의 자연수이므로

$$x=144, y=25 \quad \therefore x-y=119$$

14 답 567

조건 (나)에서 $\frac{A}{630} = \frac{A}{2 \times 3^2 \times 5 \times 7}$ 는 유한소수이므로

$$A = 3^2 \times 7 \times a = 63a \text{ (단, } a \text{는 자연수)}$$

조건 (다)에서 $\frac{A}{630} \times 40 = \frac{63a}{630} \times 40 = 4a = 2^2 \times a$ 는 어떤 자연수의

제곱이므로 a 는 제곱수이다. ... ㉠

조건 (가)에서 $A = 63a$ 는 세 자리의 홀수이므로 a 는 2 이상 15 이하의 홀수이고, ㉠에서 a 는 제곱수이므로 $a = 9$ 이다.

$$\therefore A = 63 \times 9 = 567$$

15 답 ②

$$\textcircled{1} 0.333\cdots \Rightarrow 3$$

$$\textcircled{3} 0.1252525\cdots \Rightarrow 25$$

$$\textcircled{4} 2.415415415\cdots \Rightarrow 415$$

$$\textcircled{5} 1.451451451\cdots \Rightarrow 451$$

16 답 ②, ③

$$\textcircled{2} 3.173173173\cdots = 3.\dot{1}7\dot{3}$$

$$\textcircled{3} 6.030303\cdots = 6.\dot{0}\dot{3}$$

17 답 15

$$\frac{2}{15} = 0.1333\cdots = 0.1\dot{3}, \frac{37}{33} = 1.121212\cdots = 1.\dot{1}\dot{2} \text{이므로}$$

$$a = 3, b = 12$$

$$\therefore a + b = 3 + 12 = 15$$

18 답 8

$$\frac{32}{55} = 0.58\dot{1} \text{이므로 순환하지 않는 소수 부분이 한 자리이다.}$$

따라서 $30 - 1 = 2 \times 14 + 1$ 이므로 소수점 아래 30번째 자리의 숫자는 순환마디의 첫 번째 숫자인 8이다.

19 답 ①

$$\frac{3}{8} = \frac{3}{2^3}, \frac{6}{15} = \frac{2}{5}, \frac{21}{48} = \frac{7}{16} = \frac{7}{2^4}, \frac{4}{25} = \frac{4}{5^2}, \frac{33}{21} = \frac{11}{7},$$

$$\frac{3}{125} = \frac{3}{5^3}, \frac{14}{26} = \frac{7}{13}, \frac{12}{45} = \frac{4}{15} = \frac{4}{3 \times 5}$$

따라서 순환소수로 나타낼 수 있는 것의 개수는 $\frac{33}{21}, \frac{14}{26}, \frac{12}{45}$ 의

3개이다.

20 답 87

1부터 20까지의 자연수를 모두 소인수분해하여 나타내면 다음과 같다.

$$1, 2, 3, 2^2, 5, 2 \times 3, 7, 2^3, 3^2, 2 \times 5$$

$$11, 2^2 \times 3, 13, 2 \times 7, 3 \times 5, 2^4, 17, 2 \times 3^2, 19, 2^2 \times 5$$

분자가 21 = 3 × 7이므로 이 중 기약분수로 나타낼 때 분모에 소인수가 2나 5 이외의 것이 있는 것을 모두 고르면 9, 11, 13, 17, 18, 19이므로 a 의 값의 합은 87이다.

[다른 풀이]

이 문제는 a 가 20 이하의 수이므로 비교적 간단하게 전체의 경우를 구할 수 있으나 수의 범위가 커서 구하기 어려운 경우에는 주어진 분수가 순환소수가 되는 경우는 인수의 종류가 다양하여 정리하기 어려우므로 유한소수가 되는 경우를 생각하여 구하는 편이 좋다.

주어진 분수가 유한소수가 되게 하는 가능한 a 의 값은

$$a = 1 \text{인 경우 : 1}$$

$$a = 2^n \text{인 경우 : } 2^1, 2^2, 2^3, 2^4$$

$$a = 5^n \text{인 경우 : 5}$$

$$a = 2^n \times 5^m \text{인 경우 : } 2 \times 5, 2^2 \times 5$$

$$a = 3 \text{인 경우 : 3}$$

$$a = 7 \text{인 경우 : 7}$$

$$a = 3 \times 2^n \text{인 경우 : } 3 \times 2, 3 \times 2^2$$

$$a = 3 \times 5^n \text{인 경우 : } 3 \times 5$$

$$a = 7 \times 2^n \text{인 경우 : } 7 \times 2$$

$$a = 7 \times 5^n \text{인 경우 : 없음}$$

$$a = 3 \times 7 \text{인 경우 : 없음}$$

따라서 유한소수가 되는 a 의 값의 합은 123이다.

$$\text{이때, 1부터 20까지의 자연수의 합은 } \frac{(1+20) \times 20}{2} = 210 \text{이므로}$$

$$\text{순환소수가 되는 } a \text{의 값의 합은 } 210 - 123 = 87$$

21 답 (가) 12,343434... (나) 1234,343434...

$$\text{(다) 1222}$$

$$\text{(라) } \frac{611}{495}$$

22 답 (1) 1, 999 (2) 32, 990

23 답 ②

$$x = 0.5333\cdots \text{이라 하면}$$

$$100x = 53.333\cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$10x = 5.333\cdots \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{2} \text{을 하면 } 90x = 53 - 5 \quad \therefore x = \frac{48}{90} = \frac{8}{15} = \frac{a}{15}$$

$$\therefore a = 8$$

또한, $y = 0.2777\cdots$ 이라 하면 같은 방법으로

$$100y - 10y = 27.777\cdots - 2.777\cdots$$

$$90y = 25 \quad \therefore y = \frac{25}{90} = \frac{5}{18} = \frac{b}{18} \quad \therefore b = 5$$

$$\therefore a + b = 13$$

[다른 풀이]

$$x = 0.5\dot{3} = \frac{53 - 5}{90} = \frac{48}{90} = \frac{8}{15} \quad \therefore a = 8$$

$$y = 0.2\dot{7} = \frac{27 - 2}{90} = \frac{25}{90} = \frac{5}{18} \quad \therefore b = 5$$

$$\therefore a + b = 8 + 5 = 13$$

24 **답** (1) $1.\dot{2}3, 1.\dot{2}\dot{3}, 1.\dot{2}\dot{3}$
(2) $0.04\dot{2}, 0.\dot{0}4\dot{2}, 0.04\dot{2}, 0.04\dot{2}$

25 **답** ④

$\frac{1}{4}=0.25$ 이고 $\frac{5}{7}=0.\dot{7}1428\dot{5}$ 이므로 주어진 수 중 $\frac{1}{4}$ 보다 크고 $\frac{5}{7}$ 보다 작은 수의 개수는 $0.\dot{3}, 0.\dot{4}, 0.\dot{5}, 0.\dot{6}$ 의 4개이다.

26 **답** 3.25

$$a=0.\dot{6}=\frac{6}{9}=\frac{2}{3}, b=2.1\dot{6}=\frac{216-21}{90}=\frac{195}{90}=\frac{13}{6}$$

$$\therefore \frac{b}{a}=b \div a=\frac{13}{6} \div \frac{2}{3}=\frac{13}{6} \times \frac{3}{2}=\frac{13}{4}=3.25$$

27 **답** ③

$$a+b=\frac{438-4}{99}+\frac{216-2}{990}=\frac{4340}{990}+\frac{214}{990}=\frac{4554}{990}=4.6$$

28 **답** 7

$$a=\frac{172}{999} \times \frac{10}{172}=\frac{10}{999}$$

$$b=25 \times 0.0\dot{1}=25 \times \frac{1}{90}=\frac{25}{90}$$

$$\therefore a+b=\frac{10}{999}+\frac{25}{90}=\frac{100+2775}{9990}=\frac{2875}{9990}$$

$$=\frac{2877-2}{9990}=0.2\dot{8}7\dot{7}$$

즉, 순환마디가 소수점 아래 둘째 자리부터 시작되고,
(1234-1)÷3=411이므로 소수점 아래 1234번째 자리의 숫자는
순환마디의 마지막 숫자인 7이다.

29 **답** 33

$$14.\dot{6}=\frac{146-14}{9}=\frac{132}{9}=\frac{44}{3}=\frac{2^2 \times 11}{3}$$

이므로 자연수 x 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되려면 분모는 약분
이 되게 하고 분자의 지수는 모두 짝수가 되게 하는 수를 곱해야 한다.
따라서 곱해야 하는 가장 작은 자연수 x 는 $x=3 \times 11=33$

30 **답** $x=93$

$$0.0\dot{2} \times x + 0.0\dot{3} = 2.1 \text{에서 } \frac{2}{90}x + \frac{3}{90} = \frac{21}{10}$$

$$2x+3=189, 2x=186$$

$$\therefore x=93$$

31 **답** ④

$$0.5\dot{x}=\frac{11+x}{30} \text{에서 } \frac{50+x-5}{90}=\frac{11+x}{30}$$

$$45+x=33+3x, -2x=-12 \quad \therefore x=6$$

32 **답** $\frac{3}{11}$

$$0.\dot{x}2=\frac{10x+2}{99}, 0.\dot{2}x=\frac{20+x}{99}, 0.\dot{7}=\frac{7}{9} \text{에서}$$

$$\frac{10x+2}{99}+\frac{20+x}{99}=\frac{7}{9} \text{이므로 } \frac{11x+22}{99}=\frac{7}{9}$$

$$\frac{x+2}{9}=\frac{7}{9} \quad \therefore x=5$$

$$\therefore a-b=0.\dot{5}2-0.\dot{2}5=\frac{52-25}{99}=\frac{27}{99}=\frac{3}{11}$$

33 **답** 151

$\frac{a}{2^2 \times 3 \times 7^2}$ 를 기약분수로 나타내면 $\frac{1}{b}$ 이고, 이는 유한소수로 나
타내어지므로 b 는 $2^2 \times 3 \times 7^2$ 의 약수이면서 소인수는 2 또는 5만 있
어야 한다.

$$\therefore b=2 \text{ 또는 } b=4 \text{ ----- ㉔}$$

(i) $b=2$ 인 경우

$$a=2 \times 3 \times 7^2=294 \quad \therefore a+b=296$$

(ii) $b=4$ 인 경우

$$a=3 \times 7^2=147 \quad \therefore a+b=151 \text{ ----- ㉕}$$

따라서 $a+b$ 의 최솟값은 151이다. ----- ㉖

| 채점기준 |

- ㉔ 주어진 조건을 만족하는 b 의 값을 모두 구한다. [40%]
㉕ 각각의 b 의 값에 대한 a 의 값을 구하여 $a+b$ 의 값을 모두 구한다. [40%]
㉖ $a+b$ 의 최솟값을 구한다. [20%]

34 **답** 49

$\frac{a}{60}=\frac{a}{2^2 \times 3 \times 5}$ 가 유한소수가 되려면 a 는 3의 배수이어야 한다.
그런데 약분 후 분자에 3이 남아야 하므로 a 는 3^2 의 배수이어야 한다.
또한, b 는 20의 약수 중 3보다 큰 자연수이어야 한다.

$$\text{즉, } b \text{의 값은 } 4, 5, 10, 20 \text{ ----- ㉗}$$

$$(i) b=4 \text{인 경우 : } \frac{3}{4}=\frac{45}{60}=0.75 \text{이므로 } a=45, b=4$$

$$\therefore a+b=49$$

$$(ii) b=5 \text{인 경우 : } \frac{3}{5}=\frac{36}{60}=0.6 \text{이므로 소수점 아래 두 자리인 유}$$

$$\text{한소수라는 조건을 만족시키지 않는다.}$$

$$(iii) b=10 \text{인 경우 : } \frac{3}{10}=\frac{18}{60}=0.3 \text{이므로 소수점 아래 두 자리인}$$

$$\text{유한소수라는 조건을 만족시키지 않는다.}$$

$$(iv) b=20 \text{인 경우 : } \frac{3}{20}=\frac{9}{60}=0.15 \text{이므로 } a=9, b=20$$

$$\therefore a+b=29 \text{ ----- ㉘}$$

따라서 $a+b$ 의 최댓값은 49이다. ----- ㉙

| 채점기준 |

- ㉔ 유한소수임을 이용하여 a, b 가 만족시켜야 할 조건을 구한다. [40%]
㉕ 가능한 각각의 경우에 대하여 문제의 뜻에 맞는지 확인한다. [40%]
㉖ $a+b$ 의 값 중 최댓값을 구한다. [20%]

35 답 ②

주어진 두 분수의 분모를 각각 소인수분해하면

$$\frac{3a}{245} = \frac{3a}{5 \times 7^2}, \frac{a^2}{315} = \frac{a^2}{3^2 \times 5 \times 7}$$

두 분수가 모두 유한소수가 되려면 기약분수로 고치고 난 후 분모의 소인수가 2나 5뿐이어야 한다.

결국 a 는 7^2 의 배수이고 동시에 3×7 의 배수이어야 한다.

따라서 a 는 7^2 과 3×7 의 공배수, 즉 $3 \times 7^2 = 147$ 의 배수이다.

이때, $1000 \div 147 = 6.8\cdots$ 이므로 가능한 세 자리의 자연수 a 는

147, 147×2 , 147×3 , 147×4 , 147×6 의 5개이다.

36 답 155

유리수 $\frac{1}{n}$ 을 소수로 나타냈을 때 유한소수가 되려면 분모인 n 의 소인수가 2나 5뿐이어야 한다.

(i) 소인수가 2뿐인 경우 : $n = 16, 32, 64$

(ii) 소인수가 5뿐인 경우 : $n = 25$

(iii) 소인수가 2, 5 모두 있는 경우 : $n = 20, 40, 50, 80$

(i), (ii), (iii)에 의하여 유리수 $\frac{1}{n}$ 이 유한소수가 되는 경우는 8개이고,

나머지 $89 - 8 = 81$ (개)는 순환소수가 된다.

$\therefore a = 8, b = 81$

$$\therefore \frac{3a}{100b} = \frac{24}{8100} = \frac{8}{2700} = \frac{296}{99900} = 0.00\dot{2}9\dot{6}$$

이때, $28 \div 3 = 9 \cdots 1$ 이므로 소수점 아래 셋째 자리부터 소수점 아래 30번째 자리까지 2, 9, 6이 9번 나타나고 2가 1번 더 나타난다.

따라서 소수점 아래 30번째 자리까지의 숫자의 합은

$(2 + 9 + 6) \times 9 + 2 = 155$ 이다.



대단원 만점 문제

I. 유리수와 순환소수
문제면 18P

01 답 $\frac{9}{45}$

$45 = 3^2 \times 5$ 이므로 분모가 45인 분수 중 유한소수로 나타내어지는 분수는 기약분수로 나타내었을 때 분모의 소인수 중 3^2 이 약분되어야 하므로 분자는 9의 배수이어야 한다.

또, $\frac{1}{15} = \frac{3}{45}$, $\frac{1}{3} = \frac{15}{45}$ 이므로 3과 15 사이에 9의 배수는 9가 유일

하다. 따라서 구하는 수는 $\frac{9}{45}$ 이다.

02 답 84

분모를 소인수분해하면 $140 = 2^2 \times 5 \times 7$ 이다. 이때, $\frac{3}{140} \times A$ 가 유한소수가 되려면 분모의 소인수가 2나 5뿐이어야 하므로 A 는 7의 배수이어야 한다. 따라서 가장 작은 두 자리의 자연수 $x = 14$ 이고, 가장 큰 두 자리의 자연수 $y = 7 \times 14 = 98$ 이다.

$\therefore y - x = 84$

03 답 ①

$\frac{1}{7} = 0.\dot{1}4285\dot{7}$ 의 순환마디는 142857이므로 $a = 6$

$\frac{2}{11} = 0.\dot{1}\dot{8}$ 의 순환마디는 18이므로 $b = 2$

$\frac{3}{13} = 0.\dot{2}3076\dot{9}$ 의 순환마디는 230769이므로 $c = 6$

$\therefore a + b - c = 2$

04 답 ①, ④

① $51 - 1 = 3 \times 16 + 2$ 이므로 소수 51번째 자리의 숫자는 순환마디의 두 번째 숫자인 3이다.

② $\frac{4}{13} = 0.\dot{3}0769\dot{2}$

$51 = 6 \times 8 + 3$ 이므로 소수 51번째 자리의 숫자는 순환마디의 3번째 숫자인 7이다.

③ $51 - 1 = 2 \times 25$ 이므로 소수 51번째 자리의 숫자는 순환마디의 2번째 숫자인 4이다.

④ $\frac{42}{55} = 0.7\dot{6}\dot{3}$

$51 - 1 = 2 \times 25$ 이므로 소수 51번째 자리의 숫자는 순환마디의 2번째 숫자인 3이다.

⑤ $\frac{44}{111} = 0.\dot{3}9\dot{6}$

$51 = 3 \times 17$ 이므로 소수 51번째 자리의 숫자는 순환마디의 3번째 숫자인 6이다.

05 답 ⑤

$x = 1.3\dot{5}7\dot{9}$ 이므로 소수점 아래에 순환마디만을 같도록 하여 빼는 것이 가장 편리하다.

$$10000x = 13579.579579579\cdots$$

$$10x = 13.579579579\cdots$$

에서 $10000x - 10x$ 를 계산하는 것이 가장 편리하다.

06 답 $2.4\dot{6}$

$0.40\dot{5} = \frac{405}{999} = \frac{15}{37}$ 이므로 $a = 37$, $b = 15$

$\therefore \frac{a}{b} = \frac{37}{15} = 2.4666\cdots = 2.4\dot{6}$

07 답 $\frac{80}{9}$

$$\begin{aligned} \frac{0.\dot{1}}{0.1} + \frac{0.\dot{2}}{0.2} + \frac{0.\dot{3}}{0.3} + \cdots + \frac{0.\dot{8}}{0.8} &= \frac{\frac{1}{9}}{\frac{1}{10}} + \frac{\frac{2}{9}}{\frac{2}{10}} + \frac{\frac{3}{9}}{\frac{3}{10}} + \cdots + \frac{\frac{8}{9}}{\frac{8}{10}} \\ &= \frac{10}{9} + \frac{10}{9} + \frac{10}{9} + \cdots + \frac{10}{9} \\ &= \frac{10}{9} \times 8 = \frac{80}{9} \end{aligned}$$

08 답 ①

$$0.\dot{x}y = \frac{11}{15} \text{에서 } \frac{(10x+y)-x}{90} = \frac{11}{15}$$

$$\therefore 9x+y=66$$

x, y 가 한 자리의 자연수이므로 $x=7, y=3$

$$0.y\dot{x} = 0.3\dot{7} = \frac{37-3}{90} = \frac{34}{90} = \frac{17}{45} = \frac{z}{45} \text{이므로 } z=17$$

$$\therefore 3x+2y-z=21+6-17=10$$

[다른 풀이]

$$\frac{11}{15} = 0.7\dot{3} \text{이므로 } x=7, y=3$$

(이하 동일)

04 답 $\frac{2}{3}$

$$a=2^{x-1} \text{의 양변에 } 2 \text{를 곱하면 } 2a=2^x \times 2=2^x$$

$$b=3^{x+1} \text{의 양변을 } 3 \text{으로 나누면 } \frac{b}{3} = \frac{3^{x+1}}{3} = 3^x$$

$$\therefore 6^x = 2^x \times 3^x = 2a \times \frac{b}{3} = \frac{2}{3}ab$$

따라서 $\square$ 안에 알맞은 수는 $\frac{2}{3}$ 이다.

05 답 ①

$$16^x = (2^4)^x = 2^{4x} \text{이고 } a=8 \text{이므로 } 2^{a+4} = 2^{8+4} = 2^{12}$$

$$\text{즉, } 2^{a+4} = 16^x \text{에서 } 2^{12} = 2^{4x} \text{이므로 } 4x=12$$

$$\therefore x=3$$

06 답 ⑤

n 이 홀수일 때, $(-1)^n = -1, (-1)^{n+1} = 1$

n 이 짝수일 때, $(-1)^n = 1, (-1)^{n+1} = -1$ 이므로

ㄱ. n 이 홀수이든 짝수이든 두 수의 부호가 다르게 나오기 때문에 항상 $(-1)^n + (-1)^{n+1} = 0$ 이다. (참)

ㄴ. n 이 짝수일 때, $(-1)^n - (-1)^{n+1} = 1 - (-1) = 2$ (참)

ㄷ. n 이 홀수이든 짝수이든 두 수의 부호가 다르게 나오기 때문에 항상 $(-1)^n \times (-1)^{n+1} = -1$ 이다. (참)

ㄹ. 위의 ㄷ에서 양변을 $(-1)^{n+1}$ 으로 나눈 것과 같으므로 항상 성립한다. (참)

따라서 옳은 것의 개수는 4개이다.

07 답 12

$$2^{10} \times 3 \times 5^{12} = 2^{10} \times 3 \times 5^{10} \times 5^2 = (3 \times 5^2) \times (2 \times 5)^{10} = 75 \times 10^{10}$$

따라서 주어진 수는 12자리의 자연수이다. $\therefore m=12$

08 답 ①

(가) $(-2x^2y)^3 = (-2)^3 x^6 y^3 = -8x^6 y^3 = Ax^B y^3$ 에서
 $A=-8, B=6$

(나) $\frac{a^8 b^3}{a^C b^7} = \frac{a^5}{b^D}$ 에서 양변에 a^C 을 곱하면
 $\frac{a^8 b^3}{b^7} = \frac{a^5 a^C}{b^D}$ 에서 $\frac{a^8}{b^4} = \frac{a^{5+C}}{b^D}$ $\therefore C=3, D=4$

$\therefore A+B+C+D = (-8)+6+3+4=5$

09 답 ③

① $2x^3 \times (-3x^2) = 2 \times (-3) \times x^3 \times x^2 = -6x^5$

② $-4(x^2)^2 \div 2x^4 = -4x^4 \div 2x^4 = -4x^4 \times \frac{1}{2x^4} = -2$

③ $(-2x^2y)^3 \times (2xy)^2 = -8x^6 y^3 \times 4x^2 y^2 = -32x^8 y^5$

④ $16x^2y \div 2xy \times 4x = 16x^2y \times \frac{1}{2xy} \times 4x = 8x \times 4x = 32x^2$

⑤ $(-x^2y^3)^2 \div \left(\frac{1}{3}xy\right)^2 = x^4y^6 \div \frac{x^2y^2}{9} = x^4y^6 \times \frac{9}{x^2y^2} = 9x^2y^4$

II 식의 계산



02 지수법칙과 식의 계산

문제편
22P

01 답 ⑤

① $x^2 \times x^3 = x^5$

② $(x^7)^3 = x^{21}$

③ $x^9 \div x^3 = x^{9-3} = x^6$

④ $(2xy)^3 = 2^3 x^3 y^3 = 8x^3 y^3$

⑤ $\left(\frac{x^2}{y}\right)^4 = \frac{(x^2)^4}{y^4} = \frac{x^8}{y^4}$

02 답 ⑤

① $x^5 \times x^2 \times x^3 = x^{5+2+3} = x^{10}$

② $(x^3)^4 \times x^2 \times (x^2)^5 = x^{12} \times x^2 \times x^{10} = x^{12+2+10} = x^{24}$

③ $(x^3)^2 \div x^3 \div x^3 = x^6 \div x^3 \div x^3 = (x^6 \div x^3) \div x^3 = x^3 \div x^3 = 1$

④ $\{x \times (-y)^3\}^2 = (-xy^3)^2 = x^2 y^6$

⑤ $\left(\frac{-2x^5}{y^3 z^2}\right)^2 = \frac{(-2x^5)^2}{(y^3 z^2)^2} = \frac{4x^{10}}{y^6 z^4}$

03 답 19 $\left(\frac{2c^y}{a^4 b^x}\right)^3 = \frac{8c^{3y}}{a^{12} b^{3x}}$ 에서

$$\frac{8c^{3y}}{(a^4)^3 (b^x)^3} = \frac{8c^{3y}}{a^{12} b^{3x}} = \frac{8c^{15}}{a^2 b^{y+1}} \cdot \frac{8c^{3y}}{a^{12} b^{3x}} = \frac{8c^{15}}{a^2 b^{y+1}}$$

즉, $3y=15, 12=z, 3x=y+1$ 이므로
 $y=5, z=12, x=2$
 $\therefore x+y+z=2+5+12=19$

10 답 ④

$$(\text{주어진 식}) = (-a^3b^6) \times \frac{a^4}{4b^6} \times \left(-\frac{4}{a^4b^2}\right) = \frac{a^3}{b^2}$$

11 답 ①, ②

$$\textcircled{1} a \div (b \div c) = a \div \frac{b}{c} = a \times \frac{c}{b} = \frac{ac}{b}$$

$$\textcircled{2} a \div b \div c = \frac{a}{b} \div c = \frac{a}{b} \times \frac{1}{c} = \frac{a}{bc}$$

$$\textcircled{3} a \div b \times c = \frac{a}{b} \times c = \frac{ac}{b}$$

$$\textcircled{4} (a \div b) \div c = \frac{a}{b} \div c = \frac{a}{b} \times \frac{1}{c} = \frac{a}{bc}$$

$$\textcircled{5} a \times (b \div c) = a \times \frac{b}{c} = \frac{ab}{c}$$

따라서 옳은 것은 ①, ②이다.

12 답 ④

$$\left(-\frac{2}{3}x^2\right)^3 \div x^4y^2 \times (-3y)^3 = -\frac{8}{27}x^6 \times \frac{1}{x^4y^2} \times (-27y^3) \\ = 8x^{6-4}y = Bx^2y^C$$

따라서 $B=8$, $A=3$, $C=1$ 이므로

$$A+B+C=3+8+1=12$$

13 답 ④

$$\frac{y^2}{x^a} \div (-2x^2y^b)^2 \times 12x^2y^2 = \frac{y^2}{x^a} \times \frac{1}{4x^4y^{2b}} \times 12x^2y^2 \\ = \frac{3}{x^{a+2}y^{2b-4}} = \frac{3}{x^6y^2}$$

$$\text{즉, } a+2=6, 2b-4=2$$

$$\therefore a=4, b=3$$

14 답 ⑤

$$x^3y^2 \times \square \div \left(-\frac{1}{2}x^4y^3\right) = x^2y$$

위 식의 양변에 $-\frac{1}{2}x^4y^3$ 을 곱하면

$$x^3y^2 \times \square = x^2y \times \left(-\frac{1}{2}x^4y^3\right) = -\frac{1}{2}x^6y^4$$

양변을 x^3y^2 으로 나누면

$$\square = \left(-\frac{1}{2}x^6y^4\right) \div x^3y^2 \\ = \left(-\frac{1}{2}x^6y^4\right) \times \frac{1}{x^3y^2} \\ = -\frac{1}{2}x^3y^2$$

15 답 ⑤

$$(\text{주어진 식}) = 3x - \{3x + y + (x - 2x + y - x) + 3\} \\ = 3x - (3x + y - 2x + y + 3) = 3x - (x + 2y + 3) \\ = 3x - x - 2y - 3 = 2x - 2y - 3$$

16 답 ⑤

$$(\text{주어진 식}) = 6x - \frac{2}{3} \left\{ 5x + \frac{1}{2}y - (8y - 3y + 2x) \right\} \\ = 6x - \frac{2}{3} \left(5x + \frac{1}{2}y - 5y - 2x \right) = 6x - \frac{2}{3} \left(3x - \frac{9}{2}y \right) \\ = 6x - 2x + 3y = 4x + 3y$$

17 답 $5x+10$

$$3A + B - (-7A + 6B) = 3A + B + 7A - 6B = 10A - 5B$$

여기에 $A=2x^2-x$, $B=4x^2-3x-2$ 를 대입하면

$$(\text{주어진 식}) = 10A - 5B = 10(2x^2-x) - 5(4x^2-3x-2) \\ = 20x^2 - 10x - 20x^2 + 15x + 10 = 5x + 10$$

18 답 ②

어떤 식을 A 라 하고 식을 세우면

$$A + (2x^2 - x + 1) = -3x^2 + 2$$

$$A = -3x^2 + 2 - 2x^2 + x - 1 = -5x^2 + x + 1$$

따라서 바르게 계산하면

$$A - (2x^2 - x + 1) = -5x^2 + x + 1 - 2x^2 + x - 1 = -7x^2 + 2x$$

19 답 ⑤

$$(\text{주어진 식}) = \frac{3}{2}x(8x-2y) - \left(2x^3y + \frac{2}{3}x^2y^2\right) \times \left(-\frac{3}{xy}\right) \\ = 12x^2 - 3xy + \frac{6x^3y + 2x^2y^2}{xy} \\ = 12x^2 - 3xy + 6x^2 + 2xy \\ = 18x^2 - xy$$

20 답 ⑤

주어진 등식에서

$$(-2x^2 + 3x) \times \frac{2}{x} + (4x^3 - 5x^2) \times \left(-\frac{3}{x^2}\right) = -9x \\ -4x + 6 - 12x + 15 = -9x, -16x + 21 = -9x \\ -7x = -21 \quad \therefore x=3$$

21 답 $4a^2+4ab-6b^2$

$$(\text{주어진 식}) = 6a \left(\frac{2a+b}{3} \right) + 4b \left(\frac{a-3b}{3} \right) \\ = 6a \times \frac{2a}{3} + 6a \times \frac{b}{3} + 4b \times \frac{a}{3} + 4b \times \left(-\frac{3b}{3}\right) \\ = 4a^2 + 2ab + 2ab - 6b^2 = 4a^2 + 4ab - 6b^2$$

22 답 -10

$$(\text{주어진 식}) = (2x^2y - 3xy^2) \times \left(-\frac{1}{2xy}\right) + (-4xy) \times \frac{xy^2 + 3xy}{x^2y^2} \\ = -x + \frac{3}{2}y - 4y - 12 = -x - \frac{5}{2}y - 12$$

이 식에 $x=-3$, $y=\frac{2}{5}$ 를 대입하면 구하는 식의 값은

$$-(-3) - \frac{5}{2} \times \frac{2}{5} - 12 = 3 - 1 - 12 = -10$$

23 답 ②

직육면체의 높이를 h cm라 하면

$$3a^2 \times 2b^3 \times h = 12a^4b^2$$

$$6a^2b^3 \times h = 12a^4b^2$$

$$\therefore h = 12a^4b^2 \times \frac{1}{6a^2b^3} = \frac{2a^2}{b}$$

24 답 ②

두 원기둥 A와 B의 부피를 각각 V_A , V_B 라 하면

$$V_A = \pi(ab^2)^2 \times a^2b = \pi a^2b^4 \times a^2b = \pi a^4b^5$$

$$V_B = \pi(a^2b)^2 \times h = \pi a^4b^2h$$

이때, $V_A = V_B$ 이므로 $\pi a^4b^5 = \pi a^4b^2h$

$$\therefore h = \pi a^4b^5 \times \frac{1}{\pi a^4b^2} = b^3$$

25 답 5

지수법칙에 의하여 $(x^a y^b z^c)^d = x^{ad} y^{bd} z^{cd} = x^{16} y^{24} z^{36}$

$$\therefore ad = 16, bd = 24, cd = 36$$

여기서 자연수 d 는 16, 24, 36의 공약수이고 d 의 값이 최대이므로 d 는 16, 24, 36의 최대공약수인 4이다. ----- ㉠

따라서 $a = 4, b = 6, c = 9, d = 4$ 이므로 ----- ㉢

$$a + b - c + d = 4 + 6 - 9 + 4 = 5 \text{ ----- ㉡}$$

| 채점기준 |

- ㉠ 16, 24, 36의 최대공약수를 구하여 d 의 값을 구한다. [50%]
- ㉢ a, b, c 의 값을 각각 구한다. [40%]
- ㉡ $a + b - c + d$ 의 값을 구한다. [10%]

26 답 (1) $S = 2\pi r^2 + 2\pi rh$ (2) 4

(1) 회전시켜 얻은 입체도형은 밑면의 반지름의 길이가 r , 높이가 h 인 원기둥이므로 (겉넓이) = $2 \times$ (밑면의 넓이) + (옆면의 넓이)에서

$$S = 2\pi r^2 + 2\pi rh \text{ ----- ㉠}$$

(2) $S = 2\pi r^2 + 2\pi rh$ 에 $r = 1, S = 10\pi$ 를 대입하면

$$10\pi = 2\pi + 2\pi h$$

$$2\pi h = 8\pi \quad \therefore h = 4 \text{ ----- ㉢}$$

| 채점기준 |

- ㉠ r, h, S 사이의 관계식을 구한다. [50%]
- ㉢ 구한 관계식에 $r = 1, S = 10\pi$ 를 대입하여 h 의 값을 구한다. [50%]

27 답 11

$$4 \times (8^3 + 8^3 + 8^3) \times 125 \times (5^6 + 5^6 + 5^6 + 5^6)$$

$$= 4 \times 3 \times 8^3 \times 125 \times 4 \times 5^6$$

$$= 4 \times 3 \times 2^9 \times 5^3 \times 4 \times 5^6$$

$$= 4 \times 3 \times 4 \times 2^9 \times 5^9$$

$$= 48 \times 10^9$$

따라서 주어진 수는 11자리의 자연수이므로 $n = 11$

28 답 -1

$xy = -1$ 이므로 $\frac{1}{x} = -y, \frac{1}{y} = -x$ 이고, $x^n y^n = (xy)^n$ 이므로

$$\begin{aligned} x^n + \frac{1}{x^n} + y^n + \frac{1}{y^n} + \frac{1}{x^n y^n} \\ = x^n + \left(\frac{1}{x}\right)^n + y^n + \left(\frac{1}{y}\right)^n + \frac{1}{x^n y^n} \\ = x^n + (-y)^n + y^n + (-x)^n + \frac{1}{(xy)^n} \end{aligned}$$

$$= x^n - y^n + y^n - x^n + \frac{1}{(-1)^n} = -1 \quad (\because n \text{은 홀수})$$

[다른 풀이]

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= x^n + y^n + \frac{x^n + y^n}{x^n y^n} + \frac{1}{x^n y^n} = x^n + y^n + \frac{x^n + y^n + 1}{(xy)^n} \\ &= x^n + y^n + \frac{x^n + y^n + 1}{(-1)^n} = x^n + y^n - x^n - y^n - 1 \\ &= -1 \quad (\because n \text{은 홀수}) \end{aligned}$$



대단원 만점 문제

II. 식의 계산
문제면 30P

01 답 ④

$$\neg. x^2 \times x^4 = x^{2+4} = x^6 \text{ (거짓)}$$

$$\neg. x^{12} \div x^2 = x^{12-2} = x^{10} \text{ (거짓)}$$

$$\neg. (x^2)^2 \times x^2 = x^4 \times x^2 = x^6 \text{ (참)}$$

$$\neg. a^3 \times b^6 = a^3 \times (b^2)^3 = (ab^2)^3 \text{ (참)}$$

$$\neg. (2x^2y)^3 = 2^3(x^2)^3y^3 = 8x^6y^3 \text{ (거짓)}$$

$$\neg. a \neq 0 \text{일 때, } -\left(\frac{3}{a}\right)^2 = -\frac{9}{a^2} \text{ (참)}$$

따라서 옳은 것은 $\neg, \neg, \neg$ 이다.

02 답 12

$$\begin{aligned} \frac{12^5 \times 15^{15}}{45^{10}} &= \frac{(2^2 \times 3)^5 \times (3 \times 5)^{15}}{(3^2 \times 5)^{10}} = \frac{2^{10} \times 3^5 \times 3^{15} \times 5^{15}}{3^{20} \times 5^{10}} \\ &= 2^{10} \times 5^5 = 2^5 \times (2^5 \times 5^5) = 2^5 \times 10^5 = 32 \times 10^5 \end{aligned}$$

즉, $\frac{12^5 \times 15^{15}}{45^{10}}$ 은 7자리의 자연수이고, 0이 아닌 부분의 숫자는 3, 2

$$\text{이므로 } a = 7, b = 5 \quad \therefore a + b = 12$$

03 답 ④

$$\neg. (i) n \text{이 짝수이면 } n+1 \text{은 홀수이므로} \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0$$

$$\begin{aligned} (ii) n \text{이 홀수이면 } n+1 \text{은 짝수이므로} \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} &= (-1) + 1 = 0 \\ \therefore (-1)^n + (-1)^{n+1} &= 0 \end{aligned}$$

$$\neg. (i) n \text{이 짝수이면 } n+1 \text{은 홀수이므로} \\ (-1)^n - (-1)^{n+1} = 1 - (-1) = 2$$

$$\begin{aligned} (ii) n \text{이 홀수이면 } n+1 \text{은 짝수이므로} \\ (-1)^n - (-1)^{n+1} &= (-1) - 1 = -2 \end{aligned}$$

ㄷ. $(-1)^n \times (-1)^{n+1} = (-1)^{2n+1} = \{(-1)^2\}^n \times (-1) = -1$
 ㄹ. $(-1)^n \div (-1)^{n+1} = \frac{(-1)^n}{(-1)^n \times (-1)} = -1$
 따라서 그 값이 -1 인 것은 ㄷ, ㄹ이다.

04 답 ④

$$\begin{aligned} (\text{주어진 식}) &= 8a - 12b - 2a + 8b = 6a - 4b \\ &= 6(-2x + 3y) - 4(x - 2y) \\ &= -12x + 18y - 4x + 8y \\ &= -16x + 26y \end{aligned}$$

05 답 $x+2y$

$$\begin{aligned} -x - 2[-x + 3\{y - (\square)\}] &= 7x + 6y \text{에서} \\ -x - 2\{-x + 3y - 3(\square)\} &= 7x + 6y \\ -x + 2x - 6y + 6(\square) &= 7x + 6y \\ 6(\square) &= 6x + 12y \\ \therefore \square &= x + 2y \end{aligned}$$

06 답 8

$$\begin{aligned} (x^3y^2)^2 \div \left(-\frac{y}{2}\right)^3 \div (-xy) \times x^2y &= x^6y^4 \div \left(-\frac{y^3}{8}\right) \div (-xy) \times x^2y \\ &= x^6y^4 \times \left(-\frac{8}{y^3}\right) \times \left(-\frac{1}{xy}\right) \times x^2y \\ &= 8x^7y = 8x^ay^b \end{aligned}$$

따라서 $a=7$, $b=1$ 이므로 $a+b=7+1=8$

07 답 -1

$$\begin{aligned} 4\left(\frac{1}{3}a^2bc - \frac{1}{6}ab^2 + \frac{1}{12}bc\right) \div \frac{1}{3}ab \\ = \left(\frac{4}{3}a^2bc - \frac{2}{3}ab^2 + \frac{1}{3}bc\right) \times \frac{3}{ab} \\ = 4ac - 2b + \frac{c}{a} \end{aligned}$$

이 식에 $a=1$, $b=-17$, $c=-7$ 을 대입하면

$$\begin{aligned} (\text{구하는 값}) &= 4 \times 1 \times (-7) - 2 \times (-17) + \frac{-7}{1} \\ &= -28 + 34 - 7 = -1 \end{aligned}$$

08 답 ②

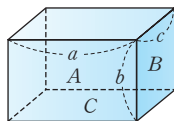
오른쪽 그림과 같이 직육면체의 세 모서리의 길이를 각각 a , b , c 라 하면

$$A=ab, B=bc, C=ca, V=abc \text{이므로}$$

$$A \times B \times C = ab \times bc \times ca = a^2b^2c^2$$

$$= (abc)^2 = V^2$$

$$\therefore V^2 = ABC$$



III 일차부등식과 연립일차방정식



03 일차부등식

문제면
34P

01 답 ④

주어진 방정식의 해는 $x=3$ 이므로 각 식에 $x=3$ 을 대입하면

① $3 \times 3 \leq 7$ 이지만 $9 \geq 7$ (거짓)

② $3+3 < 2 \times 3$ 이지만 $6=6$ (거짓)

③ $\frac{3}{3} > 3+2$ 이지만 $1 < 5$ (거짓)

④ $12-2 \times 3 \geq 2 \times 3-5$ 이므로 $6 \geq 1$ (참)

⑤ $3 \times (3-2) \geq 5$ 이지만 $3 \leq 5$ (거짓)

따라서 $x=3$ 을 해로 갖는 부등식은 ④이다.

02 답 ④

‘어떤 수 x 의 3배에서 6을 뺀 수’를 식으로 나타내면 $3x-6$

‘ x 에서 5를 뺀 것의 2배’를 식으로 나타내면 $2(x-5)$

$$\therefore 3x-6 > 2(x-5)$$

03 답 $3x-2 \leq 4$

‘크지 않다.’는 ‘작거나 같다.’는 뜻이므로

$$3x + (-2) \leq 4$$

$$\therefore 3x-2 \leq 4$$

04 답 ⑤

① $ab < 0$ 이므로 두 수의 부호가 다르고, $a > b$ 이므로 $a > 0$, $b < 0$ 이다. (참)

② $ab < 0$, $bc < 0$ 이므로 같은 수 b 에 곱해진 a 와 c 의 부호가 같고, 이들과 b 의 부호는 다르다. 그런데 $b > c$ 이므로 $b > 0$, $a < 0$, $c < 0$ 이다. (참)

③ $-2a+1 < -2b+1$ 의 양변에서 1을 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않으므로 $-2a < -2b$

또, $-2a < -2b$ 의 양변에 같은 수 $-\frac{1}{2}$ 를 곱하면 부등호의 방향이 바뀌므로 $a > b$ 이다. (참)

④ $a < b < 0$ 이므로 $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

이 부등식의 양변에 같은 음수 c 를 곱하면 부등호의 방향이 바뀌어

$$\frac{c}{a} < \frac{c}{b} \text{이다. (참)}$$

⑤ 예를 들어 $-3 < -2$ 이지만 $|-3| > |-2|$ 이다. (거짓)

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

05 답 ①, ③

① $a > b, b > c$ 이면 $a > c$ 이다. (참)

② $a > b \Leftrightarrow \frac{a}{2} > \frac{b}{2} \Leftrightarrow -3 + \frac{a}{2} > -3 + \frac{b}{2}$ (거짓)

③ $5 - a < 5 - b \Leftrightarrow -a < -b \Leftrightarrow a > b$ (참)

④ $0 < a < b$ 또는 $a < b < 0$ 이면 $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$, $a < 0 < b$ 이면 $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ 이다.
(거짓)

⑤ $a < b < 0$ 이면 $a^2 > b^2$, $a < 0 < b$ 이면 $a^2 > b^2$ 또는 $a^2 < b^2$
 $0 < a < b$ 이면 $a^2 < b^2$ 이다. (거짓)

따라서 옳은 것은 ①, ③이다.

06 답 ④

$a - 5 < -b + 2$ 에서

① 양변에 3을 더하면 $a - 2 < -b + 5$ (참)

② 양변에서 8을 빼면 $a - 13 < -b - 6$ (참)

③ 양변에 $b + 5$ 를 더하면 $a + b < 7$ (참)

④ 양변에 -3 을 곱하면 $-3a + 15 > 3b - 6$ (거짓)

⑤ 양변에 2를 곱하면 $2a - 10 < -2b + 4$ (참)

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

07 답 ④

$3 < x < 8$ 의 각 변에 -3 을 곱하면 $-24 < -3x < -9$

위 식의 각 변에 8을 더하면 $-16 < -3x + 8 < -1$

따라서 $a = -2, b = -15$ 이므로

$a - b = -2 - (-15) = 13$

08 답 ⑤

$-2 \leq a < \frac{1}{3}$ 의 각 변에 -3 을 곱하면 $-1 < -3a \leq 6$

또, 각 변에 5를 더하면 $4 < -3a + 5 \leq 11$

따라서 4 초과 11 이하의 소수는 5, 7, 11이므로 모든 소수들의 합은

$5 + 7 + 11 = 23$

09 답 $a = -2, b = 1$

$-3 \leq x \leq 2$ 의 각 변에 a 를 곱하면

$2a \leq ax \leq -3a$ ($\because a < 0$)

위 식의 각 변에 b 를 더하면

$2a + b \leq ax + b \leq -3a + b$

따라서 $ax + b$ 의 최댓값은 $-3a + b = 7 \cdots \textcircled{1}$,

최솟값은 $2a + b = -3 \cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$ 을 하면 $-5a = 10 \quad \therefore a = -2$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $6 + b = 7 \quad \therefore b = 1$

10 답 ②

$-2 < x \leq 4 \cdots \textcircled{1}$

$A = 2x + 3$ 이므로 $3 - 2A = 3 - 2(2x + 3) = -4x - 3$

$\textcircled{1}$ 의 각 변에 -4 를 곱하면 $-16 \leq -4x < 8$

위 식의 각 변에서 3을 빼면 $-19 \leq -4x - 3 < 5$

즉, $-19 \leq 3 - 2A < 5$ 이므로 $a = -19, b = 5$

$\therefore a + b = -19 + 5 = -14$

11 답 ⑤

① $3x + 8$ 은 일차식이다.

② $2 > 1$ 은 부등식이다.

③ $3x + 1 = 7$ 은 일차방정식이다.

④ $4x + 5 - 4x + 1 \geq 0$ 에서 $6 \geq 0$ 이므로 부등식이다.

⑤ $\frac{-2x+1}{3} - 4 \leq 0$ 이므로 일차부등식이다.

따라서 일차부등식은 ⑤이다.

12 답 2개

ㄱ. $x - 1 > 0$ 은 일차부등식이다.

ㄴ. $x^2 < 4$ 는 이차부등식이다.

ㄷ. $\frac{4}{5}x + \frac{3}{5} = \frac{7}{5}$ 은 일차방정식이다.

ㄹ. $-\frac{2}{x} + \frac{1}{4} > 0$ 은 일차가 아닌 부등식이다.

ㅁ. $2x + 3 - (5x + 1) \geq 0$ 에서 $-3x + 2 \geq 0$ 이므로 일차부등식이다.

ㅂ. $\frac{1}{2}x + 5 - \left(\frac{1}{2}x + 3\right) \geq 0$ 에서 $2 \geq 0$ 이므로 부등식이다.

따라서 일차부등식의 개수는 ㄱ, ㅁ의 2개이다.

13 답 (1) $x < -\frac{2}{3}$ (2) $x \geq -18$

(1) 괄호를 풀면 $2x - 8 > 5x - 6$

$-3x > 2 \quad \therefore x < -\frac{2}{3}$

(2) 양변에 10을 곱하면 $3x - 40 \leq 8x + 50$

$-5x \leq 90 \quad \therefore x \geq -18$

14 답 (1) $x > -4$ (2) $x > 0$ (3) $x \leq \frac{4}{13}$

(1) 양변에 12를 곱하면 $3(x - 4) - 4(2x - 1) < 12$

괄호를 풀면 $3x - 12 - 8x + 4 < 12$

$-5x < 20$

$\therefore x > -4$

(2) 양변에 6을 곱하면 $3(3x - 2) - 2(2x - 3) < 12x$

괄호를 풀면 $9x - 6 - 4x + 6 < 12x$

$-7x < 0$

$\therefore x > 0$

$$(3) \frac{1}{3} - \frac{1}{2} \left\{ 3x - \left(-\frac{2}{3}x + 2 \right) \right\} \geq 1 - \frac{3}{4}x \text{에서}$$

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \left(\frac{11}{3}x - 2 \right) \geq 1 - \frac{3}{4}x$$

$$\frac{1}{3} - \frac{11}{6}x + 1 \geq 1 - \frac{3}{4}x$$

양변에 분모 3, 4, 6의 최소공배수인 12를 곱하면

$$4 - 22x + 12 \geq 12 - 9x$$

$$-13x \geq -4$$

$$\therefore x \leq \frac{4}{13}$$

15 답 ①

$$\frac{3}{9}x - 1 > \frac{2x-1}{3} + \frac{22}{9}$$

$$3x - 9 > 3(2x - 1) + 22$$

$$3x - 9 > 6x - 3 + 22$$

$$-3x > 28$$

$$\therefore x < -\frac{28}{3} = -9.3 \times \times$$

따라서 주어진 일차부등식을 만족시키는 정수 중 가장 큰 정수는 -10 이다.

16 답 ②

$$ax + 3 > bx + 2 \text{에서 } (a-b)x > -1$$

$$\textcircled{1} a > b \text{일 때, } a-b > 0 \text{이므로 } x > -\frac{1}{a-b} \text{ (참)}$$

$$\textcircled{2} a < b \text{일 때, } a-b < 0 \text{이므로 } x < -\frac{1}{a-b} \text{ (거짓)}$$

$$\textcircled{3} a = b \text{일 때, } a-b = 0 \text{이므로 } 0 \times x > -1$$

x 에 어떤 수를 대입해도 성립하므로 해는 모든 수이다. (참)

$$\textcircled{4} a < 0, b = 0 \text{일 때, } ax > -1 \text{에서 } x < -\frac{1}{a} \text{ (참)}$$

$$\textcircled{5} a = 0, b > 0 \text{일 때, } -bx > -1 \text{에서 } x < -\frac{1}{-b} \therefore x < \frac{1}{b} \text{ (참)}$$

따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

17 답 $11 \leq a < 16$

$$3(a-2x) \geq -x + 2a + 1 \text{에서}$$

$$3a - 6x \geq -x + 2a + 1, 5x \leq a - 1$$

$$\therefore x \leq \frac{a-1}{5}$$

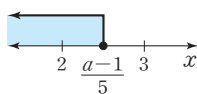
이를 수직선에 나타내면 오른쪽과 같다.

부등식을 만족시키는 가장 큰 자연수가

2이므로

$$2 \leq \frac{a-1}{5} < 3, 10 \leq a-1 < 15$$

$$\therefore 11 \leq a < 16$$



18 답 ①, ④

$$ax + b > 0 \text{에서 } ax > -b$$

해가 $x < 1$ 이므로 양변을 a 로 나누면 부등호의 방향이 바뀌어야 한다.

$$\text{즉, } a < 0 \text{이므로 } x < -\frac{b}{a}$$

$$\text{또, } -\frac{b}{a} = 1 \text{이므로 } b = -a \text{이고, } a < 0 \text{이므로 } b = -a > 0$$

$$\textcircled{1} a + b = a + (-a) = 0 \text{ (참)}$$

$$\textcircled{2} a - b = a - (-a) = 2a < 0 \text{ (거짓)}$$

$$\textcircled{3} ab = a \times (-a) = -a^2 < 0 \text{ (거짓)}$$

$$\textcircled{4} \frac{a}{b} = \frac{a}{-a} = -1 < 0 \text{ (참)}$$

$$\textcircled{5} b^2 = (-a)^2 = a^2 \text{ (거짓)}$$

따라서 옳은 것은 ①, ④이다.

19 답 ⑤

$$\text{부등식 } ax > -3 \text{의 해가 } x < 6 \text{이므로}$$

$$a < 0 \text{이고, } x < -\frac{3}{a}$$

그런데 해가 $x < 6$ 이므로

$$-\frac{3}{a} = 6 \therefore a = -\frac{1}{2}$$

20 답 ①

$$4(x+2) \geq 3(x+4) \text{에서}$$

$$4x + 8 \geq 3x + 12 \therefore x \geq 4 \dots \textcircled{1}$$

$$ax - 2 \leq -10 \text{에서 } ax \leq -8 \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{과 } \textcircled{2} \text{의 해가 같으므로 } \textcircled{2} \text{에서 } a < 0 \text{이고 } x \geq -\frac{8}{a}$$

$$-\frac{8}{a} = 4 \therefore a = -2$$

21 답 $\frac{2}{7}$

$$-2 \leq x \leq -1 \text{에서 } 2 \leq -2x \leq 4$$

$$\therefore 5 \leq 3 - 2x \leq 7 \dots \textcircled{a}$$

$$\text{각 변의 역수를 취하면 } \frac{1}{7} \leq \frac{1}{3-2x} \leq \frac{1}{5}$$

$$\therefore \frac{5}{7} \leq \frac{5}{3-2x} \leq 1 \dots \textcircled{b}$$

$$\text{따라서 } \frac{5}{3-2x} \text{가 가질 수 있는 가장 큰 값은 1, 가장 작은 값은 } \frac{5}{7}$$

$$\text{이므로 그 차는 } \frac{2}{7} \text{이다.} \dots \textcircled{c}$$

채점기준

$$\textcircled{a} \text{ 부등식의 성질을 이용하여 } 3-2x \text{의 값의 범위를 구한다. [30\%]}$$

$$\textcircled{b} \frac{5}{3-2x} \text{의 값의 범위를 구한다. [40\%]}$$

$$\textcircled{c} \text{ 구한 범위를 통해 가장 큰 값과 가장 작은 값을 구하고, 그 차를 구한다. [30\%]}$$

22 답 $x < \frac{1}{4}$

$ax+b < 0$ 에서 $ax < -b \quad \therefore x > -\frac{b}{a}$ (단, $a < 0$)

$ax+b < 0$ 의 해가 $x > -3$ 과 같으므로

$$-\frac{b}{a} = -3 \quad \therefore b = 3a, a < 0 \quad \text{-----} \textcircled{a}$$

한편, $(a+b)x + (2a-b) > 0$ 에서 $(a+b)x > b-2a$

여기에 $b=3a$ 를 대입하면 $4ax > a$ ----- $\textcircled{b}$

$$\therefore x < \frac{1}{4} \quad (\because a < 0) \quad \text{-----} \textcircled{c}$$

채점기준

- ㉠ 해가 주어진 부등식을 풀어 a, b 의 관계를 알아낸다. [50%]
- ㉡ 해를 구해야 할 부등식에서 문자를 하나 소거하여 푼다. [20%]
- ㉢ 문자의 부호를 이용하여 해를 구한다. [30%]

23 답 $x > -8$

일차부등식 $(a+b)x + 2a - 3b < 0$ 에서

$$(a+b)x < -2a + 3b \quad \textcircled{1}$$

해가 $x > -\frac{3}{4}$ 이므로 $a+b < 0 \quad \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$ 의 양변을 $a+b$ 로 나누면 $x > \frac{-2a+3b}{a+b}$

$$\frac{-2a+3b}{a+b} = -\frac{3}{4} \quad \therefore a = 3b \quad \textcircled{3}$$

㉠을 ㉢에 대입하면 $4b < 0 \quad \therefore b < 0$

또, 일차부등식 $(a-2b)x + 3a - b < 0$ 에 $a=3b$ 를 대입하면

$$bx + 8b < 0, bx < -8b$$

그런데 $b < 0$ 이므로 $x > -8$

24 답 $a = -\frac{1}{2}, b = 3$

$|ax+1| \leq b$ 의 해가 주어진 범위처럼 존재하려면 $a \neq 0, b > 0$

$$|ax+1| \leq b \text{에서 } -b \leq ax+1 \leq b$$

(i) $a > 0$ 인 경우

해가 $-4 \leq x \leq 8$ 이므로 양변에 a 를 곱하고 1을 더하면

$$-4a+1 \leq ax+1 \leq 8a+1$$

이것이 $-b \leq ax+1 \leq b$ 와 같아야 하므로

$$-b = -4a+1, b = 8a+1 \quad \therefore a = -\frac{1}{2}, b = -3$$

이것은 $a \neq 0, b > 0$ 인 조건을 만족시키지 않는다.

(ii) $a < 0$ 인 경우

해가 $-4 \leq x \leq 8$ 이므로 양변에 a 를 곱하고 1을 더하면

$$8a+1 \leq ax+1 \leq -4a+1$$

이것이 $-b \leq ax+1 \leq b$ 와 같아야 하므로

$$-b = 8a+1, b = -4a+1 \quad \therefore a = -\frac{1}{2}, b = 3$$

이것은 $a \neq 0, b > 0$ 인 조건을 만족시킨다.

(i), (ii)에 의해 $a = -\frac{1}{2}, b = 3$



04 일차부등식의 활용

문제면
41P

01 답 4

어떤 정수를 x 라 하면

$$4x \leq x+12 \text{에서}$$

$$3x \leq 12 \quad \therefore x \leq 4$$

따라서 가능한 정수 중 가장 큰 수는 4이다.

02 답 13

사탕 x 개를 바구니에 담을 수 있다고 하면 사탕의 값은 $600x$ 원이고, 바구니의 값을 합한 총 가격이 10000원 이하이어야 하므로

$$600x + 2000 \leq 10000$$

$$600x \leq 8000$$

$$\therefore x \leq \frac{40}{3}$$

사탕의 개수는 자연수이므로 사탕을 최대 13개까지 선물바구니에 담을 수 있다.

03 답 17

연속하는 세 자연수를 $x-1, x, x+1$ 이라 하면

$$(x-1) + x + (x+1) < 50$$

$$3x < 50 \quad \therefore x < \frac{50}{3}$$

$$\therefore x < \frac{50}{3} = 16.\times\times\times$$

따라서 $x=16$ 일 때, 가장 큰 자연수는 17이다.

[다른 풀이]

구해야 하는 것이 가장 큰 자연수이므로 이것을 x 라 하면 세 수는 $x, x-1, x-2$ 이다.

$$x + (x-1) + (x-2) < 50 \text{에서 } 3x < 53$$

$$\therefore x < \frac{53}{3} = 17.\times\times\times$$

따라서 $x=17$ 일 때, 가장 큰 자연수는 17이다.

04 답 ⑤

연속하는 세 홀수 중 가장 작은 수를 x 라 하면 연속하는 세 홀수는 $x, x+2, x+4$ 이다.

이 중 가장 큰 수를 3배한 수는 $3(x+4) = 3x+12$ 이고

나머지 두 수를 더한 것의 2배한 수는 $2(x+x+2) = 4x+4$ 이다.

$$\text{즉, } 3x+12 < 4x+4 \text{에서 } x > 8$$

따라서 x 가 될 수 있는 수는 ⑤ 9이다.

III-04

일차
부등식의
활용

05 답 ①

이용할 수 있는 용달차의 수를 x 대라 하면 트럭의 수는 $(8-x)$ 대이다. 그런데 트럭과 용달차로 배달할 수 있는 사과 상자는

$$60x + 150(8-x) \text{ 상자이므로 이것이 } 900 \text{ 상자 이상이다.}$$

$$60x + 150(8-x) \geq 900$$

$$60x + 1200 - 150x \geq 900$$

$$-90x \geq -300$$

$$\therefore x \leq \frac{300}{90} = \frac{10}{3} = 3.3 \times \times \times$$

따라서 자연수 x 의 최댓값은 3이므로 용달차는 최대 3대를 이용할 수 있다.

06 답 7장

구입하는 700원 짜리 우표의 장수를 x 장이라 하면 구입하는 500원 짜리 우표는 $(14-x)$ 장이므로 700원 짜리 우표의 값은 $700x$ 원이고 500원 짜리 우표의 값은 $500(14-x)$ 원이다. 이때, 전체 가격이 8500원 이하이므로

$$700x + 500(14-x) \leq 8500 \text{에서}$$

$$200x \leq 1500 \quad \therefore x \leq 7.5$$

따라서 700원 짜리 우표는 최대 7장 구입할 수 있다.

07 답 6개월 후

x 개월 후 형의 저축액은 $(8000 + 300x)$ 원이고, 동생의 저축액은 $(4000 + 1000x)$ 원이므로

$$4000 + 1000x > 8000 + 300x$$

$$700x > 4000 \quad x > \frac{40}{7} = 5.7 \times \times \times$$

따라서 6개월 후부터 동생의 저축액이 형보다 많아진다.

08 답 22000원

케이크의 정가를 x 원이라 하자.

정가의 10%를 할인한 판매 가격은 $\frac{90}{100}x$ 원이고,

이때, (이익) = (판매 가격) - (원가)이므로 이익은 $\left(\frac{90}{100}x - 18000\right)$ 원이다.

이익이 원가의 10% 이상이 되어야 하므로

$$\frac{90}{100}x - 18000 \geq 18000 \times \frac{10}{100} \quad \therefore x \geq 22000$$

따라서 케이크의 정가는 최소 22000원으로 해야 한다.

09 답 12

상품의 원가를 P 원이라 하면

$$(\text{처음 판매 가격}) = P \left(1 + \frac{25}{100}\right) = \frac{5}{4}P$$

$$(a\% \text{ 할인한 판매 가격}) = \frac{5}{4}P \left(1 - \frac{a}{100}\right)$$

$$\text{이때, (이익)} = (\text{판매 가격}) - (\text{원가}) = \frac{5}{4}P \left(1 - \frac{a}{100}\right) - P \text{이고}$$

$$\text{원가의 } 10\% \text{에 해당하는 금액은 } \frac{1}{10}P \text{이므로}$$

$$\frac{5}{4}P \left(1 - \frac{a}{100}\right) - P \geq \frac{1}{10}P$$

$$\text{각 항에 } \frac{40}{P} \text{을 곱하면}$$

$$50 \left(1 - \frac{a}{100}\right) - 40 \geq 4$$

$$50 \left(1 - \frac{a}{100}\right) \geq 44, 1 - \frac{a}{100} \geq \frac{44}{50}$$

$$\frac{a}{100} \leq \frac{6}{50} \quad \therefore a \leq 12$$

따라서 a 의 최댓값은 12이다.

10 답 4 km

올라간 거리를 x km라 하면 시속 4 km로 내려온 거리 역시 x km이다.

올라갈 때는 시속 2 km, 내려올 때는 시속 4 km로 걸어서 전체 걸리는 시간을 3시간 이내로 하려고 하므로

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} \leq 3, 2x + x \leq 12$$

$$3x \leq 12 \quad \therefore x \leq 4$$

따라서 최대 4 km까지 올라갔다가 내려올 수 있다.

11 답 시속 4.8 km

하림이가 시속 x km의 속력으로 걷는다고 하자.

25분 이내에 2 km를 가야 하므로

$$\frac{25}{65} \times x \geq 2 \quad \therefore x \geq \frac{24}{5} = 4.8$$

따라서 적어도 시속 4.8 km로 걸어야 한다.

12 답 ①

증발시킨 물의 양을 x g이라 하면

$$\text{소금의 양은 } \frac{3}{100} \times 400 = 12(\text{g}) \text{이므로}$$

$$12 \geq (400 - x) \times \frac{5}{100}$$

$$1200 \geq 2000 - 5x, 5x \geq 800 \quad \therefore x \geq 160$$

따라서 적어도 160 g의 물을 증발시켜야 한다.

[다른 풀이]

증발시킨 물의 양을 x g이라 하면

$$\frac{3}{100} \times 400 \geq \frac{5}{100} \times (400 - x)$$

$$1200 \geq 2000 - 5x$$

$$5x \geq 800 \quad \therefore x \geq 160$$

13 답 ②

사회, 과학 두 과목의 평균을 x 점이라 하면 국어, 영어, 수학 3과목의 평균이 76점이고, 사회, 과학을 포함한 5과목의 평균이 80점 이상이므로

$$3 \times 76 + 2x \geq 5 \times 80, 2x \geq 172 \quad \therefore x \geq 86$$

따라서 옳은 것은 ②이다.

14 답 6표

중간 개표된 표의 수는 $9+6=15$ 이므로 아직 개표하지 않은 표의 수는 13이다.

개표하지 않은 표에서 얻을 A의 표의 수를 x 라 할 때, B가 얻을 수 있는 표의 수는 $(13-x)$ 이다.

이때, 최대 득표자가 회장이 되므로 A가 당선이 되려면

$$9+x > 6+(13-x) \text{에서 } 9+x > 19-x, 2x > 10 \quad \therefore x > 5$$

따라서 A는 앞으로 최소한 6표를 더 얻으면 당선이 확정된다.

15 답 25명

단체의 인원을 x 명이라 하자. (단, $x < 30$)

1000원씩 x 명이 입장할 때의 요금은 $1000x$ 원이고, 30명의 단체 입장료는

$$1000 \times (1-0.2) \times 30 = 800 \times 30 = 24000(\text{원}) \text{이다.} \quad \text{----- ㉠}$$

따라서 30명 단체의 표를 사는 것이 유리한 경우는

$$1000x > 24000 \quad \text{----- ㉢}$$

$$\therefore x > 24$$

따라서 25명부터는 단체로 입장하는 것이 유리하다. ----- ㉡

| 채점기준 | -----

- ㉠ 개별 입장료와 30명에 대한 단체 입장료를 각각 구한다. [40%]
- ㉢ 일차부등식을 세운다. [50%]
- ㉡ 단체표를 사는 것이 유리할 때의 단체의 인원 수를 구한다. [10%]

16 답 2명

전체 일의 양을 1이라 하면 남자가 하루에 하는 일의 양은 $\frac{1}{5}$ 이고,

여자가 하루에 하는 일의 양은 $\frac{1}{8}$ 이다. ----- ㉠

여자가 x 명이라 하면 남자는 $(6-x)$ 명이므로

$$\frac{1}{5}(6-x) + \frac{1}{8}x \geq 1 \quad \text{----- ㉢}$$

$$8(6-x) + 5x \geq 40 \quad \therefore x \leq \frac{8}{3}$$

따라서 여자의 최대 인원은 2명이다. ----- ㉡

| 채점기준 | -----

- ㉠ 남자와 여자가 하루에 할 수 있는 일의 양을 각각 구한다. [40%]
- ㉢ 일차부등식을 세운다. [50%]
- ㉡ 여자의 최대 인원을 구한다. [10%]

17 답 ①

A 지점에서 B 지점까지 걸린 시간은 $\frac{1000}{60} = \frac{50}{3}$ (분),

B 지점에서 C 지점까지 걸린 시간은 $\frac{20000}{600} = \frac{100}{3}$ (분)

이므로 A 지점에서 C 지점까지 걸린 시간은 50분이다.

C 지점에서 D 지점까지 5 km를 이동하는데 20분 이하가 걸려야 하므로 달리는 속력을 분속 x m라 하면

$$5000 \leq 20x \quad \therefore x \geq 250$$

따라서 최소 분속 250 m 이상의 속력으로 달려야 한다.

18 답 11표

개표된 표가 28표이므로 미개표된 표는 22표이다.

이 중 A가 x 표를 더 얻어 당선이 확정된다면 나머지 $(22-x)$ 표를 모두 2위 득표자가 얻는다고 해도 A의 표가 더 많아야 한다.

$$11+x > 10+(22-x)$$

$$2x > 21 \quad \therefore x > \frac{21}{2} = 10.5$$

따라서 최소 11표를 얻으면 다른 후보자의 득표 수와 관계없이

A의 당선이 확정된다.



05 연립일차방정식

문제면
46P

01 답 ④

$$\textcircled{1} 2 \times 0 + 9 = 0 + 9 = 9$$

$$\textcircled{2} 2 \times 1 + 7 = 2 + 7 = 9$$

$$\textcircled{3} 2 \times 2 + 5 = 4 + 5 = 9$$

$$\textcircled{4} 2 \times 3 + 4 = 6 + 4 = 10 \neq 9$$

$$\textcircled{5} 2 \times 4 + 1 = 8 + 1 = 9$$

따라서 순서쌍이 아닌 것은 ④이다.

02 답 3개

일차방정식 $x+3y=10$ 에서 $x=10-3y$

(i) $y=1$ 일 때, $x=7$ (ii) $y=2$ 일 때, $x=4$ (iii) $y=3$ 일 때, $x=1$
 y 가 4 이상의 자연수일 때, x 는 음수가 되어 자연수가 아니므로 성립하지 않는다.

따라서 (x, y) 는 $(7, 1)$, $(4, 2)$, $(1, 3)$ 의 3개이다.

03 답 $4x+5y=90$

4점짜리 문제는 x 개이므로 $4x$ 점이고, 5점짜리 문제는 y 개이므로 $5y$ 점이다. $\therefore 4x+5y=90$

04 답 ④

주어진 연립방정식의 해가 $(2, -1)$ 이므로 이 값을 주어진 방정식에 각각 대입하면

$$2a-1=5, 2a=6 \quad \therefore a=3$$

$$4-b=7, -b=3 \quad \therefore b=-3$$

$$\therefore a-b=3-(-3)=6$$

05 답 ③

선택지의 연립방정식에 $x=1, y=-2$ 를 대입하였을 때, 등식이 모두 성립하는 것을 찾는다.

$$\textcircled{1} 1+(-2)=-1, 1-(-2)=3 \neq 2 (\times)$$

$$\textcircled{2} 2 \times 1 + (-2) = 0, 1 - (-2) = 3 \neq 4 (\times)$$

$$\textcircled{3} -2 = 1 - 3, -2 = -2 \times 1 (\circ)$$

$$\textcircled{4} 1 = (-2) + 3, 1 \neq 2 \times (-2) = -4 (\times)$$

$$\textcircled{5} 2 \times 1 + (-2) = 0, 1 + 2 \times (-2) = -3 \neq 0 (\times)$$

따라서 $x=1, y=-2$ 를 해로 갖는 연립방정식은 ③이다.

06 답 ①

$$\begin{cases} ax+y=7 \cdots \textcircled{1} \\ 5x+6y=3 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

②에 $x=3, y=b$ 를 대입하면

$$15+6b=3 \quad \therefore b=-2$$

①에 $x=3, y=-2$ 를 대입하면

$$3a-2=7 \quad \therefore a=3$$

07 답 (1) $x=1, y=0$ (2) $x=1, y=4$

$$(1) \begin{cases} 2x+3y=2 \cdots \textcircled{1} \\ 3x+4y=3 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

x 를 소거하기 위해 ①의 양변에는 3을, ②의 양변에는 2를 곱하면

$$\begin{cases} 6x+9y=6 \cdots \textcircled{3} \\ 6x+8y=6 \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

$$\textcircled{3}-\textcircled{4} \text{을 하면 } y=0$$

$y=0$ 을 ①에 대입하면

$$2x+3 \times 0=2, 2x=2 \quad \therefore x=1$$

$$(2) \begin{cases} 2x+y=6 \cdots \textcircled{1} \\ 3x-2y=-5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \text{에서 } y=6-2x \cdots \textcircled{3}$$

③을 ②에 대입하면

$$3x-2(6-2x)=-5, 7x=7 \quad \therefore x=1$$

이것을 ③에 대입하면

$$y=6-2 \times 1 \quad \therefore y=4$$

08 답 (1) $x=-1, y=1$ (2) $x=2, y=1$

$$(1) \begin{cases} x=2y-3 \cdots \textcircled{1} \\ x=5y-6 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①을 ②에 대입하면

$$2y-3=5y-6, -3y=-3 \quad \therefore y=1$$

$y=1$ 을 ①에 대입하면

$$x=2 \times 1 - 3 = -1$$

$$(2) \begin{cases} 3x+2y=8 \cdots \textcircled{1} \\ 5x+3y=13 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 3$ -② $\times 2$ 를 하면

$$9x+6y=24$$

$$-) 10x+6y=26$$

$$-x = -2 \quad \therefore x=2$$

이것을 ①에 대입하면

$$3 \times 2 + 2y = 8, 2y = 2 \quad \therefore y=1$$

09 답 $x=1, y=1$

주어진 연립방정식의 괄호를 풀고 간단한 모양으로 고치면

$$\begin{cases} -x-3y=-4 \cdots \textcircled{1} \\ 5x+6y=11 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 2$ +②을 하면

$$-2x-6y=-8$$

$$+) 5x+6y=11$$

$$3x = 3 \quad \therefore x=1$$

$x=1$ 을 ②에 대입하면

$$5 \times 1 + 6y = 11, 6y = 6 \quad \therefore y=1$$

10 답 $x=-1, y=3$

주어진 연립방정식의 괄호를 풀고 간단한 모양으로 고치면

$$\begin{cases} x+y=2 \cdots \textcircled{1} \\ -3x+4y=15 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 3$ +②을 하면

$$3x+3y=6$$

$$+) -3x+4y=15$$

$$7y=21 \quad \therefore y=3$$

$$y=3 \text{을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } x+3=2 \quad \therefore x=-1$$

11 답 ④

$$\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{2}{3} \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 6, \textcircled{2} \times 12$ 를 하여 정리하면

$$\begin{cases} 3x+2y=6 \cdots \textcircled{3} \\ 4x-3y=8 \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \times 3 + \textcircled{4} \times 2 \text{를 하면 } 17x=34 \quad \therefore x=2$$

$$x=2 \text{를 } \textcircled{3} \text{에 대입하면 } 6+2y=6, 2y=0 \quad \therefore y=0$$

따라서 해를 순서쌍 (x, y) 로 나타내면 $(2, 0)$ 이다.

12 답 x=3, y=5

$$\begin{cases} 0.3(x+y) - 0.1y = 1.9 \cdots \textcircled{㉠} \\ \frac{2}{3}x + \frac{3}{5}y = 5 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠×10을 하고 정리하면

$$3(x+y) - y = 19, 3x + 2y = 19 \cdots \textcircled{㉢}$$

㉡×15를 하면 $10x + 9y = 75 \cdots \textcircled{㉣}$

㉢×9-㉣×2를 하면

$$\begin{array}{r} 27x + 18y = 171 \\ -) 20x + 18y = 150 \\ \hline 7x = 21 \end{array}$$

$$\therefore x = 3$$

이것을 ㉢에 대입하면

$$9 + 2y = 19 \quad \therefore y = 5$$

13 답 x=2, y=-1

$$\begin{cases} 5x + 3y + 8 = 15 \cdots \textcircled{㉠} \\ 4x - 7y = 15 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠에서 $5x + 3y = 7 \cdots \textcircled{㉢}$

㉡×3+㉢×7을 하면

$$\begin{array}{r} 12x - 21y = 45 \\ +) 35x + 21y = 49 \\ \hline 47x = 94 \end{array}$$

$$\therefore x = 2$$

이것을 ㉢에 대입하면

$$5 \times 2 + 3y = 7 \quad \therefore y = -1$$

14 답 x=-7, y=5

$$\begin{cases} \frac{y-2}{3} = \frac{x+y+6}{4} \\ \frac{y-2}{3} = \frac{-x+y-7}{5} \end{cases} \text{에서}$$

$$\begin{cases} 4y - 8 = 3x + 3y + 18 \\ 5y - 10 = -3x + 3y - 21 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x - y = -26 \cdots \textcircled{㉠} \\ 3x + 2y = -11 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠-㉡을 하면 $-3y = -15 \quad \therefore y = 5$

이것을 ㉠에 대입하면

$$3x - 5 = -26, 3x = -21 \quad \therefore x = -7$$

15 답 ㉡

$y = 2x$ 를 주어진 연립방정식에 대입하면

$$\begin{cases} 4x - 14x = 5 \cdots \textcircled{㉠} \\ 2x = ax + 6 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠에서 $x = -\frac{1}{2}$

이것을 ㉡에 대입하면 $-1 = -\frac{1}{2}a + 6 \quad \therefore a = 14$

16 답 ㉣

$x : y = 3 : 2$ 이므로 $3y = 2x$, 즉 $y = \frac{2}{3}x$ 를 주어진 연립방정식에

대입하면

$$\begin{cases} 4x + \frac{2}{3}ax = 20 \cdots \textcircled{㉠} \\ ax + 2x = 18 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠-㉡× $\frac{2}{3}$ 를 하면

$$\frac{8}{3}x = 8 \quad \therefore x = 3$$

이것을 ㉡에 대입하면

$$3a + 6 = 18 \quad \therefore a = 4$$

17 답 ㉡

$\begin{cases} 2x - y = 1 \cdots \textcircled{㉠} \\ ax + y = 9 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$ 의 해가 일차방정식 $x + y = 5 \cdots \textcircled{㉢}$ 의 해가

되므로 그 해는 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 1 \cdots \textcircled{㉠} \\ x + y = 5 \cdots \textcircled{㉢} \end{cases}$ 의 해와 같다.

㉠+㉢을 하면 $3x = 6 \quad \therefore x = 2$

이것을 ㉢에 대입하면 $y = 3$

$x = 2, y = 3$ 을 ㉡에 대입하면

$$2a + 3 = 9 \quad \therefore a = 3$$

18 답 -2

연립방정식 $\frac{4x+y}{5} = \frac{5x+ay}{3} = 1$ 의 해가 일차방정식 $3x - y = 2$

를 만족시키므로 다음 세 방정식의 해가 일치한다.

$$\begin{cases} 4x + y = 5 \cdots \textcircled{㉠} \\ 5x + ay = 3 \cdots \textcircled{㉡} \\ 3x - y = 2 \cdots \textcircled{㉢} \end{cases}$$

㉠+㉢을 하면 $7x = 7 \quad \therefore x = 1$

이것을 ㉠에 대입하면 $y = 1$

따라서 $x = 1, y = 1$ 을 ㉡에 대입하면

$$5 + a = 3 \quad \therefore a = -2$$

19 답 ㉤

두 쌍의 연립방정식의 해가 같으므로

$\begin{cases} 2x - 3y = -1 \cdots \textcircled{㉠} \\ x + 2y = 3 \cdots \textcircled{㉡} \end{cases}$ 의 해가 두 연립방정식의 해가 된다.

㉠-㉡×2를 하면 $-7y = -7 \quad \therefore y = 1$

이것을 ㉡에 대입하면 $x + 2 = 3 \quad \therefore x = 1$

$\begin{cases} ax + 3y = 11 \\ x + y = b \end{cases}$ 의 해도 $x = 1, y = 1$ 이므로 대입하면

$$a + 3 = 11 \quad \therefore a = 8$$

$$1 + 1 = b \quad \therefore b = 2$$

20 답 ②

두 쌍의 연립방정식의 해가 같으므로

$$\begin{cases} 4x+5y=7 \cdots ㉠ \\ x-y=-5 \cdots ㉡ \end{cases} \text{의 해가 두 연립방정식의 해가 된다.}$$

$$㉠-4 \times ㉡ \text{을 하면 } 9y=27 \quad \therefore y=3$$

이것을 ㉡에 대입하면 $x=-2$

$$\begin{cases} x+ay=4 \\ 2x+4y=b \end{cases} \text{의 해도 } x=-2, y=3 \text{이므로 대입하면}$$

$$-2+3a=4, 3a=6 \quad \therefore a=2$$

$$-4+12=b \quad \therefore b=8$$

$$\therefore a+b=10$$

21 답 -3

잘못 보고 푼 ㉡의 y 의 계수를 a 라 하면

$$\text{연립방정식은 } \begin{cases} 4x-3y=-1 \cdots ㉠ \\ 2x+ay=-5 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$x=2$ 가 이 연립방정식을 만족시키므로 ㉠에 대입하면

$$8-3y=-1 \quad \therefore y=3$$

$$x=2, y=3 \text{을 } ㉡ \text{에 대입하면 } 4+3a=-5 \quad \therefore a=-3$$

따라서 ㉡의 y 의 계수 3을 -3 으로 잘못 보고 풀었다.

22 답 ①

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} ax+by=-5 \cdots ㉠ \\ 5x+cy=7 \cdots ㉡ \end{cases} \text{의 바른 해가 } x=3, y=4 \text{이므로}$$

㉠, ㉡에 각각 대입하면

$$\begin{cases} 3a+4b=-5 \cdots ㉢ \\ 15+4c=7 \cdots ㉣ \end{cases}$$

$$㉣ \text{에서 } c=-2$$

한편, ㉠은 $x=0, y=1$ 도 만족시키므로

$$a \times 0 + b \times 1 = -5 \quad \therefore b = -5$$

이것을 ㉢에 대입하면 성립하므로

$$3a + 4 \times (-5) = -5, 3a = 15 \quad \therefore a = 5$$

$$\therefore a+b+c=5+(-5)+(-2)=-2$$

23 답 (1) 해가 무수히 많다. (2) 해가 없다.

$$(1) \begin{cases} 3x+6y=-12 \cdots ㉠ \\ x=-2y-4 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠ \times \frac{1}{3} \text{을 하면 } x+2y=-4$$

$$㉡ \text{에서 } x+2y=-4$$

따라서 두 방정식이 같으므로 연립방정식의 해는 $x+2y=-4$ 를 만족시키는 모든 x, y 의 순서쌍 (x, y) 로 해가 무수히 많다.

$$(2) \begin{cases} x-2y=5 \cdots ㉠ \\ 2x-y=3(y-3) \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉡ \text{에서 } 2x-y=3y-9, 2x-4y=-9 \cdots ㉢$$

$$㉢ \times \frac{1}{2} \text{을 하면 } x-2y=-\frac{9}{2}$$

$$㉠ \text{에서 } x-2y=5$$

따라서 x 와 y 의 계수는 각각 같고 상수항이 서로 다르므로 이 연립방정식의 해는 없다.

24 답 5

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} ax+3y=2 \cdots ㉠ \\ 2x+6y=b \cdots ㉡ \end{cases} \text{의 해가 무수히 많으려면}$$

두 방정식이 같아야 한다.

$$㉠ \times 2 \text{를 하면 } 2ax+6y=4 \cdots ㉢$$

㉡과 ㉢의 두 방정식이 서로 같아야 하므로

$$2a=2, b=4 \quad \therefore a=1, b=4$$

$$\therefore a+b=5$$

25 답 4

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} ax-5y=1 \\ 5x-7y=a \end{cases} \text{의 해가 } x, y \text{의 순서쌍 } (2, b) \text{이므로}$$

$x=2, y=b$ 를 두 식에 각각 대입하면 두 식 모두 등식이 성립한다.

$$\begin{cases} 2a-5b=1 \\ 10-7b=a \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} 2a-5b=1 \cdots ㉠ \\ a+7b=10 \cdots ㉡ \end{cases} \cdots \text{a}$$

㉠-㉡ $\times 2$ 를 하면

$$-19b=-19 \quad \therefore b=1$$

$$\text{이것을 } ㉡ \text{에 대입하면 } a=3 \cdots \text{b}$$

$$\therefore a+b=4 \cdots \text{c}$$

채점기준

㉠, ㉡에 대한 연립방정식을 세운다. [40%]

㉠, ㉡의 값을 각각 구한다. [40%]

㉠+㉡의 값을 구한다. [20%]

26 답 10

두 쌍의 연립방정식의 해가 같으므로

$$\begin{cases} x+y=3 \cdots ㉠ \\ 2x-y=9 \cdots ㉡ \end{cases} \text{의 해가 두 연립방정식의 해가 된다.} \cdots \text{a}$$

$$㉠+㉡ \text{을 하면 } 3x=12 \quad \therefore x=4$$

$$\text{이것을 } ㉠ \text{에 대입하면 } 4+y=3 \quad \therefore y=-1 \cdots \text{b}$$

$$\begin{cases} x-2y=a \\ bx+2y=14 \end{cases} \text{의 해도 } x=4, y=-1 \text{이므로 대입하면}$$

$$4-(-2)=a \quad \therefore a=6$$

$$4b-2=14 \quad \therefore b=4 \cdots \text{c}$$

$$\therefore a+b=6+4=10 \cdots \text{d}$$

채점기준

㉠, ㉡의 값을 구할 연립방정식을 세운다. [20%]

㉠, ㉡의 값을 각각 구한다. [30%]

㉠, ㉡의 값을 각각 구한다. [30%]

㉠+㉡의 값을 구한다. [20%]

27 답 13

연립방정식 $\begin{cases} 2x+by=7 \cdots \textcircled{1} \\ ax-by=3 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 에서 $\textcircled{1}+\textcircled{2}$ 을 하면

$$(2+a)x=10 \quad \therefore x=\frac{10}{2+a}$$

x 가 자연수가 되려면 $2+a$ 가 10의 약수이어야 한다.

즉, $2+a$ 의 값이 1, 2, 5, 10이어야 한다.

그런데 a 는 자연수이므로 a 의 값은 3, 8이다.

(i) $a=3$ 이면 $x=2$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $by=3$

$$y=\frac{3}{b} \text{이 자연수가 되려면 } b=1 \text{ 또는 } b=3$$

(ii) $a=8$ 이면 $x=1$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $by=5$

$$y=\frac{5}{b} \text{가 자연수가 되려면 } b=1 \text{ 또는 } b=5$$

(i), (ii)에 의하여

$a=3$ 이면 $b=1$ 또는 $b=3$ 이므로 $a+b=4$ 또는 $a+b=6$

$a=8$ 이면 $b=1$ 또는 $b=5$ 이므로 $a+b=9$ 또는 $a+b=13$

따라서 $a+b$ 의 최댓값은 13이다.

28 답 8

$\begin{cases} 3ax+5by=-41 \\ 2x+3y=8 \end{cases}$ 의 해를 $x=p, y=q$ 라 하면

$\begin{cases} 3x-4y=-10 \\ ax-by=26 \end{cases}$ 의 해는 $x=2p, y=2q$ 가 된다.

각 해를 연립방정식에 대입하면

$$\begin{cases} 3ap+5bq=-41 \\ 2p+3q=8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 6p-8q=-10 \\ 2ap-2bq=26 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} 3p-4q=-5 \\ ap-bq=13 \end{cases}$$

이 두 쌍의 연립방정식의 해가 같으므로

$$\begin{cases} 2p+3q=8 \cdots \textcircled{1} \\ 3p-4q=-5 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 해가 두 연립방정식의 해가 된다.}$$

$\textcircled{1} \times 4 + \textcircled{2} \times 3$ 을 하면

$$17p=17 \quad \therefore p=1$$

이것을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면 $q=2$

$$\begin{cases} 3ap+5bq=-41 \\ ap-bq=13 \end{cases} \text{의 해도 } p=1, q=2 \text{이므로}$$

$$\begin{cases} 3a+10b=-41 \cdots \textcircled{3} \\ a-2b=13 \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

$\textcircled{3} + \textcircled{4} \times 5$ 를 하면

$$8a=24 \quad \therefore a=3$$

이것을 $\textcircled{4}$ 에 대입하면 $b=-5$

$$\therefore a-b=3-(-5)=8$$



06 연립일차방정식의 활용

문제면
54P

01 답 6

사과의 개수를 x 개, 배의 개수를 y 개라 하면

사과와 배를 합하여 14개를 샀으므로 $x+y=14 \cdots \textcircled{1}$

사과와 배의 값으로 10000원을 지불하였으므로

$$600x+800y=10000 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $y=14-x$ 를 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$600x+800(14-x)=10000$$

$$3x+4(14-x)=50$$

$$56-x=50 \quad \therefore x=6, y=8$$

따라서 사과는 6개를 샀다.

02 답 15

현재 아버지의 나이를 x 살, 아들의 나이를 y 살이라 하면 두 사람의 나이의 차가 30살이므로

$$x-y=30 \cdots \textcircled{1}$$

15년 후에 아버지와 아들의 나이가 각각 $(x+15)$ 살, $(y+15)$ 살이고 아버지의 나이가 아들의 나이가 2배이므로

$$(x+15)=2(y+15) \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{2}$ 에서 $x-2y=15$ 이므로 $\textcircled{1}$ 과 연립하여 풀면

$$x=45, y=15$$

따라서 현재 아들의 나이는 15살이다.

03 답 ①

일행 중 어린이를 x 명, 어른을 y 명이라 하자.

시립 공원의 입장료가 2000원이므로

$$300x+400y=2000 \quad \therefore 3x+4y=20 \cdots \textcircled{1}$$

또, 박물관의 입장료가 4000원이므로

$$500x+1000y=4000 \quad \therefore x+2y=8 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}-\textcircled{2} \times 2$ 를 하면 $x=4$ 이고, 이것을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면 $y=2$

따라서 일행의 전체 인원 수는 $x+y=4+2=6$ (명)

04 답 ①

성인을 x 명, 청소년을 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=7 \cdots \textcircled{1} \\ 1500x+1000y=9500 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2} \div 500 \text{을 하면 } -x=-5 \quad \therefore x=5$$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $y=2$

따라서 청소년은 2명이다.

III-06

연립일차
방정식의
활용

05 답 ②

아버지와 아들의 나이의 차를 x 살, 아들의 나이를 y 살이라 하면

$$\begin{cases} 42+y=2x \cdots ㉠ \\ 42-y=x \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠-㉡ \times 2 \text{를 하면 } 3y=42 \quad \therefore y=14$$

따라서 아들의 나이는 14살이다.

06 답 ⑤

현재 아버지의 나이를 x 살, 아들의 나이를 y 살이라 하면

$$\begin{cases} x=y+33 \cdots ㉠ \\ x-6=4(y-6) \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠을 ㉡에 대입하여 정리하면

$$y+27=4y-24 \quad \therefore y=17$$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=50$

따라서 아버지의 나이는 50살이다.

07 답 9개

작은 수를 x , 큰 수를 y 라 하면

$$\begin{cases} y=2x+12 \cdots ㉠ \\ 5x=2y+12 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$5x=2(2x+12)+12 \quad \therefore x=36$$

따라서 작은 수는 36이고 $36=2^2 \times 3^2$ 이므로 36의 약수의 개수는

$$(2+1) \times (2+1) = 9(\text{개})$$

08 답 ②

큰 수를 y , 작은 수를 x 라 하면

$$\begin{cases} y=7x+4 \cdots ㉠ \\ 2y=15x+2 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠을 ㉡에 대입하면 $2(7x+4)=15x+2$

$$14x+8=15x+2 \quad \therefore x=6$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=46$

$$\therefore x+y=6+46=52$$

09 답 15일

전체 일의 양을 1이라 하고, 영일리와 영이가 하루에 하는 일의 양을 각각 x , y 라 하면

$$\begin{cases} 10x+10y=1 \cdots ㉠ \\ 8x+14y=1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠ \times 7 - ㉡ \times 5 \text{를 하면 } 30x=2 \quad \therefore x=\frac{1}{15}$$

$$\text{이것을 ㉠에 대입하면 } y=\frac{1}{30}$$

따라서 영일리가 하루에 할 수 있는 일의 양은 전체 일의 양의 $\frac{1}{15}$ 이

므로 혼자서 일을 끝마치려면 15일이 걸린다.

10 답 ③

A, B 두 수도꼭지에서 1분당 나오는 물의 양을 각각 a , b , 물탱크를 가득 채운 물의 양을 1이라 하면

$$\begin{cases} 24a=1 \cdots ㉠ \\ 12a+20b=1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠ \text{에서 } a=\frac{1}{24}$$

$$\text{이것을 ㉡에 대입하면 } 40b=1 \quad \therefore b=\frac{1}{40}$$

따라서 B 수도꼭지만 틀어 물탱크를 가득 채우는 데 걸리는 시간은 40분이다.

11 답 24 cm^2

처음 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 $x \text{ cm}$, $y \text{ cm}$ 라 하자.

$$xy=(x+2)y-8 \cdots ㉠$$

$$xy=x(y+2)-12 \cdots ㉡$$

$$㉠ \text{에서 } 2y=8 \quad \therefore y=4$$

$$㉡ \text{에서 } 2x=12 \quad \therefore x=6$$

$$\therefore (\text{처음 직사각형의 넓이})=xy=24(\text{cm}^2)$$

12 답 35

탁자의 높이를 h 라 하고, 나무 블럭의 긴 쪽의 길이를 x , 짧은 쪽의 길이를 y 라 하자.

$$[\text{그림 1}] \text{에서 } h+x-y=45 \cdots ㉠$$

$$[\text{그림 2}] \text{에서 } h+y-x=25 \cdots ㉡$$

$$㉠+㉡ \text{을 하면 } 2h=70 \quad \therefore h=35$$

따라서 탁자의 높이는 35이다.

13 답 ⑤

형이 가진 돈을 x 원, 동생이 가진 돈을 y 원이라 하면

$$\begin{cases} x=3y \cdots ㉠ \\ x-1000=2(y+1000)+2000 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠ \text{을 ㉡에 대입하면 } 3y-1000=2y+4000 \quad \therefore y=5000$$

$$\text{이것을 ㉠에 대입하면 } x=15000$$

따라서 형이 가진 돈은 15000원이다.

14 답 25개

100원, 50원, 10원짜리 동전의 개수를 각각 x 개, y 개, z 개라 하면

$$\begin{cases} 2x+y=35 \cdots ㉠ \\ 100x+50x+10y=1000 \text{에서 } 15x+y=100 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉡-㉠ \text{을 하면 } 13x=65 \quad \therefore x=5$$

이것을 ㉠에 대입하면

$$y=35-2x=35-10=25(\text{개})$$

따라서 10원짜리 동전의 개수는 25개이다.

15 답 45

십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라 하면

$$\begin{cases} 10x+y=5(x+y) \\ 10y+x=10x+y+9 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} 5x-4y=0 \cdots ㉠ \\ x-y=-1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠-㉡ $\times 4$ 를 하면 $x=4$

이것을 ㉡에 대입하면 $y=5$

따라서 처음 자연수는 45이다.

16 답 4

십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라 하면

$$\begin{cases} x=y-4 \cdots ㉠ \\ 10y+x=2(10x+y)-1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡을 정리하면 $8y=19x-1 \cdots ㉢$

㉢을 ㉠에 대입하여 풀면 $8y=19(y-4)-1 \quad \therefore y=7$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=3$

따라서 처음 수의 일의 자리의 숫자는 7이다.

17 답 100 g

2 %의 소금물을 x g, 10 %의 소금물을 y g이라 하면

$$\begin{cases} 2x+y=300 \cdots ㉠ \\ \frac{2}{100}x+\frac{10}{100}y=\frac{4}{100}\times 300 \text{에서 } 2x+10y=1200 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡-㉠을 하면 $9y=900 \quad \therefore y=100$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=100$

따라서 2 %의 소금물은 100 g이다.

18 답 360 g

처음 10 %의 소금물을 x g, 4 %의 소금물을 y g이라 하고,

소금의 양 사이의 관계를 이용하여 식을 세우면

$$\begin{cases} \frac{10}{100}\times x+\frac{4}{100}\times y=\frac{8}{100}\times (x+y) \\ \frac{8}{100}\times (x+y)-\frac{8}{100}\times 100+20=\frac{12}{100}\times (x+y-100+20) \end{cases}$$

$$\text{정리하면} \begin{cases} x=2y \cdots ㉠ \\ x+y=540 \cdots ㉡ \end{cases}$$

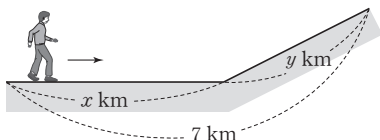
㉢을 ㉡에 대입하면 $3y=540 \quad \therefore y=180$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=360$

따라서 10 %의 소금물은 360 g이다.

19 답 3 km

시속 4 km로 걸은 거리를 x km, 시속 3 km로 걸은 오르막길의 거리를 y km라 하자.



총 걸린 시간 $\left(=\frac{\text{거리}}{\text{속력}}\right)$ 이 2시간이므로

$$\begin{cases} x+y=7 \cdots ㉠ \\ \frac{x}{4}+\frac{y}{3}=2 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠ $\times 3$ -㉡ $\times 12$ 를 하면 $-y=-3 \quad \therefore y=3$

따라서 오르막길의 거리는 3 km이다.

20 답 10분

하림이가 뛰어간 시간을 x 분, 걸어간 시간을 y 분이라 하면

뛰어난 거리는 $120x$ m, 걸어간 거리는 $60y$ m이므로

$$\begin{cases} x+y=15 \cdots ㉠ \\ 120x+60y=1500 \text{에서 } 2x+y=25 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡-㉠을 하면 $x=10$

따라서 뛰어간 시간은 10분이다.

21 답 3

열차의 길이를 x m, 속력을 초속 y m라 하면

$$\begin{cases} 630+x=20y \\ 1130+x=30y \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x=20y-630 \cdots ㉠ \\ x=30y-1130 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉢을 ㉡에 대입하면 $20y-630=30y-1130 \quad \therefore y=50$

따라서 기차의 속력은 초속 50 m이다.

22 답 2

화물 열차의 길이를 x m, 속력을 초속 y m라 하면

$$\begin{cases} \frac{x+570}{y}=50 \\ \frac{x-60+570}{2y}=23 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x-50y+570=0 \cdots ㉠ \\ x-46y+510=0 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉢-㉡을 하면 $-4y+60=0 \quad \therefore y=15$

이것을 ㉡에 대입하면 $x=180$

따라서 화물 열차의 길이는 180 m이다.

23 답 1

보트의 속력과 강물의 속력을 각각 시속 x km, 시속 y km라 하면

$$\begin{cases} \frac{8}{x+y}=\frac{20}{60} \\ \frac{8}{x-y}=1 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x+y=24 \cdots ㉠ \\ x-y=8 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉢-㉡을 하면 $2y=16 \quad \therefore y=8$

따라서 강물의 속력은 시속 8 km이다.

24 답 5

강물의 속력을 시속 x km, 배의 속력을 시속 y km라 하면

$$\begin{cases} 1.5(y-x)=30 \\ 0.5(x+y)=30 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} y-x=20 \cdots ㉠ \\ x+y=60 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉢+㉡을 하면 $2y=80 \quad \therefore y=40$

따라서 배의 속력은 시속 40 km이다.

25 답 ④

영일이의 속력을 초속 x m, 영이의 속력을 초속 y m라 하면

$$\begin{cases} 50x+50y=200 \\ 100(x-y)=200 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x+y=4 \cdots ㉠ \\ x-y=2 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠+㉡ \text{을 하면 } 2x=6 \quad \therefore x=3$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=1$

따라서 영일이의 속력은 영이의 속력의 3배이다.

26 답 ③

각자 출발 후 만날 때까지 동현이가 걸린 시간을 x 분, 형이 걸린 시간을 y 분이라 하면

$$\begin{cases} y-x=10 \\ 100y=150x \end{cases} \text{에서} \begin{cases} y=x+10 \cdots ㉠ \\ 2y=3x \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$2(x+10)=3x \quad \therefore x=20$$

따라서 동현이는 출발한 지 20분 만에 형을 만난다.

27 답 3

남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=45 \cdots ㉠ \\ \frac{x}{4}+\frac{y}{7}=45 \times \frac{1}{5} \end{cases} \text{에서 } 7x+4y=252 \cdots ㉡$$

$$㉡-㉠ \times 4 \text{를 하면 } 3x=72 \quad \therefore x=24$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=21$

따라서 남학생 수와 여학생 수의 차는

$$24-21=3$$

28 답 ⑤

남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=36 \cdots ㉠ \\ \frac{3}{8}x+\frac{7}{12}y=36 \times \frac{4}{9} \end{cases} \text{에서 } 9x+14y=384 \cdots ㉡$$

$$㉠ \times 14 - ㉡ \text{을 하면 } 5x=120 \quad \therefore x=24$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=12$

따라서 남학생 수는 24명이다.

29 답 ②

지난 주에 A 피자를 x 개, B 피자를 y 개 팔았다고 하면

$$\begin{cases} x+y=1000 \cdots ㉠ \\ -0.05x+0.1y=1000 \times 0.04 \end{cases} \text{에서 } -x+2y=800 \cdots ㉡$$

$$㉠+㉡ \text{을 하면 } 3y=1800 \quad \therefore y=600$$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=400$

따라서 이번 주에 판매한 A 피자 개수는

$$400 \times 0.95=380(\text{개})$$

30 답 300명

올해 학생 수가 597명이므로 작년 학생 수는 $597+3=600(\text{명})$ 이다.

작년 남학생 수와 여학생 수를 각각 x 명, y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=600 \cdots ㉠ \\ \frac{4}{100}x-\frac{5}{100}y=-3 \end{cases} \text{에서 } 4x-5y=-300 \cdots ㉡$$

㉠ $\times 5 + ㉡$ 을 하면

$$9x=2700 \quad \therefore x=300$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=300$

따라서 작년 여학생 수는 300명이다.

31 답 4회

A가 이긴 횟수를 x 회, B가 이긴 횟수를 y 회라 하면

$$\begin{cases} 3x-y=9 \cdots ㉠ \\ 3y-x=5 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠ $\times 3 + ㉡$ 을 하면

$$8x=32 \quad \therefore x=4$$

따라서 A가 이긴 횟수는 4회이다.

32 답 32점

A팀이 전반전에 얻은 점수를 x 점, 후반전에 얻은 점수를 y 점이라 하면 B팀이 전반전에 얻은 점수는 $(x+15)$ 점, 후반전에 얻은 점수는 $\frac{1}{2}y$ 점이므로

$$\begin{cases} x+y=57 \\ (x+15)+\frac{1}{2}y=56 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x+y=57 \cdots ㉠ \\ 2x+y=82 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡-㉠을 하면 $x=25$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=32$

따라서 A팀이 후반전에 얻은 점수는 32점이다.

33 답 20

$$\begin{cases} a=3b \cdots ㉠ \\ \frac{1}{2}(a+b)-\frac{2}{5}(a-b)=12 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡ $\times 10$ 을 하면

$$5(a+b)-4(a-b)=120 \text{에서}$$

$$a+9b=120 \cdots ㉢ \text{-----} \text{㉢}$$

㉠을 ㉢에 대입하면

$$3b+9b=120 \quad \therefore b=10$$

$$\text{이것을 ㉠에 대입하면 } a=30 \text{-----} \text{㉣}$$

$$\therefore a-b=30-10=20 \text{-----} \text{㉤}$$

| 채점기준 |

㉠ a, b 에 대한 연립방정식을 세운다.

[40%]

㉢ a, b 의 값을 각각 구한다.

[40%]

㉤ $a-b$ 의 값을 구한다.

[20%]

34 답 206명

작년 신입생 중에서 남학생을 x 명, 여학생을 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=425 \cdots ㉠ \\ 0.96x+1.03y=422 \cdots ㉡ \end{cases} \quad \text{-----} \text{㉢}$$

(㉠-㉡)×100을 하면

$$4x-3y=300 \cdots ㉣$$

$$㉠ \times 3 + ㉣ \text{을 하면 } 7x=1575 \quad \therefore x=225$$

$$\text{이것을 ㉠에 대입하면 } y=425-225=200 \quad \text{-----} \text{㉤}$$

따라서 올해 신입생 중에서 여학생 수는

$$1.03 \times 200 = 206(\text{명}) \quad \text{-----} \text{㉥}$$

| 채점기준 |

- ㉢ 연립방정식을 세운다. [40%]
- ㉣ 연립방정식을 푼다. [40%]
- ㉤ 올해 신입생 중에서 여학생 수를 구한다. [20%]

35 답 ⑤

떠낸 소금물의 양을 x g, 더 넣은 2%의 소금물의 양을 y g이라 하면

$$\begin{cases} 200-x+\frac{x}{2}+y=300 \\ \frac{6}{100} \times (200-x) + \frac{2}{100} \times y = \frac{3}{100} \times 300 \end{cases} \quad \text{에서}$$

$$\begin{cases} -x+2y=200 \cdots ㉠ \\ 6x-2y=300 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠+㉡ \text{을 하면 } 5x=500 \quad \therefore x=100$$

이것을 ㉠에 대입하면

$$-100+2y=200 \quad \therefore y=150$$

따라서 더 넣은 2%의 소금물의 양은 150g이다.

36 답 18 km

A, B 사이의 거리를 $2x$ km, 을이 걸린 시간을 $2t$ 시간이라 하면



갑이 걸린 시간은 $\frac{x}{6} + \frac{x}{3}$ 이고, 이 시간이 을이 걸린 시간보다 30분 더 걸렸으므로

$$\frac{x}{6} + \frac{x}{3} = 2t + \frac{30}{60}$$

$$\therefore x=4t+1 \cdots ㉠$$



한편, 을이 뚫 거리와 걸은 거리의 합은 전체 거리와 같으므로

$$6t+3t=2x \quad \therefore 9t=2x \cdots ㉡$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$9t=2(4t+1) \quad \therefore t=2$$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=9$

따라서 A, B 사이의 거리는 $2x=18(\text{km})$ 이다.



대단원 만점 문제

Ⅲ. 일차부등식과
연립일차방정식
문제면 64P

01 답 ①, ②

$$2a < b < a \text{이므로 } 2a < a \text{에서 } a < 0 \quad \therefore b < a < 0$$

$$㉠ \quad b < a < 0 \text{이므로 } b^2 > a^2 \text{에서 } -a^2 > -b^2$$

$$\therefore 1-a^2 > 1-b^2 \text{ (참)}$$

$$㉡ \quad -2a > 0, b < 0 \text{이므로 } -2a > b \text{ (참)}$$

$$㉢ \quad b < 0 \text{이므로 } 2b < b \text{이고, 또 } b < a \text{이므로 } 2b < a \text{ (거짓)}$$

$$㉣ \quad a^2 < b^2 \text{에서 양변을 양수 } ab \text{로 나누면 } \frac{a}{b} < \frac{b}{a} \text{ (거짓)}$$

$$㉤ \quad c \text{의 부호를 알 수 없으므로 부등호의 방향을 결정할 수 없다. (거짓)}$$

02 답 3

$$\frac{3x+6}{5} - \frac{2x-4}{2} > 2$$

$$\text{양변에 10을 곱하면 } 2(3x+6) - 5(2x-4) > 20$$

$$\text{괄호를 풀면 } 6x+12-10x+20 > 20$$

$$\text{정리하면 } -4x > -12 \quad \therefore x < 3$$

따라서 주어진 부등식을 만족시키는 자연수 x 의 값은 1, 2이므로

$$(\text{모든 자연수 } x \text{의 합}) = 1+2=3$$

03 답 ②

$$ax+3 > 3x-2 \text{에서 } (a-3)x > -5 \text{의 해가 } x < 1 \text{이므로 } a-3 < 0$$

$$\therefore x < \frac{-5}{a-3}$$

$$\text{그런데 해가 } x < 1 \text{이므로 } \frac{-5}{a-3} = 1$$

$$\therefore a = -2$$

04 답 ②

x 개월 후의 형의 저금액은 $(15000+3000x)$ 원,

동생의 저금액은 $(10000+1000x)$ 원이다.

형의 저금액이 동생의 저금액의 2배 이상이 된다고 하면

$$15000+3000x \geq 2(10000+1000x)$$

$$15000+3000x \geq 20000+2000x$$

$$15+3x \geq 20+2x \quad \therefore x \geq 5$$

따라서 형의 저금액이 동생의 저금액의 2배 이상이 되는 때는 5개월 후부터이다.

05 답 ④

진영이가 네 번째 시험에서 x 점을 받는다고 하면 평균이 90점 이상 이 되어야 하므로

$$\frac{81+97+86+x}{4} \geq 90$$

$$264+x \geq 360 \quad \therefore x \geq 96$$

따라서 진영이는 네 번째 시험에서 적어도 96점을 받아야 한다.

Ⅲ-06

연립일차
방정식의
활용

06 답 ②

인화해야 하는 증명사진의 수를 x 장이라 하면

$$4000 + 200(x-6) \leq 400x$$

$$4000 + 200x - 1200 \leq 400x$$

$$-200x \leq -2800 \quad \therefore x \geq 14$$

따라서 14장 이상을 인화하면 사진 1장의 가격이 400원 이하가 된다.

07 답 -4

$\begin{cases} x-2y=a \\ x+y=8 \end{cases}$ 의 해가 $x=b, y=5$ 이므로 연립방정식에 각각 대입하면

$$\begin{cases} b-10=a \cdots ㉠ \\ b+5=8 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡에서 $b=3$, 이것을 ㉠에 대입하면

$$3-10=a \quad \therefore a=-7$$

$$\therefore a+b=(-7)+3=-4$$

08 답 5

연립방정식 $\begin{cases} 6x+by=4 \cdots ㉠ \\ ax-y=2 \cdots ㉡ \end{cases}$ 의 해는 일차방정식 $3x-y=2$ 를

만족시키는 모든 x, y 의 순서쌍 (x, y) 이므로 방정식 ㉠, ㉡의 해는 모두 일차방정식 $3x-y=2$ 의 해와 같아야 한다.

㉡에서 $a=3$

또, $\frac{1}{2} \times ㉠$ 은 $3x+\frac{b}{2}y=2$ 이고 이는 $3x-y=2$ 와 같아야 하므로

$$\frac{b}{2}=-1 \quad \therefore b=-2$$

$$\therefore a-b=3-(-2)=5$$

09 답 ②

연립방정식 $\begin{cases} (a-1)x+y=3 \cdots ㉠ \\ 4x+2y=a+b \cdots ㉡ \end{cases}$ 에서

$$㉠ \times 2 - ㉡$$
을 하면 $(2a-6)x=6-a-b \cdots ㉢$

㉢의 해가 없기 위해서는 ㉢의 식이 $0 \times x=c(c \neq 0)$ 꼴이 되어야 한다.

$$\text{즉, } 2a-6=0, 6-a-b \neq 0 \quad \therefore a=3, b \neq 3$$

10 답 8일

전체 일의 양을 1이라 하고, A, B가 1일 동안 할 수 있는 일의 양을 각각 x, y 라 하면

$$\begin{cases} 4x+6y=1 \cdots ㉠ \\ 2x+9y=1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠-㉡ \times 2$$
를 하면 $-12y=-1 \quad \therefore y=\frac{1}{12}$

$$\text{이것을 ㉡에 대입하면 } x=\frac{1}{8}$$

따라서 A가 혼자 이 일을 한다면 8일이 걸린다.

11 답 ②

A 열차의 길이를 x m, 속력을 초속 y m라 하면 B 열차의 길이는 $(x-40)$ m, 속력은 초속 $(y+10)$ m이므로

$$\begin{cases} \frac{x+500}{y}=16 \\ \frac{x-40+500}{y+10}=12 \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} x-16y=-500 \cdots ㉠ \\ x-12y=-340 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠-㉡$$
을 하면 $-4y=-160 \quad \therefore y=40$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=140$

따라서 A 열차의 길이는 140 m이다.

12 답 ①

처음 주문한 짜장면과 짬뽕의 그릇 수를 각각 x 그릇, y 그릇이라 하면

$$\begin{cases} x+y=10 \\ 3000y+3500x=3000x+3500y+2000 \end{cases} \text{에서}$$

$$\begin{cases} x+y=10 \cdots ㉠ \\ x-y=4 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠+㉡$$
을 하면 $2x=14 \quad \therefore x=7$

따라서 처음 주문한 짜장면은 7그릇이다.

IV 일차함수와 그래프



07 일차함수의 그래프와 활용

문제편
68P

01 답 ③

① $x+y=2$ 에서 $y=-x+2$ 이므로 x 에 대응하는 y 는 하나뿐이다. 따라서 함수이다.

② 자연수 x 가 결정되면 이에 대응하는 약수의 개수 y 도 하나로 결정되므로 함수이다.

③ 자연수 x 와 서로소인 수는 여러 개 있을 수 있다. 따라서 x 에 대응하는 y 가 2개 이상일 수 있으므로 함수가 아니다.

④ $y=3x$ 로 x 에 대응하는 y 는 하나뿐이다. 따라서 함수이다.

⑤ $y=x$ 로 x 에 대응하는 y 는 하나뿐이다. 따라서 함수이다.

02 답 ⑤

① $x=5$ 이면 $y=0$ 이 되어 자연수가 아니므로 함수가 아니다.

② $x=11$ 이면 $y=-1$ 이 되어 자연수가 아니므로 함수가 아니다.

③ $x=3$ 이면 $y=\frac{10}{3}$ 이 되어 자연수가 아니므로 함수가 아니다.

④ $x=1$ 이면 $y=0$ 이 되어 자연수가 아니므로 함수가 아니다.

⑤ x 의 값이 정해지면 y 의 값도 하나만 정해지므로 함수이다.

03 답 ②

$$g(2)=2^2-1=3, f(-2)=-2 \times (-2)+3=7$$

$$\therefore g(2)-f(-2)=3-7=-4$$

04 답 ①

$$f(2x+3)=\frac{3}{x}-2 \cdots \textcircled{1} \text{에서 } f(1) \text{을 구하려면}$$

$$2x+3=1 \text{에서 } x=-1 \text{이므로 } x=-1 \text{을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면}$$

$$f(2 \times (-1)+3)=f(1)=\frac{3}{-1}-2=-5$$

05 답 -2

$$f(0)=-5 \text{에서 } f(0)=a \times 0+b=-5 \quad \therefore b=-5$$

$$\text{즉, } f(x)=ax-5 \text{이므로}$$

$$f(3)=4 \text{에서 } f(3)=a \times 3-5=4$$

$$3a=9 \quad \therefore a=3$$

$$\therefore a+b=3+(-5)=-2$$

06 답 1

$$f(-3)=-3a+3-2a+1=-6 \text{에서}$$

$$-5a=-10 \quad \therefore a=2$$

$$\text{즉, } f(x)=ax-x-2a+1=x-3 \text{이므로}$$

$$f(2)=2-3=-1$$

$$\therefore a+f(a)=2+f(2)=2+(-1)=1$$

07 답 ③

$$f(a)=-a \text{에서 } f(a)=-3a+1=-a$$

$$-2a=-1 \quad \therefore a=\frac{1}{2}$$

$$\therefore g(a)=g\left(\frac{1}{2}\right)=2 \times \frac{1}{2}=1$$

08 답 y=20-2x

$$\overline{PC}=10-x, \overline{CD}=4 \text{이므로}$$

$$(\text{삼각형 DPC의 넓이})=y=\frac{1}{2} \times 4 \times (10-x)$$

$$=20-2x$$

09 답 ③

$$5 \text{ L로 } 60 \text{ km를 갈 수 있으므로 } 1 \text{ L로는 } 12 \text{ km를 갈 수 있다.}$$

$$\therefore y=12x$$

10 답 ②

$$3 \text{ m의 질량이 } 150 \text{ g이므로 } 1 \text{ m의 질량은 } 50 \text{ g이다.}$$

$$100 \text{ g당 가격이 } 2400 \text{ 원이므로 } 50 \text{ g당 가격은 } 1200 \text{ 원이다.}$$

$$\text{따라서 } 1 \text{ m의 가격은 } 1200 \text{ 원이므로}$$

$$y=1200x$$

11 답 ①

- ① $y=400x$ 이고, y 는 x 에 대한 일차식이므로 일차함수이다.
- ② 세 변의 길이가 4, 4, 4인 삼각형과 3, 4, 5인 삼각형은 둘레의 길이가 12로 서로 같지만 넓이가 다르다. x 의 값에 대하여 y 의 값이 여러 개이므로 함수가 될 수 없다.
- ③, ⑤ x 의 값이 정해지면 y 의 값도 하나만 정해지므로 함수이지만 y 는 x 에 대한 일차식으로 나타낼 수 없으므로 일차함수가 아니다.
- ④ 자연수 x 의 양의 약수는 여러 개이므로 함수가 아니다.

12 답 ③, ④

- ① x 의 값에 따라 y 의 값이 하나씩 정해지지 않으므로 함수가 아니다.
- ② $y=\frac{30}{x+30} \times 100=\frac{3000}{x+30}$ 이고, y 는 x 에 대한 일차식으로 나타내어지지 않으므로 일차함수가 아니다.
- ③ $y=1000x$ 이고, y 는 x 에 대한 일차식으로 나타내어지므로 일차함수이다.
- ④ $y=280-10x (0 \leq x \leq 28)$ 이고 y 는 x 에 대한 일차식으로 나타내어지므로 일차함수이다.
- ⑤ 가로 길이가 x cm이므로 세로 길이는 $2x$ cm, 높이는 $3x$ cm이다. 이 직육면체의 부피 y 는 $y=x \times 2x \times 3x=6x^3$ 이고, y 는 x 에 대한 일차식으로 나타내어지지 않으므로 일차함수가 아니다.

13 답 ②, ③

- ② 일차함수 $y=-\frac{1}{3}x$ 의 그래프는 x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ③ 일차함수 $y=3x$ 의 그래프는 오른쪽 위로 향하는 직선이다.

14 답 2

일차함수의 그래프를 y 축의 방향으로 평행이동해도 기울기는 변하지 않으므로 $a=3$

일차함수 $y=3x+b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 5만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=3x+(b+5)$

이 식이 $y=ax+4=3x+4$ 와 같으므로 $b+5=4 \quad \therefore b=-1$

$$\therefore a+b=2$$

15 답 1

일차함수 $y=-3x+a-2$ 가 점 $(3, -6)$ 을 지나므로

$$-6=-3 \times 3+a-2 \quad \therefore a=5$$

일차함수 $y=-3x+3$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 5만큼 평행이동한 $y=-3x+8$ 의 그래프가 점 $(k, k+4)$ 를 지나므로

$$k+4=-3k+8 \quad \therefore k=1$$

16 답 -8

일차함수 $y=4x+b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 b 만큼 평행이동한 직선을 나타내는 일차함수의 식은

$$y=4x+2b \cdots \textcircled{1}$$

또, 일차함수 $y=ax-6$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 $-b$ 만큼 평행이동한 직선을 나타내는 일차함수의 식은

$$y=ax-6-b \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}=\textcircled{2} \text{이어야 하므로 } a=4, 2b=-6-b \quad \therefore a=4, b=-2$$

$$\therefore ab=-8$$

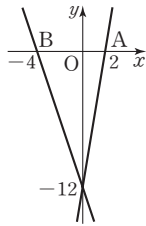
17 답 -6

일차함수 $y=a(x-2)$ ($a>0$)의 그래프가 x 축과 만나는 점은 $A(2, 0)$ 이다.

$\overline{AB}=6$ 이고 두 일차함수의 그래프가 y 축 위에서 만나므로 일차함수 $y=-3x+b$ 의 그래프는 점 $B(-4, 0)$ 을 지나야 한다. $\therefore b=-12$

그래프를 그려보면 오른쪽 그림과 같고 일차함수 $y=a(x-2)$ 의 그래프도 점 $(0, -12)$ 를 지나므로 $\therefore a=6$

$$\therefore a+b=-6$$



18 답 (3, 0)

일차함수 $y=2x+a$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 그래프가 나타내는 일차함수의 식은 $y=2x+a-2$

이 함수의 그래프가 x 축과 점 $(4, 0)$ 에서 만나므로

$$0=2 \times 4 + a - 2 \quad \therefore a=-6$$

따라서 일차함수 $y=2x-6$ 의 그래프가 x 축과 만나는 점의 좌표는 $(3, 0)$ 이다.

19 답 $\frac{11}{2}$

일차함수 $y=ax+2$ 의 그래프가 y 축과 만나는 점은 $(0, 2)$ 이므로

일차함수 $y=\frac{1}{3}x+\frac{a}{2}$ 의 그래프도 점 $(0, 2)$ 를 지나야 한다.

$$\frac{a}{2}=2 \quad \therefore a=4$$

즉, 두 일차함수는 $y=4x+2$,

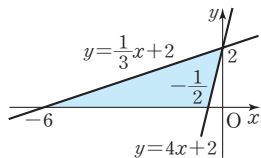
$y=\frac{1}{3}x+2$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 도형은 오른쪽 그림과 같은

삼각형이고, 두 일차함수의 x 절편을 각각 구하면

$$0=4x+2 \text{에서 } x=-\frac{1}{2}$$

$$0=\frac{1}{3}x+2 \text{에서 } x=-6$$

$$\therefore (\text{구하는 도형의 넓이}) = \frac{1}{2} \times \left\{ -\frac{1}{2} - (-6) \right\} \times 2 = \frac{11}{2}$$



20 답 1

두 일차함수 $y=-2x+4$,

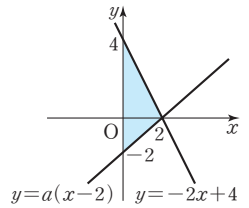
$y=a(x-2)$ 의 그래프는 모두 x 절편이 2이므로 x 축 위의 점 $(2, 0)$ 에서 만난다.

두 일차함수의 그래프와 y 축으로 둘러싸인 도형은 오른쪽 그림과 같은 삼각형이다.

일차함수 $y=a(x-2)$ 의 그래프의 y 절편을 k 라 하면 삼각형의 넓이가 6이므로

$$\frac{1}{2} \times (4-k) \times 2 = 6 \quad \therefore k=-2$$

따라서 일차함수 $y=a(x-2)$ 의 그래프는 점 $(0, -2)$ 를 지나므로 $-2=a(0-2) \quad \therefore a=1$



21 답 -99

$$(\text{기울기}) = \frac{(y \text{의 값의 증가량})}{(x \text{의 값의 증가량})} = \frac{-3}{3} = -1$$

일차함수 $y=f(x)$ 를 $f(x)=-x+k$ 라 하면

$$f(100)-f(1) = (-100+k) - (-1+k) = -99$$

22 답 ②

일차함수 $y=f(x)$ 를 $f(x)=ax+b$ 라 하면

$$f(x+2)=a(x+2)+b=ax+2a+b \text{이므로}$$

$$f(x+2)-f(x)=ax+2a+b-(ax+b)=2a=4$$

$$\therefore a=2$$

$\frac{f(100)-f(50)}{100-50}$ 은 x 의 값이 50에서 100까지 변할 때 x 의 값의 증

가량에 대한 y 의 값의 증가량의 비율, 즉 기울기를 나타내므로

$$\frac{f(100)-f(50)}{100-50}=a=2$$

23 답 $\frac{2}{3} \leq a \leq 5$

일차함수 $y=ax-1$ 의 그래프가 $\overline{AB}$ 와 만나려면 오른쪽 위로 향해야 하므로 $a>0$

$a>0$ 일 때는 a 의 값이 클수록 기울기가 커지므로 그래프가 $\overline{AB}$ 와 만나는 경우 중 a 의 값이 가장 작을 때는 점 B 를 지날 때이고, 가장 클 때는 점 A 를 지날 때이다.

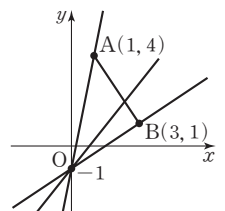
(i) 일차함수의 그래프가 점 $B(3, 1)$ 을 지날 때

$$1=3a-1 \quad \therefore a=\frac{2}{3}$$

(ii) 일차함수의 그래프가 점 $A(1, 4)$ 를 지날 때

$$4=a-1 \quad \therefore a=5$$

(i), (ii)에 의하여 일차함수의 그래프가 $\overline{AB}$ 와 만날 때의 상수 a 의 값의 범위는 $\frac{2}{3} \leq a \leq 5$ 이다.



24 답 $-\frac{11}{4}$

세 점 $(-1, 4)$, $(2, -k-1)$, $(4, k+3)$ 이 한 직선 위에 있으려면 두 점을 지나는 직선의 기울기가 같아야 한다.

$$\begin{aligned}(\text{기울기}) &= \frac{(y \text{의 값의 증가량})}{(x \text{의 값의 증가량})} \\ &= \frac{-k-1-4}{2-(-1)} = \frac{k+3-(-k-1)}{4-2}\end{aligned}$$

$$2(-k-5) = 3(2k+4)$$

$$\therefore k = -\frac{11}{4}$$

25 답 $a > 0, b < 0$

그래프가 오른쪽 위로 향하고 있으므로 기울기는 양수이다.

$$-\frac{b}{a} > 0 \quad \therefore \frac{b}{a} < 0$$

즉, a 와 b 의 부호는 다르다.

y 절편이 양수이므로 $-b > 0 \quad \therefore b < 0$

$$\therefore a > 0, b < 0$$

26 답 -1

일차함수의 그래프는 직선이므로 함수식을 만족시키는 두 점을 찾아 직선으로 연결하는 방법으로 그릴 수 있다.

두 점 $(1, m)$, $(n, 2)$ 가 함수식을 만족시키므로 각각 대입하면

$$-2 \times 1 + \frac{4}{3} = m, \quad -2n + \frac{4}{3} = 2$$

$$\therefore m = -\frac{2}{3}, n = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore m + n = -1$$

27 답 제 1사분면

일차함수의 그래프가 오른쪽 위로 향하므로 기울기는 양수이다.

$$\therefore a > 0$$

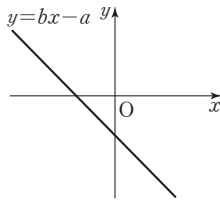
또, 그래프가 y 축과 음의 부분에서 만나므로 y 절편은 음수이다.

$$\therefore b < 0$$

따라서 일차함수 $y = bx - a$ 에서

기울기 $b < 0$ 이고, y 절편 $-a < 0$ 이다.

즉, 일차함수 $y = bx - a$ 의 그래프는 오른쪽 그림과 같으므로 지나지 않는 사분면은 제 1사분면이다.



28 답 $\frac{2}{3} < k < 3$

일차함수의 그래프가 제 3사분면을 제외한 모든 사분면, 즉 제 1, 2, 4사분면을 지나려면 기울기는 음수, y 절편은 양수이어야 한다.

$$\text{즉, } 2 - 3k < 0 \text{에서 } k > \frac{2}{3}$$

$$-2k + 6 > 0 \text{에서 } k < 3$$

$$\therefore \frac{2}{3} < k < 3$$

29 답 ②

$ab > 0, bc < 0$ 이므로 a, b 는 같은 부호, c 는 a, b 와 다른 부호이다.

$$\therefore \frac{a}{c} < 0, -\frac{b}{a} < 0$$

따라서 기울기가 음수이므로 오른쪽 아래로 향하고, y 절편이 음수이므로 y 축과 음의 부분에서 만나는 그래프는 ②이다.

30 답 제 2사분면

그래프는 오른쪽 아래로 향하는 직선이므로 기울기는 음수이다.

$$\therefore a < 0$$

또, x 절편이 $-b$ 이고 x 축과 양의 부분에서 만나므로 $-b > 0$

$$\therefore a < 0, b < 0$$

일차함수 $y = abx + (a+b)$ 의 그래프의

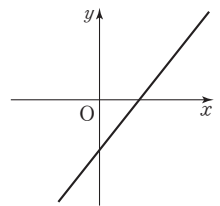
기울기 ab 는 양수이고, y 절편 $a+b$ 는 음

수이므로 이 함수의 그래프는 오른쪽 그

림과 같이 y 축과 음의 부분에서 만나고 오

른쪽 위로 향하는 직선이다.

따라서 지나지 않는 사분면은 제 2사분면이다.



31 답 -10

일차함수 $y = a(x+1) - 3 = ax + (a-3)$ 의 그래프는 일차함수 $y = 5x - 2$ 의 그래프와 평행하므로 기울기는 같고, y 절편은 같지 않아야 한다.

즉, $a = 5$ 이고 $a - 3 \neq -2$ 이어야 하므로 $a = 5$

한편, 일차함수 $y = b(1-2x) + x = (1-2b)x + b$ 의 그래프는 일차함수 $y = 5x - 2$ 의 그래프와 일치해야 하므로 기울기와 y 절편이 각각 같아야 한다.

$$\text{즉, } 1 - 2b = 5 \quad \therefore b = -2$$

$$\therefore ab = -10$$

32 답 제 2사분면

두 일차함수의 그래프가 일치하므로 기울기와 y 절편이 각각 같아야 한다.

두 식을 각각 정리하면

$$y = -2x + a - 3(5 - ax) = (3a - 2)x + (a - 15)$$

$$y = -2b(2x - 1) + 3x = (3 - 4b)x + 2b$$

$$\therefore \begin{cases} 3a - 2 = 3 - 4b \\ a - 15 = 2b \end{cases}$$

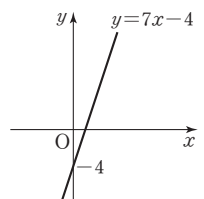
a, b 에 대한 연립일차방정식을 풀면

$$a = 7, b = -4$$

따라서 일차함수 $y = 7x - 4$ 의 그래프를 그

리면 오른쪽 그림과 같고 지나지 않는 사분

면은 제 2사분면이다.



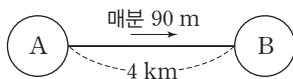
33 답 ④, ⑤

- ① x 절편은 2, y 절편은 4이다.
 ② 그래프가 두 점 (0, 4), (2, 0)을 지나므로 x 의 값이 2만큼 증가할 때, y 의 값은 4만큼 감소함을 알 수 있다.
 즉, x 의 값의 증가량에 대한 y 의 값의 증가량의 비율은 -2 이다.
 ③ ②에서 기울기는 -2 이고, y 절편은 4이므로 일차함수의 식은 $y = -2x + 4$ 이다.
 ④ 일차함수의 식이 $y = -2x + 4 = -2x + 3 + 1$ 이므로 일차함수 $y = -2x + 3$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 그래프이다.
 ⑤ 일차함수의 식 $y = -2x + 4$ 에 점 (3, -2)의 좌표값을 대입하면 식을 만족시키므로 점 (3, -2)를 지난다.

34 답 ②

- ① 일차함수 $y = \frac{b}{a}x - \frac{c}{a}$ 에서 $x=0$ 일 때, $y = -\frac{c}{a}$ 이므로 점 $(0, -\frac{c}{a})$ 를 지난다.
 ② 두 일차함수 $y = \frac{b}{a}x - \frac{c}{a}$ 와 $y = \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}$ 는 기울기가 같고, y 절편이 다르므로 평행하다.
 ③ 기울기가 $\frac{b}{a}$ 이므로 x 의 값이 a 만큼 증가할 때, y 의 값은 b 만큼 증가한다.
 ④ $y = \frac{b}{a}x - \frac{c}{a} = \frac{b}{a}(x - \frac{c}{b})$ 의 그래프는 $y = \frac{b}{a}x$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 $\frac{c}{b}$ 만큼 평행이동한 것이다.
 ⑤ 기울기는 양수이고, y 절편은 음수이므로 $\frac{b}{a} > 0$, $-\frac{c}{a} < 0$
 $a > 0$ 일 때 $b > 0$, $c > 0$ 이다.

35 답 ⑤



(거리)=(속력)×(시간)이므로 x 분 동안 갈 수 있는 거리는 $90x$ m이고 $1 \text{ m} = 0.001 \text{ km}$ 이므로 $90x \text{ m} = 0.09x \text{ km}$
 $\therefore$ (남은 거리) $= y = 4 - 0.09x$

36 답 ②

기온이 x °C일 때 소리의 속력이 초속 y m이므로 $y = ax + b$ 라 하면
 $x=0$ 일 때 $y=331$ 이므로 $b=331$
 즉, $y = ax + 331$
 또, x 가 1만큼 커질 때 y 는 0.6씩 증가하므로 $a=0.6$
 $\therefore y = 0.6x + 331$

37 답 (1) $y = -0.006x + 20$ ($x \geq 0$) (2) 17 °C

- (1) 높이가 100 m 높아질 때마다 기온이 0.6 °C씩 내려가므로 1 m 높아질 때마다 0.006 °C씩 내려간다.
 현재 지면의 기온이 20 °C이므로
 $y = 20 - 0.006x \quad \therefore y = -0.006x + 20$ ($x \geq 0$)
 (2) $x=500$ 이므로 $y = -0.006x + 20$ 에 대입하면
 $y = -0.006 \times 500 + 20 = 17$ (°C)

38 답 -6

양초의 길이가 20분에 5 cm씩 짧아지므로 1분에 $\frac{5}{20} = \frac{1}{4}$ (cm)씩 짧아지고 x 분 동안에는 $\frac{1}{4}x$ cm가 짧아진다.
 처음 양초의 길이가 24 cm이므로 x 분 후에 남은 양초의 길이는
 $y = -\frac{1}{4}x + 24$
 따라서 $a = -\frac{1}{4}$, $b=24$ 이므로
 $ab = -\frac{1}{4} \times 24 = -6$

39 답 (1) $y = 0.1x + 15$ ($0 \leq x \leq 100$) (2) 50 g

- (1) 추의 무게가 10 g씩 증가할 때마다 용수철의 길이는 1 cm씩 늘어나므로 추의 무게가 1 g씩 증가할 때마다 용수철의 길이는 0.1 cm씩 늘어난다. 즉, 추의 무게가 x g 증가하면 용수철의 길이는 $0.1x$ cm 늘어난다. 한편, 100 g짜리 물건까지 측정할 수 있으므로 $0 \leq x \leq 100$ 이다.
 따라서 아무것도 달지 않았을 때, 용수철의 길이가 15 cm이므로 무게가 x g인 추를 달았을 때의 용수철의 길이 y cm 사이의 관계식은 $y = 0.1x + 15$ ($0 \leq x \leq 100$)
 (2) $y = 0.1x + 15$ 에 $y=20$ 을 대입하면
 $20 = 0.1x + 15 \quad \therefore x = 50$
 따라서 50 g의 추를 달았을 때 용수철의 길이는 20 cm가 된다.

40 답 $y = 300 - 20x$ ($0 \leq x \leq 15$)

3분 동안에 60 L의 비율로 물이 흘러나오므로 1분 동안에는 $\frac{60}{3} = 20$ (L)씩 흘러나온다. x 분 동안에는 $20x$ L의 물이 흘러나온다.
 처음 들어 있는 물의 양이 300 L이므로
 (남은 물의 양) $= 300 - (x$ 분 동안 흘러나온 물의 양)
 에서 구하는 x 와 y 사이의 관계식은 $y = 300 - 20x$
 이때, 15분 후 물통에는 남은 물이 없으므로 $0 \leq x \leq 15$ 이다.
 $\therefore y = 300 - 20x$ ($0 \leq x \leq 15$)

41 답 ②

1시 x 분일 때 물의 높이를 바닥에서부터 y cm라 하면

$y = ax + b$ 에서

$x = 10$ 일 때, $y = 25$ 이므로 $25 = 10a + b \cdots \text{㉠}$

$x = 25$ 일 때, $y = 55$ 이므로 $55 = 25a + b \cdots \text{㉡}$

㉠-㉡을 하면 $30 = 15a$, 즉 $a = 2$

이것을 ㉠에 대입하면 $25 = 20 + b$, 즉 $b = 5 \quad \therefore y = 2x + 5$

물이 높이가 75 cm일 때, 즉 $y = 75$ 일 때 x 의 값을 구하면

$75 = 2x + 5, 2x = 70 \quad \therefore x = 35$

따라서 구하는 시각은 1시 35분이다.

42 답 (1) 20 cm (2) 2분 30초

(1) 처음에 들어 있는 물의 높이는 $x = 0$ 일 때, y 의 값이다.

$\therefore y = 20$

(2) 10분 동안 물의 높이가 40 cm 높아졌으므로 1분당 4 cm씩 물의 높이가 높아짐을 알 수 있다.

따라서 x 분 후 물의 높이 y 는 $y = 4x + 20$

물통의 반을 채운 것은 물의 높이가 30 cm일 때이므로 $y = 30$ 일

때, x 의 값을 구하면 $30 = 20 + 4x \quad \therefore x = \frac{5}{2}$

따라서 물통의 반을 채운 것은 물을 받기 시작한 지 2분 30초가 되었을 때이다.

43 답 4 cm

$\overline{BP}$ 의 길이 x cm와 사각형 ABPD의 넓이 y cm² 사이의 관계식은

$y = \frac{1}{2} \times (20 + x) \times 10 = 5x + 100 (0 < x \leq 20)$

$y = 120$ 일 때, $5x + 100 = 120 \quad \therefore x = 4$

따라서 사각형 ABPD의 넓이가 120 cm²일 때, $\overline{BP}$ 의 길이는 4 cm이다.

44 답 15초 후

점 P가 점 A를 출발한 지 x 초 후 $\triangle CAP$ 와 $\triangle DPB$ 의 넓이의 합을 y cm²라 하자.

매초 2 cm의 속력이므로 x 초 후 $\overline{AP}$, $\overline{BP}$ 의 길이는 각각

$\overline{AP} = 2x$ cm, $\overline{BP} = (50 - 2x)$ cm

$\therefore y = \triangle CAP + \triangle DPB$

$= \frac{1}{2} \times 20 \times 2x + \frac{1}{2} \times 30 \times (50 - 2x)$

$= 750 - 10x (0 < x < 25)$

$\triangle CAP$ 와 $\triangle DPB$ 의 넓이의 합이 600 cm²가 되는 때는

$750 - 10x = 600 \quad \therefore x = 15$

따라서 점 P가 점 A를 출발한 지 15초 후 $\triangle CAP$ 와 $\triangle DPB$ 의 넓이의 합이 600 cm²가 된다.

45 답 5

두 일차함수의 그래프가 평행하므로 기울기가 같다.

$\therefore a = -2$ ----- ㉠

또, 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프가 점 (2, 3)을 지나므로

$2a + b = 3 \quad \therefore b = 7$ ----- ㉡

$\therefore a + b = 5$ ----- ㉢

|채점기준|

㉠ 그래프의 평행을 이용하여 a 의 값을 구한다. [40%]

㉡ 지나는 점을 대입하여 b 의 값을 구한다. [40%]

㉢ $a + b$ 의 값을 구한다. [20%]

46 답 (1) $\begin{cases} y = \frac{1}{15}x & (0 \leq x \leq 30) \\ y = 2 + \frac{1}{5}(x - 30) & (30 \leq x \leq 55) \end{cases}$ (2) 5 km

(1) A $\rightarrow$ B에서의 속력은

$\frac{2}{30} = \frac{1}{15}$ (km/분) ($0 \leq x \leq 30$ 일 때)

B $\rightarrow$ C에서의 속력은

$\frac{5}{25} = \frac{1}{5}$ (km/분) ($30 \leq x \leq 55$ 일 때)

$\therefore \begin{cases} y = \frac{1}{15}x & (0 \leq x \leq 30) \\ y = 2 + \frac{1}{5}(x - 30) & (30 \leq x \leq 55) \end{cases}$ ----- ㉠

(2) $x = 45$ 일 때, $y = 2 + \frac{1}{5}(45 - 30) = 5$ (km) ----- ㉢

|채점기준|

㉠ x 와 y 사이의 관계식을 구한다. [70%]

㉢ $x = 45$ 일 때, y 의 값을 구한다. [30%]

47 답 ③

ㄱ. 함수 $y = ax + b$ 의 그래프의 x 절편이 함수 $y = cx + d$ 의 x 절편보다 더 크므로

$-\frac{b}{a} > -\frac{d}{c} \quad \therefore \frac{b}{a} < \frac{d}{c}$ (거짓)

ㄴ. 함수 $y = ax + b$ 는 $x = 1$ 일 때, 양수인 함숫값을 가지므로

$a + b > 0$ (참)

ㄷ. 두 함수의 그래프는 오른쪽 아래로 향하는 직선이고, $y = cx + d$

의 그래프가 $y = ax + b$ 의 그래프보다 y 축에 더 가까우므로

$a < 0, c < 0, |a| < |c|$ 이다. $\therefore c < a < 0$ (참)

ㄹ. 함수 $y = cx + d$ 는 $x = 1$ 일 때, 음수인 함숫값을 가지므로

$c + d < 0$ (거짓)

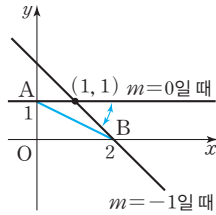
따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ이다.

48 답 (1) (1, 1) (2) $-1 < m < 0$

(1) $y = mx - m + 1$ 에서 $y - 1 = m(x - 1)$ 이므로 이 직선은 m 의 값에 관계없이 점 (1, 1)을 지난다.

(2) $y-1=m(x-1)$ 의 그래프는 항상

점 (1, 1)을 지나고 기울기 m 의 값이
바뀌에 따라 직선의 방향이 바뀐다.
주어진 직선이 선분 AB의 양 끝
점 A, B와 만날 때 각각 $m=0$,
 $m=-1$ 이므로 선분 AB와 만나지
않기 위한 상수 m 의 값의 범위는 $-1 < m < 0$ 이다.



08 일차함수와 일차방정식의 관계

문제편
82P

01 답 ③

ㄱ. $y = -\frac{2}{3}x + 4$ 에서 $3y = -2x + 12$, $2x + 3y - 12 = 0 \leftarrow \text{OK!}$

ㄴ. $y = -2x + 12$ 에서 $2x + y - 12 = 0$

ㄷ. $-\frac{x}{2} - \frac{y}{3} + 2 = 0$ 에서 $-3x - 2y + 12 = 0$, $3x + 2y - 12 = 0$

ㄹ. $0.4x + 0.6y = 2.4$ 에서 $4x + 6y = 24$, $2x + 3y - 12 = 0 \leftarrow \text{OK!}$

ㅁ. $\frac{x}{6} + \frac{y}{4} = 1$ 에서 $2x + 3y = 12$, $2x + 3y - 12 = 0 \leftarrow \text{OK!}$

따라서 구하는 일차방정식은 ㄱ, ㄹ, ㅁ이다.

02 답 ④

일차방정식 $ax + by = 3$ 의 그래프가 두 점 (3, 3), (1, 0)을 지나므로

$$\begin{cases} 3a + 3b = 3 \\ a = 3 \end{cases} \quad \therefore a = 3, b = -2$$

즉, 일차방정식은 $3x - 2y = 3$

④ $x = -1$, $y = -2$ 를 $3x - 2y = 3$ 에 각각 대입하면

$$3 \times (-1) - 2 \times (-2) = 1 \neq 3$$

03 답 (1) $x = -5$ (2) $y = 3$ (3) $(-5, 3)$

(1) y 축에 평행하면 직선이 지나는 점들의 x 좌표가 모두 같다.

$$\therefore x = -5$$

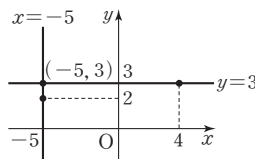
(2) y 축에 수직이면 직선이 지나는 점들의 y 좌표가 모두 같다.

$$\therefore y = 3$$

(3) 두 그래프가 만나는 교점은

$x = -5$ 이고 $y = 3$ 이므로

$(-5, 3)$ 이다.



04 답 2

y 축에 평행한 직선이므로 이 직선이 지나는 점은 모두 x 좌표가 같다.

즉, $2a - 1 = 3$ 이므로 $a = 2$

05 답 (1) 제 3사분면 (2) 제 3, 4사분면

일차방정식 $ax + by + c = 0$ ($a \neq 0$ 또는 $b \neq 0$)의 그래프는 직선으로 나타내어진다.

(1) $ab < 0$ 이므로 $b \neq 0$

따라서 일차방정식 $ax - by - c = 0$ 에서

$$y = \frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$$

$ab < 0$ 이므로 기울기 $\frac{a}{b}$ 는 음수이다.

$ab < 0$, $ac > 0$ 이므로 $bc < 0$, 즉 y 절편 $-\frac{c}{b}$ 는 양수이다.

따라서 직선 $ax - by - c = 0$ 은 제 1, 2, 4사분면을 지나므로 지나지 않는 사분면은 제 3사분면이다.

(2) $ab = 0$, $bc < 0$ 이므로 $a = 0$, $b \neq 0$

즉, 일차방정식 $ax - by - c = 0$ 에서

$$by + c = 0, y = -\frac{c}{b}$$

$y = k$ (k 는 상수) 꼴의 직선이므로 x 축에 평행하다.

$bc < 0$ 이므로 $-\frac{c}{b}$ 는 양수이다.

따라서 직선 $ax - by - c = 0$ 은 제 1, 2사분면을 지나므로 지나지 않는 사분면은 제 3, 4사분면이다.

06 답 ④

$ab < 0$, $ac = 0$ 에서 $a \neq 0$, $b \neq 0$, $c = 0$

즉, $ax - by + c = 0$ 에서

$$ax - by = 0 \quad \therefore y = \frac{a}{b}x$$

$ab < 0$ 이므로 $\frac{a}{b} < 0$

따라서 주어진 일차방정식의 그래프는 기울기가 음이고 원점을 지나는 직선이므로 ④이다.

07 답 (1) $y = 2x - 5$ (2) $y = -3x + 4$

(1) 기울기가 a 이고 y 절편이 b 인 직선의 방정식은 $y = ax + b$ 이므로

구하는 직선의 방정식은 $y = 2x - 5$

(2) 기울기가 -3 이므로 직선의 방정식을 $y = -3x + b$ 라 하면

점 (1, 1)을 지나므로 $1 = -3 + b \quad \therefore b = 4$

따라서 구하는 직선의 방정식은 $y = -3x + 4$

만점

(1) 기울기가 a 이고 y 절편이 b 인 직선의 방정식은 $y = ax + b$

(2) 기울기가 a 이고 점 (x_1, y_1) 을 지나는 직선의 방정식은

$$y = a(x - x_1) + y_1$$

(3) x 좌표가 서로 다른 두 점 (x_1, y_1) , (x_2, y_2) 를 지나는 직선의 방정식은

$$y = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}(x - x_1) + y_1 \quad (\text{단, } x_1 \neq x_2)$$

(4) x 절편이 a 이고, y 절편이 b 인 직선의 방정식은 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$

08 답 ⑤

$$2x - 3ay = 5 \cdots \textcircled{1} \text{에서 } y = \frac{2}{3a}x - \frac{5}{3a}$$

$$\text{기울기가 } -\frac{5}{6} \text{이므로 } \frac{2}{3a} = -\frac{5}{6} \quad \therefore a = -\frac{4}{5}$$

그래프가 점 $(b+1, -b)$ 를 지나므로 $\textcircled{1}$ 에 좌표를 대입하면

$$2(b+1) - \frac{12}{5}b = 5$$

$$\therefore b = -\frac{15}{2}$$

$$\therefore ab = -\frac{4}{5} \times \left(-\frac{15}{2}\right) = 6$$

09 답 ④

선분 AB의 수직이등분선은 선분 AB의 중점 $(4, 3)$ 을 지나야 한다. 또, 선분 AB와 수직이므로 기울기의 곱은 -1 이어야 한다.

$$\overline{AB} \text{의 기울기는 } \frac{2-4}{6-2} = -\frac{1}{2} \text{이므로}$$

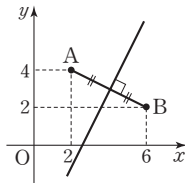
수직이등분선의 기울기는 2이다.

따라서 구하는 직선은 기울기가 2이고 점 $(4, 3)$ 을 지나므로

$$y = 2x + b \text{라 하고 점 } (4, 3) \text{을 대입하면}$$

$$3 = 2 \times 4 + b \quad \therefore b = -5$$

따라서 구하는 직선의 방정식은 $y = 2x - 5$



10 답 $y = \frac{1}{2}x + 4$

두 점 $(5, 1), (-1, -2)$ 를 지나는 직선과 평행하므로 기울기는 같다.

$$\text{즉, 기울기는 } \frac{-2-1}{-1-5} = \frac{1}{2}$$

구하는 직선의 방정식을 $y = \frac{1}{2}x + b$ 라 하면

$$\text{점 } (-2, 3) \text{을 지나므로 } 3 = -1 + b \quad \therefore b = 4$$

따라서 구하는 직선의 방정식은 $y = \frac{1}{2}x + 4$

[다른 풀이]

$$y = \frac{-2-1}{-1-5}(x+2) + 3 \quad \therefore y = \frac{1}{2}x + 4$$

11 답 $y = \frac{3}{2}x$

두 점 $P(2, 3), Q(-2, -3)$ 을 지나는 직선의 기울기는

$$\frac{-3-3}{-2-2} = \frac{-6}{-4} = \frac{3}{2}$$

$y = \frac{3}{2}x + b$ 에 $(2, 3)$ 을 대입하면

$$3 = \frac{3}{2} \times 2 + b \quad \therefore b = 0$$

따라서 구하는 직선의 방정식은 $y = \frac{3}{2}x$ 이다.

12 답 33

두 점 $A(0, 3), B(4, 0)$ 을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{0-3}{4-0} = -\frac{3}{4}$

이고 y 절편은 3이므로 직선의 방정식은 $y = -\frac{3}{4}x + 3$

교점 $E(2, b)$ 가 이 직선 위에 있으므로 $b = \frac{3}{2}$

두 점 $C(1, -1), D(a, 2)$ 를 지나는 직선은 두 점 $C(1, -1),$

$E(2, \frac{3}{2})$ 을 지나는 직선이다.

이 직선의 기울기는 $\frac{\frac{3}{2}-(-1)}{2-1} = \frac{5}{2}$ 이므로 직선의 방정식을

$y = \frac{5}{2}x + k$ 라 하고 점 $C(1, -1)$ 을 대입하면

$$-1 = \frac{5}{2} + k \quad \therefore k = -\frac{7}{2}$$

$$\therefore y = \frac{5}{2}x - \frac{7}{2}$$

점 $D(a, 2)$ 가 이 직선 위에 있으므로

$$2 = \frac{5}{2}a - \frac{7}{2} \quad \therefore a = \frac{11}{5}$$

$$\therefore 10ab = 10 \times \frac{11}{5} \times \frac{3}{2} = 33$$

13 답 $y = \frac{2}{3}x + 2$

x 절편이 -3 이고, y 절편인 2인 일차함수의 그래프는 두 점

$(-3, 0), (0, 2)$ 를 지나는 직선이다.

$$\therefore (\text{기울기}) = \frac{2-0}{0-(-3)} = \frac{2}{3}$$

따라서 그래프가 나타내는 직선의 방정식은 $y = \frac{2}{3}x + 2$

[다른 풀이]

$$\frac{x}{-3} + \frac{y}{2} = 1 \quad \therefore y = \frac{2}{3}x + 2$$

14 답 $y = -x + 9$ 또는 $y = x + 5$

x 절편과 y 절편의 절댓값이 같으므로 다음과 같이 두 경우로 나누어 생각한다.

(i) x 절편과 y 절편이 같은 경우

두 점 $(a, 0), (0, a)$ 를 지나므로 기울기는 $\frac{a-0}{0-a} = -1$

따라서 직선의 방정식은 $y = -x + b$ 이고, 점 $(2, 7)$ 을 지나므로

$$7 = -2 + b \text{에서 } b = 9$$

$$\therefore y = -x + 9$$

(ii) x 절편과 y 절편의 절댓값은 같고 부호는 다른 경우

두 점 $(a, 0), (0, -a)$ 를 지나므로 기울기는 $\frac{-a-0}{0-a} = 1$

즉, 직선의 방정식은 $y = x + c$ 이고, 점 $(2, 7)$ 을 지나므로

$$7 = 2 + c \text{에서 } c = 5$$

$$\therefore y = x + 5$$

(i), (ii)에 의하여 구하는 직선의 방정식은 $y = -x + 9$ 또는 $y = x + 5$

IV-08

일차함수와
일차방정식의
관계

15 답 $y = \frac{3}{5}x - \frac{7}{10}$

직사각형의 넓이를 이등분하는 직선은 두 대각선의 교점, 즉 대각선의 중점을 지나야 한다.

직사각형 ABCD의 대각선의 중점 $(2, \frac{1}{2})$, 직사각형 OEFG의 대각선의 중점 $(-\frac{1}{2}, -1)$ 을 동시에 지나야 두 직사각형의 넓이를 각각 이등분할 수 있다.

두 점 $(2, \frac{1}{2}), (-\frac{1}{2}, -1)$ 을 지나는 직선의 기울기는

$$\frac{-1 - \frac{1}{2}}{-\frac{1}{2} - 2} = \frac{3}{5} \text{이므로 직선을 } y = \frac{3}{5}x + b \text{라 하고}$$

$$\text{점 } (2, \frac{1}{2}) \text{을 대입하면 } \frac{1}{2} = \frac{3}{5} \times 2 + b \quad \therefore b = -\frac{7}{10}$$

따라서 구하는 직선의 방정식은 $y = \frac{3}{5}x - \frac{7}{10}$ 이다.

16 답 $y = -\frac{4}{3}x + 6$

$\triangle AOP = \frac{1}{3} \triangle QOP$ 이고 $\triangle AOP, \triangle QOP$ 는 $\overline{OP}$ 를 공유하므로 $\triangle QOP$ 의 높이는 $\triangle AOP$ 의 높이의 3배이다.

$$\therefore Q(0, 6)$$

따라서 직선 m 은 두 점 $A(3, 2), Q(0, 6)$ 을 지나는 직선이다.

기울기는 $\frac{6-2}{0-3} = -\frac{4}{3}$ 이고 y 절편은 6이므로 직선의 방정식은

$$y = -\frac{4}{3}x + 6$$

17 답 ②

그래프의 교점이 두 일차방정식의 해이므로 $x=1, y=3$ 이다.

이것을 두 일차방정식 $4x+ay=10, bx-3y=0$ 에 대입하면

$$4+3a=10, 3a=6 \quad \therefore a=2$$

$$b-9=0 \quad \therefore b=9$$

$$\therefore a+b=11$$

18 답 -2

그래프에 나타난 교점의 x 좌표가 2이므로

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} x+y=5 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{x}{a}-\frac{y}{3}=-2 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 } \textcircled{1} \text{에 } x=2 \text{를 대입하면}$$

$$2+y=5 \quad \therefore y=3$$

즉, 연립방정식의 해는 x, y 의 순서쌍 $(2, 3)$ 이다. 이것을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$\frac{2}{a}-\frac{3}{3}=-2 \text{에서 } \frac{2}{a}=-1 \quad \therefore a=-2$$

19 답 $y = -1$

두 직선 $3x+y+4=0, x-6y-5=0$ 의 교점의 y 좌표를 구하자.

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} 3x+y+4=0 \cdots \textcircled{1} \\ x-6y-5=0 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{에서}$$

$$\textcircled{1}-\textcircled{2} \times 3 \text{을 하면 } 19y+19=0 \quad \therefore y=-1$$

따라서 x 축에 평행한 직선의 방정식은 $y=-1$

20 답 -2

두 직선 $4x+y-7=0, ax-y-21=0$ 의 교점을 두 점

$(-2, -1), (-3, 2)$ 를 지나는 직선도 지나므로 세 직선은 모두 한 점에서 만난다. 먼저, 두 점 $(-2, -1), (-3, 2)$ 를 지나는 직선의 방정식을 구하자.

$$(\text{기울기}) = \frac{2-(-1)}{-3-(-2)} = -3$$

직선의 방정식을 $y=-3x+b$ 라

하고 점 $(-2, -1)$ 을 대입하면

$$-1=6+b \quad \therefore b=-7$$

$$\therefore 3x+y+7=0$$

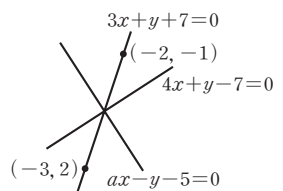
따라서 세 직선 $4x+y-7=0, ax-y-21=0, 3x+y+7=0$ 이 한 점에서 만나므로 두 직선 $3x+y+7=0$ 과 $4x+y-7=0$ 의 교점을 직선 $ax-y-21=0$ 이 지난다.

두 직선 $3x+y+7=0$ 과 $4x+y-7=0$ 의 교점을 구하기 위해

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} 3x+y+7=0 \\ 4x+y-7=0 \end{cases} \text{을 풀면 } x=14, y=-49$$

그러므로 직선 $ax-y-21=0$ 은 점 $(14, -49)$ 를 지나야 한다.

$$14a+49-21=0 \quad \therefore a=-2$$



21 답 3

두 직선 $(a-1)x-4y=a+1, (2-a)x+2y=1$ 이 평행하므로

$$\frac{a-1}{2-a} = \frac{-4}{2} \neq \frac{a+1}{1}$$

$$a-1=-2(2-a), a \neq -3$$

$$\therefore a=3$$

22 답 12

직선 $ax-3y+2a=0$ 은 직선 $2ax-6y+b-a=0$ 과 일치하므로

$$\frac{a}{2a} = \frac{-3}{-6} = \frac{2a}{b-a} \text{에서 } b-a=4a \quad \therefore b=5a \cdots \textcircled{1}$$

직선 $ax-3y+2a=0$ 은 직선 $(4-b)x+9y+2a=0$ 과 만나지 않으므로

$$\frac{a}{4-b} = \frac{-3}{9} \neq \frac{2a}{2a} \quad \therefore 4-b=-3a \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } 2a=4 \quad \therefore a=2$$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $b=10$

$$\therefore a+b=12$$

23 답 10

조건 (가)에서 점 (3, 2)를 지나고 y 축에 평행한 직선의 방정식은 $x=3$

또, 점 $(-2, -1)$ 을 지나고 y 축에 수직인 직선의 방정식은 $y=-1$
직선 $x+ay+b=0$ 이 두 직선의 교점 (3, -1)을 지나므로
 $3-a+b=0$

$$\therefore a-b=3 \cdots \textcircled{1} \text{ ----- } \textcircled{a}$$

한편, 조건 (나)에서 직선 $2x-4y+5=0$, 즉 $y=\frac{1}{2}x+\frac{5}{4}$ 와 직선 $x+ay+b=0$, 즉 $y=-\frac{1}{a}x-\frac{b}{a}$ 는 평행하므로 기울기가 같아야 한다.

$$-\frac{1}{a}=\frac{1}{2} \quad \therefore a=-2$$

이것을 ①에 대입하면

$$-2-b=3 \quad \therefore b=-5 \text{ ----- } \textcircled{b}$$

$$\therefore ab=10 \text{ ----- } \textcircled{c}$$

| 채점기준 | -----

① 조건 (가)를 이용하여 a, b 에 대한 일차방정식을 구한다. [40%]

② 조건 (나)를 이용하여 a, b 의 값을 각각 구한다. [40%]

③ ab 의 값을 구한다. [20%]

24 답 $-\frac{2}{3}$

두 직선 $ax+y=2$, $-2x+3y=-3$ 의 교점이 존재하지 않기 위해서 두 직선은 평행해야 한다. ----- ①

$$\frac{a}{-2}=\frac{1}{3} \neq \frac{2}{-3}$$

$$\therefore a=-\frac{2}{3} \text{ ----- } \textcircled{b}$$

| 채점기준 | -----

① 두 직선의 교점이 존재하지 않기 위한 조건을 구한다. [50%]

② ①의 조건을 만족시키는 a 의 값을 구한다. [50%]

25 답 2

서로 다른 세 직선으로 삼각형을 만들려면 두 직선마다 각각 교점이 하나씩 생겨 세 교점이 삼각형의 세 꼭짓점이 되어야 한다.

따라서 삼각형을 만들 수 없을 때는 세 직선 중 평행한 직선이 있는 경우이거나 세 직선이 한 점에서 만나 교점을 세 개 만들 수 없는 경우이다.

(i) 평행한 직선이 있는 경우

직선 $x+y+2=0$, 즉 $y=-x-2$ 와 직선 $y=ax-3$ 이 평행한 경우 : $a=-1$

직선 $x-y=0$, 즉 $y=x$ 와 직선 $y=ax-3$ 이 평행한 경우 : $a=1$

(ii) 세 직선이 한 점에서 만나는 경우

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} x+y+2=0 \\ x-y=0 \\ y=ax-3 \end{cases} \text{의 해가 한 개이므로}$$

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} x+y+2=0 \\ x-y=0 \end{cases} \text{의 해가 } y=ax-3 \text{을 만족시켜야}$$

$$\text{한다. 즉, } \begin{cases} x+y+2=0 \\ x-y=0 \end{cases} \text{을 풀면 } x=-1, y=-1$$

이것을 $y=ax-3$ 에 각각 대입하면

$$-1=-a-3 \quad \therefore a=-2$$

(i), (ii)에 의하여 삼각형을 만들 수 없는 a 의 값은 $-1, 1, -2$ 이고, 이 세 수의 곱은 2이다.

26 답 $\frac{16}{25}$

구하는 정사각형은 오른쪽 그림과 같이 두 꼭짓점은 x 축 위에, 나머지 두 꼭짓점은 각각의 직선 위에 놓았을 때이다.

이때의 정사각형을 $\square ABCD$ 라 하고, 직선 AD 는 x 축에 평행하므로 직선의 방정식을 $y=a$ 라 하자.

점 A 는 직선 $y=x$ 와의 교점이므로 $A(a, a)$

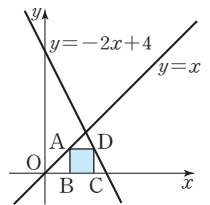
이때, $\square ABCD$ 는 길이가 a 인 정사각형이므로 $D(2a, a)$

또, 점 D 는 직선 $y=-2x+4$ 위의 점이므로

$$a=-2 \times 2a+4$$

$$5a=4 \quad \therefore a=\frac{4}{5}$$

따라서 한 변의 길이가 a 인 정사각형 $ABCD$ 의 넓이는 $a^2=\frac{16}{25}$



대단원 만점 문제

IV. 일차함수와 그래프
문제편 90P

01 답 ③, ⑤

① 가로 길이가 x cm이면 세로 길이는 $(1-x)$ cm이므로 $y=x(1-x)$

따라서 y 는 x 의 일차함수가 아니다.

② $xy=300$, 즉 $y=\frac{300}{x}$ 이므로 y 는 x 의 일차함수가 아니다.

③ $y=2(x+4)$, 즉 $y=2x+8$ 이므로 y 는 x 의 일차함수이다.

④ x 의 값에 관계없이 외각의 크기의 합은 항상 360° 이므로 $y=360$ 이다.

따라서 y 는 x 의 일차함수가 아니다.

⑤ $10x+50y=300$, 즉 $y=-\frac{1}{5}x+6$ 이므로 y 는 x 의 일차함수이다.

02 답 -10 또는 10

일차함수 $y=2x+4$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 k 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=2x+4+k$ 이다.

일차함수 $y=2x+4$ 의 그래프가 x 축과 만나는 점은 $A(-2, 0)$ 이므로 $\overline{AB}=5$ 이라면 $B(-7, 0)$ 또는 $B(3, 0)$ 이어야 한다.

따라서 $y=2x+4+k$ 가 점 B 를 지나야 한다.

(i) $B(-7, 0)$ 일 때, $2 \times (-7) + 4 + k = 0 \quad \therefore k = 10$

(ii) $B(3, 0)$ 일 때, $2 \times 3 + 4 + k = 0 \quad \therefore k = -10$

따라서 구하는 k 의 값은 -10 또는 10 이다.

03 답 ①

두 일차함수의 그래프 $y=ax+b$, $y=-3x+2$ 가 수직일 때, 기울

기의 곱은 -1 이므로 $a \times (-3) = -1 \quad \therefore a = \frac{1}{3}$

두 일차함수의 그래프 $y=ax+b$, $y=-x+3$ 이 x 축 위에서 만나므로 일차함수 $y=ax+b$ 의 그래프는 점 $(3, 0)$ 을 지난다.

$3a+b=0 \quad \therefore b=-1$

$\therefore a+b = \frac{1}{3} + (-1) = -\frac{2}{3}$

04 답 (1) $0 \leq x \leq 8$ (2) $y = -6x + 30 (0 \leq x \leq 5)$

(3) $y = 10x - 50 (5 \leq x \leq 8)$

(1) 점 B 에서 점 D 까지 움직이는 거리는 16 cm 이고, 매초 2 cm 씩 움직이므로 점 P 는 8 초 후 점 D 에 도착한다.

$\therefore 0 \leq x \leq 8$

(2) 점 P 가 $\overline{BC}$ 위에 있을 때는 $0 \leq x \leq 5$

x 초 후에는 $\overline{BP} = 2x$ 이므로

$\overline{CP} = 10 - 2x$

$\therefore \triangle ACP = \frac{1}{2} \times \overline{CD} \times \overline{CP} = 3(10 - 2x)$

$\therefore y = -6x + 30 (0 \leq x \leq 5)$

(3) 점 P 가 $\overline{CD}$ 위에 있을 때는 $5 \leq x \leq 8$

x 초 후에는 $\overline{BC} + \overline{CP} = 2x$ 이므로

$\overline{CP} = 2x - 10$

$\therefore \triangle ACP = \frac{1}{2} \times \overline{AD} \times \overline{CP} = 5(2x - 10)$

$\therefore y = 10x - 50 (5 \leq x \leq 8)$

05 답 ④

① $b=0$, $ac \neq 0$ 일 때, $x = -\frac{c}{a}$ 이므로 y 축에 평행한 직선이다.

② $ab \neq 0$, $c=0$ 일 때, $y = -\frac{a}{b}x$ 이므로 원점을 지나는 직선이다.

③ $a=0$, $bc \neq 0$ 일 때, $y = -\frac{c}{b}$ 이므로 x 축에 평행한 직선이다.

④ $abc \neq 0$ 일 때, $y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$ 이므로 기울기가 $-\frac{a}{b}$ 이다.

⑤ $b \neq 0$ 일 때, $y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$ 이므로 y 절편이 $-\frac{c}{b}$ 이다.

06 답 ④

직선 AB 는 직선 OC 과 평행하고, 직선 OC 의 기울기는 3 이므로 직선 AB 의 기울기도 3 이다.

직선 AB 의 방정식을 $y=3x+c$ 라 하면 점 $A(4, 2)$ 를 지나므로

$2 = 3 \times 4 + c \quad \therefore c = -10$

즉, 직선 AB 의 방정식은 $y=3x-10$ 이므로

$3x - y - 10 = 0$

$\therefore x - \frac{1}{3}y - \frac{10}{3} = 0$

따라서 $a = -\frac{1}{3}$, $b = -\frac{10}{3}$ 이므로 $2a + b = -4$

07 답 $\frac{13}{2}$

두 직선 $3x+2y-5=0$, $6x+y+2=0$ 의 교점은

연립일차방정식 $\begin{cases} 3x+2y-5=0 \cdots \textcircled{1} \\ 6x+y+2=0 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 의 해와 같다.

$\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2}$ 을 하면 $3y - 12 = 0 \quad \therefore y = 4$

이것을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면 $6x + 6 = 0 \quad \therefore x = -1$

두 직선 $3x+2y-5=0$, $6x+y+2=0$ 의 교점은 $(-1, 4)$ 이다.

또, 구하는 직선은 직선 $5x-2y-1=0$ 에 평행하므로 기울기는 $\frac{5}{2}$ 이다.

구하는 직선의 방정식을 $y = \frac{5}{2}x + b$ 라 하고, 이 식에 점 $(-1, 4)$ 의

좌표값을 대입하면 $4 = -\frac{5}{2} + b \quad \therefore b = \frac{13}{2}$

따라서 이 직선의 y 절편은 $\frac{13}{2}$ 이다.

08 답 $a=-1$, $b=-3$

두 일차함수의 그래프의 교점은 연립방정식의

해이므로 y 를 소거하여 연립방정식을 풀면

$ax - b = bx - a$

$(a-b)x = b-a$

$\therefore x = -1 (\because a \neq b)$

$x = -1$, $y = 4$ 를 $y = ax - b$ 에 각각 대입하면

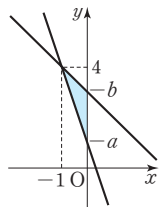
$-a - b = 4 \quad \therefore a + b = -4 \cdots \textcircled{1}$

또, 두 그래프와 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이가 1 이므로

$\frac{1}{2} \times (-b+a) \times 1 = 1 \quad \therefore a - b = 2 \cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1} + \textcircled{2}$ 을 하면 $2a = -2 \quad \therefore a = -1$

이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $-1 + b = -4 \quad \therefore b = -3$



01 답 ②, ⑤

- ① $0.3333 = \frac{3333}{10000}$ 이므로 유리수이다.
- ② 분수는 유한소수나 순환소수로만 나타내므로 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수로 나타낼 수 있다.
- ③ $a=0.\dot{1}$, $b=-0.\dot{1}$ 이면 $a+b=0$ 이므로 무한소수가 아니다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수 또는 순환소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 무한소수 중 순환소수는 유리수이고, 순환하지 않는 무한소수는 유리수가 아니다.

02 답 ③, ⑤

- ① $\frac{5}{12} = \frac{5}{2^2 \times 3}$
- ② $\frac{14}{21} = \frac{2}{3}$
- ③ $\frac{18}{150} = \frac{3}{25} = \frac{3}{5^2}$
- ④ $\frac{6}{2 \times 3^2 \times 5} = \frac{1}{3 \times 5}$
- ⑤ $\frac{33}{2 \times 3 \times 11} = \frac{1}{2}$

이때, 유한소수로 나타낼 수 있는 것은 분모의 소인수가 2 또는 5뿐이므로 ③, ⑤이다.

03 답 ③

$$\frac{4}{13} = 0.307692307692\cdots = 0.\dot{3}0769\dot{2}$$

즉, 소수점 아래 첫 번째 자리부터 6개의 숫자가 반복되고,
 $100 = 6 \times 16 + 4$ 이므로 $\frac{4}{13}$ 를 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 100번째 자리의 숫자는 순환마다 6개의 숫자 중 4번째 숫자인 6이다.

04 답 ③

분모의 소인수가 2 또는 5뿐일 때, 유한소수가 된다.
 이때, $\frac{x}{360} = \frac{x}{2^3 \times 3^2 \times 5}$ 가 순환소수가 되려면 분모에 2나 5 이외의 소인수가 있어야 한다. 즉, $\frac{x}{360}$ 를 소수로 나타내었을 때 순환소수가 아닌 경우는 x 가 9의 배수일 때이므로 x 가 될 수 없는 것은 ③이다.

05 답 18

분수 $\frac{7}{2^2 \times 5 \times x}$ 을 소수로 나타내면 유한소수 또는 순환소수가 되므로 유한소수가 되게 하는 x 를 제외하면 남은 x 는 주어진 분수를 순환소수가 되게 한다. 유한소수가 되게 하는 x 의 값을 구하자.
 (i) x 의 소인수가 2나 5만 있는 경우
 x 의 값이 2, 4, 5, 8, 10, 16, 20, 25인 경우이므로 8개

(ii) x 가 2나 5가 아닌 소인수를 가진 경우
 유한소수가 되게 하려면 x 는 2나 5 이외의 소인수로 7만 가질 수 있다. 즉, x 의 값이 7, 14, 28인 경우이므로 3개
 (i), (ii)에 의하여 주어진 분수가 유한소수가 되게 하는 x 는 1까지 포함하여 모두 12개이다.
 따라서 주어진 분수가 순환소수가 되게 하는 x 의 개수는 $30 - 12 = 18$ (개)이다.

[다른 풀이]

분수 $\frac{7}{2^2 \times 5 \times x}$ 이 순환소수가 되려면 기약분수의 분모에 2 또는 5 이외의 소인수가 있으면 된다.
 따라서 30 이하의 자연수 중 x 가 될 수 있는 수는
 (i) 3의 배수인 3, 6, 9, ..., 30으로 10개
 (ii) 11의 배수인 11, 22로 2개
 (iii) 13의 배수인 13, 26으로 2개
 (iv) (i)~(iii)의 수를 제외한 소수인 17, 19, 23, 29로 4개
 (i)~(iv)에 의하여 구하는 x 의 개수는 $10 + 2 + 2 + 4 = 18$ (개)이다.

06 답 19

$\frac{x}{70}$ 를 약분하여 $\frac{1}{y}$ 이 되므로 x 는 70의 약수이다.
 이때, 70의 약수는 1, 2, 5, 7, 10, 14, 35, 70이고 $10 < x < 20$ 이므로 $x = 14$
 따라서 $\frac{x}{70} = \frac{14}{70} = \frac{1}{5}$ 이므로 $y = 5$
 $\therefore x + y = 14 + 5 = 19$

07 답 10

$2.\dot{5} = \frac{25-2}{9} = \frac{23}{9}$ 이므로 어떤 자연수는 9의 배수이다.
 따라서 두 자리 자연수인 9의 배수의 개수는 18, 27, 36, ..., 99로 10개이다.

08 답 ②

$$0.\dot{4}\dot{4} + 0.\dot{5}\dot{6} = \frac{44}{99} + \frac{56}{99} = \frac{100}{99} = 1.\dot{0}\dot{1}$$

09 답 30

$0.4\dot{6} = \frac{42}{90} = \frac{7}{15}$, $0.5\dot{3} = \frac{48}{90} = \frac{8}{15}$ 이므로
 $\frac{7}{15} < \frac{x}{60} < \frac{8}{15}$
 $\therefore 28 < x < 32$
 이때, $\frac{x}{60} = \frac{x}{2^2 \times 3 \times 5}$ 가 유한소수가 되려면 x 는 3의 배수이어야 한다.
 $\therefore x = 30$

10 답 198

$0.2\dot{3}\dot{6} = \frac{236-2}{990} = \frac{13}{55} = \frac{13}{5 \times 11}$ 이고 $0.2\dot{3}\dot{6} \times a$ 가 유한소수이므로 a 는 11의 배수이다. ----- ㉔

또, $0.4\dot{6} = \frac{46-4}{90} = \frac{7}{15} = \frac{7}{3 \times 5}$ 이고 $0.4\dot{6} \times a$ 가 유한소수이므로 a 는 3의 배수이다. ----- ㉕

즉, 두 순환소수 $0.2\dot{3}\dot{6} \times a$, $0.4\dot{6} \times a$ 를 유한소수가 되도록 하는 자연수 a 는 $33(=11 \times 3)$ 의 배수이다.

따라서 두 자리의 자연수 a 는 33, 66, 99이므로 모든 자연수 a 의 값의 합은 $33+66+99=198$ ----- ㉖

채점기준

- ㉔ $0.2\dot{3}\dot{6} \times a$ 가 유한소수가 되는 a 의 조건을 구한다. [30%]
 ㉕ $0.4\dot{6} \times a$ 가 유한소수가 되는 a 의 조건을 구한다. [30%]
 ㉖ 두 순환소수가 유한소수가 되도록 하는 모든 자연수 a 의 값의 합을 구한다. [40%]

단원별 테스트 02 지수법칙과 식의 계산

문제편 96P

01 답 ⑤

- ① $-4(a^2)^2 \div 2a^4 = -4a^4 \times \frac{1}{2a^4} = -2$
 ② $16a^2b \div 2ab \times 4a = 16a^2b \times \frac{1}{2ab} \times 4a = 8a \times 4a = 32a^2$
 ③ $\{(ab^3)^2 \div (ab^2)^3\}^2 = (a^2b^6 \div a^3b^6)^2 = (a^2b^6 \times \frac{1}{a^3b^6})^2 = (\frac{1}{a})^2 = \frac{1}{a^2}$
 ④ $(-\frac{1}{2}a^2b)^3 \div \{\frac{a}{4b^2} \div (2ab)^2\} = (-\frac{a^6b^3}{8}) \div (\frac{a}{4b^2} \div 4a^2b^2)$
 $= (-\frac{a^6b^3}{8}) \div (\frac{a}{4b^2} \times \frac{1}{4a^2b^2})$
 $= (-\frac{a^6b^3}{8}) \div \frac{1}{16ab^4}$
 $= (-\frac{a^6b^3}{8}) \times 16ab^4$
 $= -2a^7b^7$
 ⑤ $(-a^2b^3)^2 \div (\frac{1}{3}ab)^2 = a^4b^6 \div \frac{a^2b^2}{9} = a^4b^6 \times \frac{9}{a^2b^2} = 9a^2b^4$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

02 답 ④

- $(3x^a)^b = 81x^{12}$ 에서 $3^b x^{a \times b} = 3^4 x^{12}$
 즉, $3^b = 3^4$ 에서 $b=4$
 $x^{a \times b} = x^{12}$ 에서 $a \times b = a \times 4 = 12 \quad \therefore a=3$
 $\therefore a+b=7$

03 답 256

- $a=2^4=2 \times 2 \times 2 \times 2=16$ 이므로
 $b^4=4^a=4^{16}=4^{4 \times 4}=(4^4)^4 \quad \therefore b=4^4=256$

04 답 ⑤

$$18x^3y^2 \div (6x^4y^2 \div 4x^2y) = 18x^3y^2 \div \frac{6x^4y^2}{4x^2y}$$

$$= 18x^3y^2 \times \frac{4x^2y}{6x^4y^2} = 12xy$$

05 답 ②

$$\left(-\frac{2b^2}{5a^3}\right)^2 \times \square^3 \div \frac{3}{25}a^2b^6 = -\frac{9}{2}ab$$

$$\frac{4b^4}{25a^6} \times \square^3 \times \frac{25}{3a^2b^6} = -\frac{9}{2}ab$$

$$\square^3 = -\frac{9}{2}ab \times \frac{25a^6}{4b^4} \times \frac{3a^2b^6}{25} = -\frac{27}{8}a^9b^3 = \left(-\frac{3}{2}a^3b\right)^3$$

$$\therefore \square = -\frac{3}{2}a^3b$$

06 답 ③

$$-x(y+3x)+y(2x+1)-2(x^2-xy-4)$$

$$= -xy-3x^2+2xy+y-2x^2+2xy+8$$

$$= -5x^2+3xy+y+8$$

따라서 xy 의 계수는 3, x^2 의 계수는 -5 이므로
 (구하는 합) $= 3 + (-5) = -2$

07 답 ⑤

$$(-4x^2+5x) \div \frac{1}{2}x - (2x^3-3x^2) \div \left(-\frac{1}{3}x^2\right) = -11$$

$$(-4x^2+5x) \times \frac{2}{x} - (2x^3-3x^2) \times \left(-\frac{3}{x^2}\right) = -11$$

$$-8x+10 - (-6x+9) = -11$$

$$-2x = -12 \quad \therefore x=6$$

08 답 4

$$(x-y) : (2x-5y) = 2 : 3$$

$$2(2x-5y) = 3(x-y), 4x-10y = 3x-3y \quad \therefore x=7y$$

$$\therefore \frac{3x-5y}{x-3y} = \frac{21y-5y}{7y-3y} = \frac{16y}{4y} = 4$$

09 답 (1) $-2A+2B$ (2) $8x^2-6xy+6y^2$

- (1) $A-3(A-2B)-4B = A-3A+6B-4B$
 $= -2A+2B$ ----- ㉔
- (2) $A-3(A-2B)-4B$
 $= -2A+2B$
 $= -2(-x^2+2xy-2y^2) + 2(3x^2-xy+y^2)$
 $= 2x^2-4xy+4y^2+6x^2-2xy+2y^2$
 $= 8x^2-6xy+6y^2$ ----- ㉕

채점기준

- ㉔ $A-3(A-2B)-4B$ 를 간단히 한다. [40%]
 ㉕ 주어진 식을 x, y 에 대한 식으로 나타낸다. [60%]

10 답 4

원뿔의 높이를 h 라 하면

$$\frac{1}{3} \times \pi \left(\frac{4b^2}{3a} \times \frac{1}{2} \right)^2 \times h = \frac{b^2}{3a} \pi \quad \text{----- ㉔}$$

$$\frac{1}{3} \pi \times \frac{4b^4}{9a^2} \times h = \frac{b^2}{3a} \pi$$

$$\therefore h = \frac{b^2}{3a} \pi \times \frac{3}{\pi} \times \frac{9a^2}{4b^4} = \frac{9a}{4b^2} \quad \text{----- ㉕}$$

| 채점기준 |

㉔ (원뿔의 부피) = $\frac{1}{3} \times (\text{밑넓이}) \times (\text{높이})$ 임을 이용하여 식을 세운다. [40%]

㉕ 식을 정리하여 원뿔의 높이를 구한다. [60%]

단원별 테스트 03 일차부등식

문제면 98P

01 답 ④

$3 - a > b - 1$ 에서

① 양변에 1을 더하면 $4 - a > b$

② 양변에서 2를 빼면 $1 - a > b - 3$

③ 양변에 $a + 1$ 을 더하면 $4 > a + b$, 즉 $a + b < 4$

④ 양변에 -2 를 곱하면 $2a - 6 < -2b + 2$

⑤ 양변에 3을 곱하면 $9 - 3a > 3b - 3$

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

02 답 ④

$-4 < a \leq 2$ 의 각 변에 $-\frac{1}{2}$ 을 곱하면

$$-4 \times \left(-\frac{1}{2} \right) > -\frac{a}{2} \geq 2 \times \left(-\frac{1}{2} \right) \text{에서 } -1 < -\frac{a}{2} < 2$$

또, 이 식의 각 변에 5를 더하면

$$-1 + 5 < -\frac{a}{2} + 5 < 2 + 5 \text{에서 } 4 \leq 5 - \frac{a}{2} < 7$$

$$\therefore 4 \leq x < 7$$

03 답 ⑤

$$3x - 4 > 5 \text{에서 } 3x > 9 \quad \therefore x > 3$$

① $2x < 6$ 에서 $x < 3$

② $2 - x > 3$ 에서 $-x > 1 \quad \therefore x < -1$

③ $4x + 3 < 15$ 에서 $4x < 12 \quad \therefore x < 3$

④ $2(x - 1) > 6$ 에서 $2x - 2 > 6, 2x > 8 \quad \therefore x > 4$

⑤ $3(1 - x) < -6$ 에서 $3 - 3x < -6, -3x < -9 \quad \therefore x > 3$

따라서 부등식 $3x - 4 > 5$ 와 해가 같은 부등식은 ⑤이다.

04 답 ④

$$5x - 3(x + 4) < 2 \text{에서}$$

$$5x - 3x - 12 < 2, 2x < 14 \quad \therefore x < 7$$

따라서 주어진 부등식을 만족시키는 자연수 x 의 개수는 6이다.

05 답 ②

$\frac{x}{2} - \frac{x-2}{3} > \frac{1}{4}$ 의 양변에 12를 곱하면

$$6x - 4(x - 2) > 3 \text{에서}$$

$$6x - 4x + 8 > 3, 2x > -5$$

$$\therefore x > -\frac{5}{2}$$

따라서 주어진 부등식을 만족시키는 가장 작은 정수 x 는 -2 이다.

06 답 $-\frac{18}{5}$

$\frac{1}{4}(x - a) \geq \frac{1}{2}x + \frac{2}{5}$ 의 양변에 20을 곱하면

$$5(x - a) \geq 10x + 8, -5x \geq 5a + 8$$

$$\therefore x \leq \frac{-5a - 8}{5}$$

이때, 주어진 부등식의 해가 $x \leq 2$ 이므로

$$\frac{-5a - 8}{5} = 2, -5a = 18$$

$$\therefore a = -\frac{18}{5}$$

07 답 $x < 5$

$$3(x - 5) > a(x - 5) \text{에서}$$

$$3x - 15 > ax - 5a, 3x - ax > 15 - 5a$$

$$(3 - a)x > 5(3 - a)$$

이때, $a > 3$ 에서 $3 - a < 0$ 이므로 양변을 $3 - a$ 로 나누면

$$x < 5$$

[다른 풀이]

$$3(x - 5) > a(x - 5) \text{에서}$$

(i) $x = 5$ 일 때, $3 \times 0 > a \times 0$ 이므로 해가 없다.

따라서 $x = 5$ 는 주어진 부등식의 해가 아니다.

(ii) $x > 5$ 일 때, $x - 5 > 0$ 이므로 양변을 $x - 5$ 로 나누면 $a < 3$

따라서 $x > 5$ 는 주어진 부등식의 해가 아니다.

(iii) $x < 5$ 일 때, $x - 5 < 0$ 이므로 양변을 $x - 5$ 로 나누면 $a > 3$

따라서 $x < 5$ 는 주어진 부등식의 해이다.

(i)~(iii)에 의하여 주어진 부등식의 해는 $x < 5$

08 답 $2 \leq a < 3$

$$4x + a \geq 5x - 2 \text{에서 } -x \geq -2 - a$$

$$\therefore x \leq a + 2$$

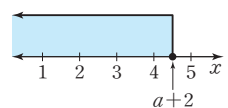
이때, 주어진 부등식을 만족시키는 자연

수 x 의 개수가 4개이므로 $x \leq a + 2$ 를

수직선으로 나타내면 오른쪽 그림과 같

아야 한다.

따라서 $4 \leq a + 2 < 5$ 이어야 하므로 $2 \leq a < 3$



단원별
테스트

03
일차
부등식

09 답 $x \leq -3$

$ax - b \geq 0$ 에서 $ax \geq b$

이때, 이 부등식의 해가 $x \leq 2$ 이므로 $a < 0$ 이어야 한다.

$$ax \geq b \text{의 양변을 } a \text{로 나누면 } x \leq \frac{b}{a} \text{이고 } \frac{b}{a} = 2 \quad \therefore b = 2a$$

$$b = 2a \text{를 } (a - b)x - (a + b) \leq 0 \text{에 대입하면}$$

$$(a - 2a)x - (a + 2a) \leq 0 \text{에서 } -ax - 3a \leq 0$$

$$\therefore -ax \leq 3a \cdots ㉠$$

한편, $a < 0$ 에서 $-a > 0$ 이므로 ㉠의 양변을 $-a$ 로 나누면

$$x \leq -3$$

10 답 3

$$3x - \frac{1}{2}(x + 5a) = 2 \text{에서 양변에 2를 곱하면}$$

$$6x - (x + 5a) = 4, 6x - x - 5a = 4, 5x = 5a + 4$$

$$\therefore x = \frac{5a + 4}{5} \cdots \cdots \text{㉠}$$

이때, 방정식의 해 $\frac{5a + 4}{5}$ 가 4보다 크지 않으므로

$$\frac{5a + 4}{5} \leq 4 \text{에서 } 5a + 4 \leq 20, 5a \leq 16$$

$$\therefore a \leq \frac{16}{5} \cdots \cdots \text{㉡}$$

따라서 가장 큰 자연수 a 는 3이다. $\cdots \cdots \text{㉢}$

| 채점기준 |

- ㉠ 방정식의 해를 구한다. [40%]
- ㉡ a 의 값의 범위를 구한다. [40%]
- ㉢ 가장 큰 자연수 a 의 값을 구한다. [20%]

단원별 테스트 04 일차부등식의 활용

문제면 100P

01 답 9

어떤 정수를 x 라 하면

$$x \text{에서 2를 뺀 후 3배한 수는 } 3(x - 2) \text{이고}$$

$$x \text{에 2를 더한 후 2배한 수는 } 2(x + 2) \text{이므로}$$

$$3(x - 2) < 2(x + 2) \text{에서 } 3x - 6 < 2x + 4 \quad \therefore x < 10$$

따라서 가장 큰 정수 x 는 9이다.

02 답 33

연속하는 세 홀수를 $x, x + 2, x + 4$ 라 하면 세 홀수의 합이 100보다 크므로 $x + (x + 2) + (x + 4) \geq 100$ 에서

$$3x + 6 > 100, 3x > 94$$

$$\therefore x > \frac{94}{3} = 31.333 \cdots$$

따라서 세 홀수 중 가장 작은 홀수는 33이다.

03 답 $x > 4$

삼각형의 가장 긴 변의 길이는 나머지 두 변의 길이의 합보다 작아야 한다.

이때, 삼각형의 세 변 중 가장 긴 변의 길이가 $x + 3$ 이므로

$$x + 3 < (x - 2) + (x + 1) \text{에서}$$

$$x + 3 < 2x - 1, -x < -4$$

$$\therefore x > 4$$

04 답 9

도매점에서 노트 x 권을 살 때의 이익은 $(1000 - 700)x$ 원이고 이것은 차비 2500원보다 커야 한다.

$$\text{즉, } (1000 - 700)x > 2500 \text{에서 } 300x > 2500$$

$$\therefore x > \frac{25}{3} = 8.333 \cdots$$

따라서 노트를 9권 이상 사야 도매점에 다녀오는 것이 유리하다.

$$\therefore k = 9$$

05 답 27명

인원수를 x 명, A, B 두 극장의 입장료를 P 원이라 하면

A극장에서 관람할 때의 입장료는

$$P(1 - 0.1) \times x = 0.9P \times x (\text{원})$$

B극장에서 30명 단체 입장권을 살 경우의 입장료는

$$P(1 - 0.2) \times 30 = 0.8P \times 30 = 24P (\text{원})$$

A극장보다 B극장에서 단체 입장권을 사는 것이 유리할 때는 A극장의 입장료가 B극장의 입장료보다 비싸야 하므로

$$0.9P \times x > 24P \text{에서}$$

$$9P \times x > 240P$$

$$\therefore x > \frac{240P}{9P} = 26.666 \cdots$$

따라서 인원이 27명 이상일 때 B극장에서 단체 입장권을 사는 것이 유리하다.

06 답 7개

구입하는 칼라펜의 개수를 x 개라 하면 볼펜의 개수는 $(15 - x)$ 개이므로 칼라펜의 구입 금액은 $500x$ 원이고 볼펜의 구입 금액은 $300(15 - x)$ 원이다. 이때, 전체 구입 금액이 6000원 이하이므로

$$500x + 300(15 - x) \leq 6000 \text{에서}$$

$$500x + 4500 - 300x \leq 6000$$

$$200x \leq 1500$$

$$\therefore x \leq 7.5$$

따라서 칼라펜은 최대 7개까지 구입할 수 있다.

07 답 ①

택시를 타는 거리를 x km라 하면 처음 2 km는 기본요금인 2200 원이고 그 후부터는 100 m당 100원씩 즉, 1 km당 1000원씩 추가 되므로 택시요금은 $2200 + (x-2) \times 1000$ (원)

또, 성인 세 사람의 버스요금은 $1400 \times 3 = 4200$ (원)이므로 $2200 + (x-2) \times 1000 < 4200$ 에서 $(x-2) \times 1000 < 2000$

$$x-2 < 2 \quad \therefore x < 4$$

따라서 성인 세 사람이 4 km 미만을 갈 때 버스를 타는 것보다 택시를 타는 것이 더 유리하다.

08 답 1200원

정가를 x 원이라 하면 정가의 20 %를 할인한 가격은

$$x(1-0.2)=0.8x(\text{원}) \text{이고 원가의 } 20 \% \text{에 해당하는 금액은}$$

$$800 \times 0.2 = 160(\text{원}) \text{이므로 (이익)=(판매가)-(원가)에서}$$

$$0.8x - 800 \geq 160, 0.8x \geq 960, 8x \geq 9600 \quad \therefore x \geq 1200$$

따라서 정가를 최소 1200원 이상으로 정해야 한다.

09 답 120 g

$$8 \% \text{의 소금물 } 200 \text{ g에 들어 있는 소금의 양은 } 200 \times \frac{8}{100} = 16 \text{ (g)}$$

더 넣는 물의 양을 x g이라 하면 물을 더 넣은 후의 소금물의 농도는

$$\frac{16}{200+x} \times 100 (\%) \text{이다.}$$

$$\text{즉, } \frac{16}{200+x} \times 100 \leq 5 \text{에서 } 1600 \leq 1000 + 5x, 5x \geq 600$$

$$\therefore x \geq 120$$

따라서 적어도 120 g의 물을 더 넣어야 한다.

10 답 750 m

집에서 편의점까지의 거리를 x km라 하면

$$(\text{편의점까지 걷는 시간}) = \frac{x}{3} \text{ 시간,}$$

$$(\text{물건을 사는 데 걸리는 시간}) = 10 \text{ 분} = \frac{10}{60} \text{ 시간} = \frac{1}{6} \text{ 시간,}$$

$$(\text{집으로 돌아올 때 걷는 시간}) = \frac{x}{3} \text{ 시간이므로}$$

편의점에 다녀오는 데 걸리는 시간은

$$\frac{x}{3} + \frac{1}{6} + \frac{x}{3} = \frac{2}{3}x + \frac{1}{6} (\text{시간}) \quad \text{----- ㉠}$$

$$\text{이때, 편의점에 다녀오는 데 걸리는 시간은 } 40 \text{ 분} = \frac{40}{60} \text{ 시간} = \frac{2}{3} \text{ 시간}$$

$$\text{이하이어야 하므로 } \frac{2}{3}x + \frac{1}{6} \leq \frac{2}{3} \quad \text{----- ㉡}$$

$$\frac{2}{3}x \leq \frac{3}{6} \quad \therefore x \leq \frac{3}{4} = 0.75$$

따라서 집에서 0.75 km = 750 m 이내에 있는 편의점을 다녀올 수 있다. ----- ㉢

채점기준

㉠ 편의점에 다녀오는 데 걸리는 시간을 구한다. [30%]

㉡ 편의점에 다녀오는 데 걸리는 시간이 40분 이하가 되도록 부등식을 세운다. [30%]

㉢ 다녀올 수 있는 편의점까지의 거리를 구한다. [40%]

단원별 테스트 05 연립일차방정식

문제편 100P

01 답 ②, ③

① $xy - y = 6$ 은 x, y 에 대한 이차방정식이다. (거짓)

② $(-1, 3)$ 을 $x + ay = -7$ 에 대입하면

$$-1 + 3a = -7 \quad \therefore a = -2$$

따라서 주어진 일차방정식은 $x - 2y = -7$

이때, $(-3, 2)$ 를 $x - 2y = -7$ 에 대입하면 등식이 성립하므로 순서쌍 $(-3, 2)$ 는 $x - 2y = -7$ 의 해가 된다. (참)

③ x, y 가 자연수일 때, $x + y - 5 = 0$ 의 해는 x, y 의 순서쌍 $(4, 1), (3, 2), (2, 3), (1, 4)$ 로 모두 4개이다. (참)

④ x, y 가 정수일 때, 방정식 $2x + y = 1$ 의 그래프는 무수히 많은 점으로 나타내어진다. (거짓)

⑤ x, y 에 대한 연립일차방정식의 해는 한 쌍인 경우도 있지만 해가 무수히 많거나 없는 경우도 있다. (거짓)

따라서 옳은 것은 ②, ③이다.

02 답 ②

$$2x + y = 10 \quad \text{--- ㉠}$$

$$y \text{가 } x \text{의 3배이므로 } y = 3x \quad \text{--- ㉡}$$

㉡을 ㉠에 대입하면

$$2x + 3x = 10, 5x = 10 \quad \therefore x = 2$$

$$\text{이것을 ㉡에 대입하면 } y = 3 \times 2 = 6$$

$$x = 2, y = 6 \text{을 } x + 2y = 13 + a \text{에 대입하면}$$

$$2 + 2 \times 6 = 13 + a, 14 = 13 + a \quad \therefore a = 1$$

03 답 2

$$\begin{cases} 0.4x + 0.7y = 2.3 \quad \text{--- ㉠} \\ \frac{1}{4}x + \frac{1}{3}y = \frac{11}{12} \quad \text{--- ㉡} \end{cases}$$

$$\frac{1}{4}x + \frac{1}{3}y = \frac{11}{12} \quad \text{--- ㉡}$$

$$\text{㉠} \times 10 \text{을 하면 } 4x + 7y = 23 \quad \text{--- ㉢}$$

$$\text{㉡} \times 12 \text{를 하면 } 3x + 4y = 11 \quad \text{--- ㉣}$$

$$\text{㉢} \times 3 - \text{㉣} \times 4 \text{를 하면}$$

$$5y = 25 \quad \therefore y = 5$$

이것을 ㉣에 대입하면

$$3x + 20 = 11 \quad \therefore x = -3$$

따라서 $a = -3, b = 5$ 이므로 $a + b = 2$

04 답 ②

연립방정식 $4x - 8 = 2x + 2y - 4 = 3x - 3y + 18$ 에서

$$\begin{cases} 4x - 8 = 2x + 2y - 4 \\ 4x - 8 = 3x - 3y + 18 \end{cases} \text{을 정리하면 } \begin{cases} x - y = 2 \quad \text{--- ㉠} \\ x + 3y = 26 \quad \text{--- ㉡} \end{cases}$$

$$\text{㉠} - \text{㉡} \text{을 하면 } -4y = -24 \quad \therefore y = 6$$

이것을 ㉠에 대입하면 $x = 8$

단원별
테스트

05
연립일차
방정식

05 답 ①

잘못 보고 푼 ㉠의 y 의 계수를 a 라 하면

$$\text{연립방정식은 } \begin{cases} 3x-y=2 \cdots \textcircled{1} \\ 2x+ay=-8 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{이고}$$

$x=3$ 은 이 연립방정식을 만족시키므로 ㉠에 대입하면

$$9-y=2 \quad \therefore y=7$$

$$x=3, y=7 \text{을 } \textcircled{2} \text{에 각각 대입하면 } 6+7a=-8 \quad \therefore a=-2$$

따라서 ㉠의 y 의 계수 3을 -2 로 잘못 보고 풀었다.

06 답 1

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} 2x+3y=7 \\ ax+2y=5 \end{cases} \text{의 해가 } x=\alpha, y=\beta \text{이므로}$$

$$\text{해를 주어진 방정식에 대입하면 } \begin{cases} 2\alpha+3\beta=7 \cdots \textcircled{1} \\ \alpha\alpha+2\beta=5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

한편, $\alpha+\beta=2$, 즉 $\beta=2-\alpha \cdots \textcircled{3}$ 가 성립하므로

$$\textcircled{3} \text{을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } 2\alpha+3(2-\alpha)=7 \quad \therefore \alpha=-1$$

이것을 $\textcircled{3}$ 에 대입하면 $\beta=3$

$$\alpha=-1, \beta=3 \text{을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } -\alpha+6=5 \quad \therefore \alpha=1$$

07 답 15

조건 (가)에서 $x:y=3:2$ 이므로 $2x=3y \cdots \textcircled{1}$

조건 (나)에서 $y=x-5 \cdots \textcircled{2}$

$$\textcircled{1} \text{을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } 2x=3(x-5) \quad \therefore x=15$$

08 답 13

주어진 두 연립방정식의 해가 같으므로 그 해는

$$\begin{cases} 2x+y=5 \cdots \textcircled{1} \\ 3x-5y=1 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 해와 같다.}$$

$$\textcircled{1} \times 3 - \textcircled{2} \times 2 \text{를 하면 } 13y=13 \quad \therefore y=1$$

$$\text{이것을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } 2x+1=5 \quad \therefore x=2$$

$$x=2, y=1 \text{은 } \begin{cases} ax+by=8 \\ ax-2by=2 \end{cases} \text{의 해이므로 이 식에 대입하면}$$

$$\begin{cases} 2a+b=8 \cdots \textcircled{3} \\ 2a-2b=2 \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

$$\textcircled{3} - \textcircled{4} \text{을 하면 } 3b=6 \quad \therefore b=2$$

$$\text{이것을 } \textcircled{3} \text{에 대입하면 } 2a+2=8 \quad \therefore a=3$$

$$\therefore a^2+b^2=3^2+2^2=13$$

09 답 ④

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} y=2(x-3) \cdots \textcircled{1} \\ 2(3x-6)=4(x+y) \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{에서}$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$6x-12=4x+8(x-3), 6x-12=4x+8x-24$$

$$-6x=-12 \quad \therefore x=2$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=-2$

즉, 첫 번째 연립방정식의 해는 $x=2, y=-2$ 이다.

따라서 두 번째 연립방정식의 해는 $x=-2, y=2$ 이므로

$$\begin{cases} ax+by=4 \\ bx-ay=6 \end{cases} \text{에 대입하면 } \begin{cases} -2a+2b=4 \\ -2b-2a=6 \end{cases} \text{이고}$$

$$\text{이를 정리하면 } \begin{cases} a-b=-2 \cdots \textcircled{3} \\ a+b=-3 \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

$$\textcircled{3} + \textcircled{4} \text{을 하면 } 2a=-5 \quad \therefore a=-\frac{5}{2}$$

$$\text{이것을 } \textcircled{4} \text{에 대입하면 } -\frac{5}{2}+b=-3 \quad \therefore b=-\frac{1}{2}$$

$$\therefore b-3a=-\frac{1}{2}-3 \times \left(-\frac{5}{2}\right)=-\frac{1}{2}+\frac{15}{2}=7$$

10 답 -1

$$\begin{cases} 2x+y=6 \cdots \textcircled{1} \\ ax+2y=2 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 해가}$$

일차방정식 $3x-2y-2=0$ 의 해가 되므로

$$\text{그 해는 연립방정식 } \begin{cases} 2x+y=6 \cdots \textcircled{1} \\ 3x-2y=2 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 해와 같다.} \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{1} \times 2 + \textcircled{2} \text{을 하면 } 7x=14 \quad \therefore x=2$$

$$x=2 \text{를 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } y=2 \cdots \textcircled{4}$$

$x=2, y=2$ 를 ㉡에 대입하면

$$2a+4=2 \quad \therefore a=-1 \cdots \textcircled{5}$$

| 채점기준 |

㉠ 연립방정식의 해를 구하기 위한 새로운 연립방정식을 세운다. [40%]

㉡ x, y 의 값을 각각 구한다. [40%]

㉢ a 의 값을 구한다. [20%]

단원별 테스트 06 연립일차방정식의 활용

문제면 104P

01 답 17, 4

큰 수를 x , 작은 수를 y 라 하면

$$\begin{cases} x+y=21 \cdots \textcircled{1} \\ x=4y+1 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \text{을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } 4y+1+y=21 \quad \therefore y=4$$

$$\text{이것을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } x=4 \times 4+1=17$$

따라서 두 수는 각각 17, 4이다.

02 답 210

비밀번호의 각 자리 숫자를 차례대로 $x, y, 1, 6$ 이라 하면

$$\begin{cases} x+y+1+6=19 \text{에서 } x+y=12 \cdots \textcircled{1} \\ (x+6)-(y+1)=7 \text{에서 } x-y=2 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \text{을 하면 } 2x=14 \quad \therefore x=7$$

$$\text{이를 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } 7+y=12 \quad \therefore y=5$$

따라서 비밀번호의 각 자리의 숫자의 곱은

$$7 \times 5 \times 1 \times 6 = 210$$

03 답 15 km

뛰어난 거리를 x km, 자전거를 타고 간 거리를 y km라 하면

$$\begin{cases} x+y=20 \cdots ㉠ \\ \frac{x}{10} + \frac{y}{30} = 1 \text{에서 } 3x+y=30 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉡ - ㉠ \text{을 하면 } 2x=10 \quad \therefore x=5$$

이것을 ㉠에 대입하면 $y=15$

따라서 자전거를 타고 간 거리는 15 km이다.

04 답 15

직사각형 ABCD에서 한 변의 길이가 a 인 정사각형 2개를 연결하여 만든 변 AD의 길이와 한 변의 길이가 b 인 정사각형 3개를 연결하여 만든 변 BC의 길이가 같으므로 $2a=3b \cdots ㉠$

또, 직사각형 ABCD의 둘레의 길이가 66이므로

$$4a+5b=66 \cdots ㉡$$

$$㉠, ㉡ \text{을 연립하여 풀면 } a=9, b=6$$

$$\therefore a+b=15$$

05 답 18일

전체 일의 양을 1이라 하고, 아름이와 다운이가 하루에 할 수 있는 일의 양을 각각 x, y 라 하면

$$\begin{cases} 6x+6y=1 \cdots ㉠ \\ 2x+14y=1 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉠ - ㉡ \times 3 \text{을 하면 } -36y=-2 \quad \therefore y=\frac{1}{18}$$

따라서 다운이가 혼자 이 일을 한다면 18일이 걸린다.

06 답 990 m

자유형으로 간 거리를 x m, 평형으로 간 거리를 y m라 하면

$$\begin{cases} \frac{x}{30} + 20 + \frac{y}{20} = 100 \\ y = x - 50 \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} 2x+3y=4800 \cdots ㉠ \\ y=x-50 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉡을 ㉠에 대입하면

$$2x+3(x-50)=4800, 5x-150=4800 \quad \therefore x=990$$

따라서 자유형으로 간 거리는 990 m이다.

07 답 25살

현재 부부의 나이의 합을 x 살, 아이의 나이를 y 살이라 하면

$$x=7y \cdots ㉠$$

5년 전의 부부의 나이의 합은 $(x-10)$ 살, 아이의 나이는 $(y-5)$ 살 이므로

$$x-10=12(y-5) \cdots ㉡$$

$$㉠ \text{을 } ㉡ \text{에 대입하면 } 7y-10=12(y-5), 5y=50 \quad \therefore y=10$$

이것을 ㉠에 대입하면 $x=70$

t 년 후 부부의 나이의 합이 아이의 나이의 4배가 된다고 하면

$$70+2t=4(10+t), 2t=30 \quad \therefore t=15$$

따라서 구하는 아이의 나이는 $10+15=25(\text{살})$ 이다.

08 답 86점

3점짜리 문항의 개수를 x 개, 4점짜리 문항의 개수를 y 개라 하면

$$\begin{cases} x+y=30 \cdots ㉠ \\ 3x+4y=100 \cdots ㉡ \end{cases}$$

$$㉡ - ㉠ \times 3 \text{을 하면 } y=10$$

즉, 4점짜리는 10문항이 출제되었고, 그 중 2문항을 틀렸으므로 정답은 4점짜리 8문항을 맞았다.

따라서 정답의 영어 점수는

$$3 \times 18 + 4 \times 8 = 86(\text{점})$$

09 답 2배

영주의 속력을 분속 x , 영희의 속력을 분속 y , 두 사람이 출발 후 만 나 때까지 걸린 시간을 t 분이라 하자.

영주가 t 분 동안 간 거리와 영희가 12분 동안 간 거리가 같으므로

$$xt=12y \cdots ㉠$$

영희가 t 분 동안 간 거리와 영주가 3분 동안 간 거리가 같으므로

$$yt=3x \cdots ㉡$$

$$㉠ \text{에서 } t = \frac{12y}{x}$$

$$㉡ \text{에서 } t = \frac{3x}{y}$$

이때, 걸린 시간이 같으므로

$$\frac{3x}{y} = \frac{12y}{x}, x^2 = 4y^2 = (2y)^2$$

$$\therefore x=2y$$

따라서 영주의 속력은 영희의 속력의 2배이다.

10 답 A 소금물 : 11 %, B 소금물 : 5 %

A, B 두 소금물의 농도를 각각 $x\%, y\%$ 라 하면

$$\begin{cases} \frac{x}{100} \times 100 + \frac{y}{100} \times 200 = \frac{7}{100} \times 300 \cdots ㉠ \\ \frac{x}{100} \times 200 + \frac{y}{100} \times 100 = \frac{9}{100} \times 300 \cdots ㉡ \end{cases} \cdots \text{-----} ㉢$$

$$㉠ \text{에서 } x+2y=21 \cdots ㉣$$

$$㉡ \text{에서 } 2x+y=27 \cdots ㉤$$

$$㉣ \times 2 - ㉤ \text{을 하면 } 3y=15 \quad \therefore y=5$$

$$\text{이것을 } ㉣ \text{에 대입하면 } x+10=21, x=11 \cdots \text{-----} ㉥$$

따라서 A 소금물의 농도는 11 %이고, B 소금물의 농도는 5 %이다. ----- ㉦

| 채점기준 | -----

㉠ 연립방정식을 세운다 [40%]

㉡ 연립방정식을 푼다. [40%]

㉢ A, B 두 소금물의 농도를 각각 구한다. [20%]

01 답 1

$y=f(x)$ 가 일차함수이므로 $f(x)=ax+b$ 라 하면

$$f(1)=a+b=0, f(0)=b=1 \text{이므로 } a=-1$$

$$\therefore f(x)=-x+1$$

$$\text{따라서 } f(c)=-c+1=d \text{이므로 } c+d=1$$

02 답 -1

$y=f(x)$ 가 일차함수이므로 $f(x)=ax+b$ 라 하면

$$\text{조건 (가)에서 } a+b=2 \dots \text{㉠}$$

$$\text{조건 (나)에서 } (6a+b)-(3a+b)=-9 \quad \therefore a=-3$$

$$\text{이것을 ㉠에 대입하면 } b=5$$

$$\text{따라서 } f(x)=-3x+5 \text{이므로 } f(2)=-1$$

[다른 풀이]

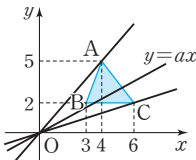
$f(x)=ax+b$ 라 하면 조건 (나)에서

$$a=\frac{f(6)-f(3)}{6-3}=\frac{-9}{3}=-3$$

03 답 $\frac{1}{3} \leq a \leq \frac{5}{4}$

세 점 A, B, C는 모두 제 1사분면 위의 점이므로 $\triangle ABC$ 는 제 1사분면 위에 있다.

따라서 원점을 지나는 일차함수 $y=ax$ 의 그래프가 $\triangle ABC$ 와 만나려면 $a>0$ 이어야 하고 이것을 그림으로 나타내면 오른쪽과 같다.



(i) 직선 $y=ax$ 가 점 C를 지날 때,

일차함수 $y=ax$ 의 그래프가 점 (6, 2)를

$$\text{지나므로 } 2=6a \quad \therefore a=\frac{1}{3}$$

(ii) 직선 $y=ax$ 가 점 A를 지날 때,

일차함수 $y=ax$ 의 그래프가 점 (4, 5)를 지나므로

$$5=4a \quad \therefore a=\frac{5}{4}$$

따라서 (i), (ii)에 의하여 $\frac{1}{3} \leq a \leq \frac{5}{4}$

04 답 $\frac{3}{4}$

일차함수 $y=ax+b$ 의 y 절편이 1이므로 $b=1$

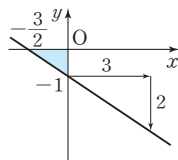
x 의 값이 3만큼 증가할 때, y 의 값은 2만큼 감소하므로 기울기는

$$a=-\frac{2}{3}$$

따라서 일차함수 $y=-\frac{2}{3}x-1$ 의 그래프의

x 절편은 $-\frac{3}{2}$, y 절편은 -1 이므로 구하는

$$\text{도형의 넓이는 } \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times 1 = \frac{3}{4}$$



05 답 ④

$ab<0, bc<0$ 이므로 $ac>0$ 이다.

(i) $ac>0$ 에서 $\frac{a}{c}>0$,

(ii) $ab<0$ 에서 $\frac{b}{a}<0$ 이므로 $-\frac{b}{a}>0$

따라서 일차함수 $y=\frac{a}{c}x-\frac{b}{a}$ 의 기울기와 y 절편이 모두 양수이므로 오른쪽 위로 향하고, y 축의 양의 부분에서 만나는 그래프는 ④이다.

06 답 ③

① $y=-2x+5$ 에 $x=3, y=-1$ 을 각각 대입하면

$-1=-2 \times 3+5$ 로 등식을 만족시키므로 주어진 그래프는

점 (3, -1)을 지난다. (참)

② 두 일차함수 $y=2x-5, y=-2x+5$ 는 모두 x 절편이 $\frac{5}{2}$ 이므로

두 그래프는 x 축 위의 점 $(\frac{5}{2}, 0)$ 에서 만난다. (참)

③ 일차함수 $y=-2x+5$ 는 x 절편이 $\frac{5}{2}$ 이고, y 절편이 5이므로 이

그래프와 x 축, y 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 5 = \frac{25}{4} \text{ (거짓)}$$

④ 일차함수 $y=-2x+5$ 의 기울기가 -2 이므로 x 의 값이 2만큼 감소하면 y 의 값이 4만큼 증가한다. (참)

⑤ 기울기가 음수이므로 오른쪽 아래로 향하는 직선이다. (참)

따라서 옳지 않은 것은 ③이다.

07 답 $\frac{3}{4}$

일차함수 $y=-\frac{3}{4}x+6$ 의 그래프가 x 축, y 축과 만나는 점을 각각 구

하면 $0=-\frac{3}{4}x+6$ 에서 $x=8 \quad \therefore A(8, 0), B(0, 6)$

일차함수 $y=ax$ 의 그래프는 $\triangle BOA$ 의 한 꼭짓점 O를 지나므로 삼각형의 넓이를 이등분하려면 직선 $y=ax$ 가 점 O의 대변인 선분 AB의 중점 (4, 3)을 지나야 한다.

따라서 함수 $y=ax$ 에 점 (4, 3)의 좌표값을 대입하면 $a=\frac{3}{4}$

08 답 -2

아름이가 그린 그래프는 두 점 (2, -2), (5, 1)을 지나므로

$y=ax+b$ 에 각각 대입하면

$$2a+b=-2, 5a+b=1 \quad \therefore a=1, b=-4$$

아름이는 a 를 잘못 보았으므로 $b=-4$

다운이가 그린 그래프의 x 절편이 3이고 y 절편이 6이므로 기울기는

$$a=\frac{0-6}{3-0}=-2$$

다운이는 b 를 잘못 보았으므로 $a=-2$

따라서 바르게 본 일차함수는 $y=-2x-4$ 이고, 이 함수의 x 절편은 -2 이다.

09 답 (1) 550 m (2) 분속 100 m

- (1) $0 \leq x \leq 8$ 일 때, 8분 동안 학교까지의 거리가 400 m가 줄어들었으므로 아름이의 속력은 분속 50 m이고, y 절편이 800이므로 $y = -50x + 800$
 $x = 5$ 일 때 $y = -50 \times 5 + 800 = 550$
 따라서 출발한 지 5분 후에 남은 학교까지의 거리는 550 m이다.
 (2) $x \geq 8$ 일 때, 아름이는 4분 동안 400 m를 뛰었으므로 아름이가 뛴 속력은 분속 100 m이다.

10 답 14

세 점이 한 직선 위에 있으려면 기울기가 일정해야 한다.

$$a = \frac{m-1}{-1-(-3)} = \frac{(m+6)-m}{2-(-1)} \text{에서 } a = \frac{m-1}{2} = 2$$

$$\therefore a=2, m=5 \text{ ----- ㉔}$$

한편, 이 직선은 점 $(-3, 1)$ 을 지나므로 $y=2x+b$ 에 대입하면

$$-6+b=1 \quad \therefore b=7 \text{ ----- ㉕}$$

$$\text{따라서 } a=2, b=7, m=5 \text{이므로 } a+b+m=2+7+5=14 \text{ -- ㉖}$$

채점기준

- ㉔ 기울기가 일정함을 이용하여 a, m 의 값을 각각 구한다. [40%]
 ㉕ 그래프가 지나는 점을 대입하여 b 의 값을 구한다. [40%]
 ㉖ $a+b+m$ 의 값을 구한다. [20%]

단원별 테스트 08 일차함수와 일차방정식의 관계

문제편 108P

01 답 ①, ⑤

- ① $x=-1, y=1$ 을 $x-4y+5=0$ 에 대입하면 $-1-4 \times 1+5=0$ 이므로 점 $(-1, 1)$ 을 지난다. (참)
 ② $y=0$ 을 $x-4y+5=0$ 에 대입하면 x 절편은 -5
 따라서 x 축과 점 $(-5, 0)$ 에서 만난다. (거짓)
 ③ $x-4y+5=0$ 에서 $y=\frac{1}{4}x+\frac{5}{4}$ (거짓)
 ④ 기울기가 $\frac{1}{4}$ 이므로 x 의 값이 4만큼 증가하면 y 의 값은 1만큼 증가한다. (거짓)
 ⑤ ③에서 기울기와 y 절편이 모두 양수이므로 이 일차방정식의 그래프는 제1, 2, 3사분면을 지난다. (참)
 따라서 옳은 것은 ①, ⑤이다.

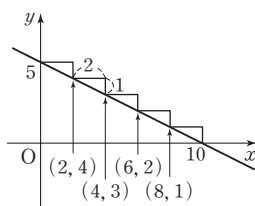
02 답 4개

일차방정식 $ax+by=10$ 의 해 x, y 가 모두 자연수이려면 y 는 5 미만의 자연수이어야 한다.

일차방정식의 그래프의 기울기가

$$-\frac{1}{2} \text{이므로 오른쪽 그림과 같이}$$

x, y 가 모두 자연수인 해를 찾을 수 있다.



따라서 일차방정식 $ax+by=10$ 의 해 중 x, y 가 모두 자연수인 해는 모두 4개이다.

다른 풀이

일차방정식 $ax+by=10$ 의 그래프가 두 점 $(0, 5), (10, 0)$ 을 지나므로 $5b=10, 10a=10 \quad \therefore a=1, b=2$

즉, 그래프의 방정식은 $x+2y=10$

$x=10-2y$ 에서 y 가 4 이하의 자연수이어야 x 도 자연수이다.

따라서 일차방정식 $ax+by=10$ 의 해 중 x, y 가 모두 자연수인 해는 모두 4개이다.

03 답 ④

$$\textcircled{1} 4x+y-3=0 \text{에서 } y=-4x+3$$

$$\textcircled{2} \text{기울기가 } -4 \text{이므로 } y=-4x+b \text{라 하자.}$$

$$\text{점 } (1, 1) \text{을 지나므로 } 1=-4+b \quad \therefore b=5$$

$$\therefore y=-4x+5$$

$$\textcircled{3} \text{두 점 } \left(\frac{1}{2}, 0\right), (0, 2) \text{를 지나는 직선이므로 기울기는}$$

$$\frac{2-0}{0-\frac{1}{2}}=-4$$

$$\text{또, } y \text{절편이 } 2 \text{이므로 직선의 방정식은 } y=-4x+2$$

$$\textcircled{4} \text{두 점 } (1, 2), (0, -2) \text{를 지나는 직선이므로 기울기는}$$

$$\frac{-2-2}{0-1}=4$$

$$\text{또, } y \text{절편이 } -2 \text{이므로 직선의 방정식은 } y=4x-2$$

$$\textcircled{5} \text{두 점 } (-1, 8), (2, -4) \text{를 지나는 직선이므로 기울기는}$$

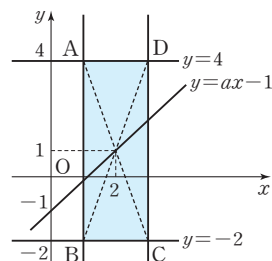
$$\frac{-4-8}{2-(-1)}=-4$$

$$\text{직선의 방정식을 } y=-4x+b \text{라 하면 점 } (-1, 8) \text{을 지나므로 } 8=4+b \quad \therefore b=4 \quad \therefore y=-4x+4$$

①, ②, ③, ⑤는 기울기가 모두 -4 로 같고 y 절편이 모두 다르므로 서로 평행하다. 따라서 나머지 넷과 평행하지 않은 직선은 ④이다.

04 답 1

그림과 같이 네 직선 $x=1, x=3, y=-2, y=4$ 의 교점을 각각 A, B, C, D라 하자.



그런데 직사각형의 넓이를 이등분하는 직선은 항상 두 대각선의 교점을 지나고, 그 점은 한 대각선의 중점과 같다. 즉, 직선 $y=ax-1$ 은 두 점 A(1, 4), C(3, -2)의 교점인 (2, 1)을 지난다.

따라서 일차함수 $y=ax-1$ 에 점 (2, 1)의 좌표값을 대입하면

$$1=2a-1 \quad \therefore a=1$$

단원별
테스트

08
일차함수와
일차방정식의
관계

05 답 ②

좌표축에 평행한 직선이 아니므로 $a \neq 0, b \neq 0$

$$ax+by+c=0 \text{에서 } y=-\frac{a}{b}x-\frac{c}{b}$$

기울기, y 절편이 모두 양수이므로 $ab < 0, bc < 0 \quad \therefore ac > 0$

$$abx+bcy-ca=0 \text{에서 } y=-\frac{a}{c}x+\frac{a}{b}$$

기울기 $-\frac{a}{c}$ 는 음수이고, y 절편 $\frac{a}{b}$ 도 음수이므로 일차방정식

$abx+bcy-ca=0$ 의 그래프는 ②이다.

06 답 7/6

두 직선의 교점의 좌표는 연립방정식

$$\begin{cases} 2x+y+3=0 \cdots \textcircled{1} \\ x-3y-2=0 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{의 해와 같다.}$$

①에서 $y=-2x-3$

이것을 ②에 대입하면 $x-3(-2x-3)-2=0$

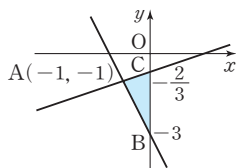
$$\therefore x=-1$$

이것을 ①에 대입하면 $y=-1$

즉, 두 직선의 교점은 $A(-1, -1)$

직선 $2x+y+3=0$ 의 y 축과의 교점은 $B(0, -3)$

직선 $x-3y-2=0$ 의 y 축과의 교점은 $C(0, -\frac{2}{3})$



따라서 $\triangle ABC$ 의 밑변은 $\overline{BC}$ 이고, 높이는 점 A에서 y 축에 내린 수선의 발까지의 거리이다.

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 1 \times \overline{BC} = \frac{1}{2} \times 1 \times \left(-\frac{2}{3} + 3\right) = \frac{7}{6}$$

07 답 13

두 점 $(0, -3), (6, 6)$ 을 지나는 직선은 기울기가

$$\frac{6-(-3)}{6-0} = \frac{3}{2} \text{이므로 직선의 방정식은}$$

$$y = \frac{3}{2}x - 3 \cdots \textcircled{1}$$

두 점 $(0, 1), (4, 0)$ 을 지나는 직선은 기울기가

$$\frac{0-1}{4-0} = -\frac{1}{4} \text{이므로 직선의 방정식은 } y = -\frac{1}{4}x + 1 \cdots \textcircled{2}$$

두 직선 ①, ②의 교점은 연립방정식 $\begin{cases} y = \frac{3}{2}x - 3 \\ y = -\frac{1}{4}x + 1 \end{cases}$ 의 해이다.

$$\frac{3}{2}x - 3 = -\frac{1}{4}x + 1 \quad \therefore x = \frac{16}{7}, y = \frac{3}{7}$$

따라서 $a = \frac{16}{7}, b = \frac{3}{7}$ 이므로 $7(a-b) = 13$

08 답 ⑤

연립방정식 $\begin{cases} 2x+ay=4 \\ y=3x+b \end{cases}$ 의 해가 무수히 많으므로

두 직선 $2x+ay=4, y=3x+b$ 는 일치한다.

$2x+ay=4$ 에서 $y = -\frac{2}{a}x + \frac{4}{a}$ 이므로

$$-\frac{2}{a} = 3, \frac{4}{a} = b$$

$$\therefore a = -\frac{2}{3}, b = -6$$

또, $ax+y-b=0$ 에서 $y = -ax+b = \frac{2}{3}x-6$ 의 그래프는

$x-ky=2$, 즉 $y = \frac{1}{k}x - \frac{2}{k}$ 의 그래프와 평행하므로

$$\frac{1}{k} = \frac{2}{3}, -\frac{2}{k} \neq -6$$

$$\therefore k = \frac{3}{2}$$

09 답 ③

선분 AP의 기울기는 $\frac{b}{a}$, 선분 PC의 기울기는 $\frac{d}{c}$, 선분 AC의

기울기는 $\frac{b+d}{a+c}$ 이므로 $\frac{b}{a} < \frac{b+d}{a+c} < \frac{d}{c}$ 가 성립한다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

10 답 $y = \frac{1}{5}x + 3$

$\square OAQP : \square BCPQ = 7 : 3$ 이므로

$$\square OAQP = \frac{7}{10} \square OABC = \frac{7}{10} \times 5^2 = \frac{35}{2} \cdots \textcircled{a}$$

한편, $Q(5, a)$ 라 하면

$$\square OAQP = \frac{1}{2} \times \overline{OA} \times (\overline{OP} + \overline{AQ}) = \frac{1}{2} \times 5 \times (3+a)$$

$$\text{즉, } \frac{35}{2} = \frac{5}{2}(3+a) \text{에서 } a=4$$

$$\therefore Q(5, 4) \cdots \textcircled{b}$$

따라서 직선 PQ의 방정식을 구하면 y 절편이 3이고 기울기가

$$\frac{4-3}{5-0} = \frac{1}{5} \text{이므로 } y = \frac{1}{5}x + 3 \cdots \textcircled{c}$$

| 채점기준 |

㉓ $\square OAQP$ 의 넓이를 구한다. [40%]

㉔ 점 Q의 좌표를 구한다. [40%]

㉕ 직선 PQ의 방정식을 구한다. [20%]



반드시 기억시킨다!! 보카 레슨

중등

시리즈 구성

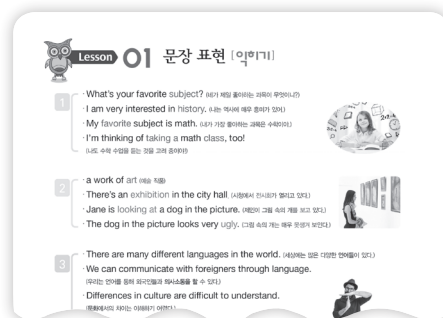
- ★ Level ① 800개 단어, 40일 완성
- ★ Level ② 900개 단어, 45일 완성
- ★ Level ③ 1000개 단어, 50일 완성

* 중등 필수 단어를 반드시 기억시키는 **3-Step** 학습

1 STEP 의미의 연상력으로 기억하자!!
- Relation Memory

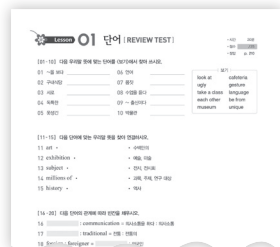


2 STEP 재미있는 스토리로 기억하자!!
- Story Memory

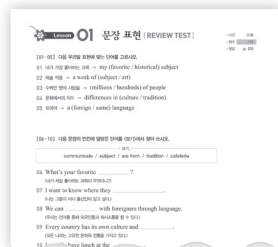


3 STEP 쉽고 다양한 유형의 테스트로 기억하자!!
- Test Memory

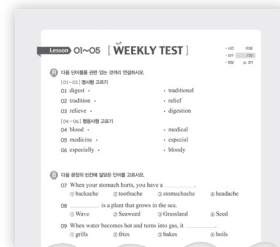
* 일대일 단어
Review Test



* 독해력 기초를 쌓는
표현&예문 Review Test



* 놓치는 단어란 없다!
Weekly Test

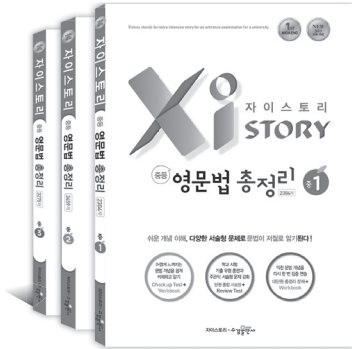


★ 영어 선생님을 위한 특별한 교과자료 ★
• 문제출제마법사 CD수록 • 문제 한글 파일 제공



재미있는 공부, 아무진 실력 향상

자이스토리 중등 영어

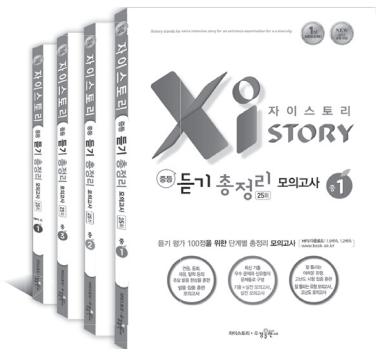


[중1 / 중2 / 중3]



영문법 총정리

- 쉬운 개념 이해, 다양한 서술형 문제로 문법이 저절로 암기!
- 어렵게 느껴지는 문법 개념을 쉽게 이해시키고 확인하는 Check-up Test
- Review Test와 단원 종합 문제를 통한 학교 시험 기출 유형과 주관식 서술형 문제 훈련
- 익힌 문법 개념을 다시 한 번 집중 연습하는 대단원 총정리 문제와 Workbook

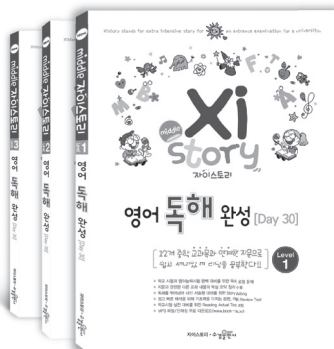


[중1 / 중2 / 중3 / 예비 고1]



듣기 총정리 모의고사

- 영어 발음에 대한 집중 학습 - 발음 집중 훈련 모의고사
- 출제 유형의 철저한 분석과 반복적 집중 훈련 - 유형 집중 훈련 모의고사
- 최신 기출 문제와 고품격 예상 문제로 유형과 난이도 연습 - 기출+실전 모의고사, 실전 모의고사
- 듣기 100점을 방해하는 잘 틀리는 유형 집중 훈련 - 잘 틀리는 유형 모의고사
- 어려운 표현과 긴 대본, 빠른 속도 문제 집중 훈련 - 고난도 모의고사
- 예비 고1을 위한 수능 맛보기 - 수능 유형 훈련 모의고사



[Level 1 / Level 2 / Level 3]



영어 독해 완성

- 학교시험, 학력평가, 학업성취도평가의 출제 유형과 원리 반영
- 기본부터 고난도까지 단계별로 독해 실력을 높여주는 문제 구성
- 실용문부터 학술적 내용까지 읽고 직접 문장을 만들어 보는 서술형 문제
- 중등 교과서 문법과 어휘 복습을 위한 Grammar Points & Words Review 수록